# 科学研究費助成事業 研究成果報告書



平成 26 年 6 月 6 日現在

機関番号: 32665 研究種目:基盤研究(C) 研究期間:2011~2013 課題番号:23500133

研究課題名(和文)3次元形状間の自動対応付けに関する研究

研究課題名(英文) Automatic shape matching between two 3-dimensional meshes

#### 研究代表者

吉田 典正 (YOSHIDA, Norimasa)

日本大学・生産工学部・教授

研究者番号:70277846

交付決定額(研究期間全体):(直接経費) 4,000,000円、(間接経費) 1,200,000円

研究成果の概要(和文):本研究は,3次元形状間の自動的な対応付けを目的とし,自動的な対応付けを行う手法を構築し,プログラムとして実装した.基本的なアイディアは,対象をパラメータドメインへ写像し,パラメータドメインにおける基本図形の位置を移動させることによって,自動的な対応付けを行う.自動的な対応付けは,基本図形内の点をサンプリングし,サンプリングした位置とその点に対応する形状位置との距離の差の二乗和を最小化することによって行う.このアイディアを,プログラムとして実装し,正常に動作することを確認した.しかしながら,対応に人の介入があったほうが好ましい場合などいくつかの問題があり,今後の研究の課題としたい.

研究成果の概要(英文): The aim of this research is to construct an algorithm for automatically finding a correspondence between two 3D meshes. The basic idea is mapping the objet to a 2D rectangular parameter d omain and moving each triangle in the parameter domain to find a correspondence. A correspondence is automatically found by minimizing the sum of the differences of squared distances from the sampled points in a triangle to the point of the mesh. We have implemented this algorithm and confirmed that the algorithm w orks. However, several problems remain, such as how to control the correspondence, etc.

研究分野: 総合領域

科研費の分科・細目: 情報学・メディア情報学・データベース

キーワード: 3次元メッシュ 自動対応付け モーフィング

## 1.研究開始当初の背景

立体視ディスプレイや 3D プリンタなどの 普及により 3 次元形状モデルは従来以上に 広く利用されてきている.2 つの卑なる 3 次 元形状が与えられたときに,2 つの中間形状 を作り出すモーフィングは広く利用されて いる.しかしながら,モーフィングを 3 次元 形状で作成するには非常に手間を必要とし, 自動化が可能となれば中間形状を作成 医療 分野におけるメッシュに適用し,自動的な 応付けができたならば,医療診断などへの応 用も期待される.

#### 2.研究の目的

本研究では,3次元形状に対して自動的な対応付けを行う基礎を構築することを目的として研究を行う.自動的な対応付けを行う手法は,形状をパラメータ化し,パラメータ空間における基本プリミティブ上をサンプリングした点からのそれぞれの形状への距離の差の二乗和を最小化することによって,自動的な対応付けを行う.このアイディアを確認するために,2次元の間のメッシュを対象として,二乗和最小化のアイディアの実装を行う.

### 3.研究の方法

(1) 2次元ポリゴンモデルの自動対応付け 2次元の円と同相な2つの異なる(しかし似ている形状の)ポリゴンモデルに対して,自動的な対応付けを行う.ポリゴンモデルに対して,と同動的な対応付けを行う.ポリゴンモデルに対したの表に関立であるため,線分の長に単位円へが可能である.単位円においとのよりがらスタートし,各辺からポリゴンの距離から他方のポリゴンの距離から他方のポリゴンの距離を引いたもの)の二乗和を最小化する.大の距離を引いたもの)の二乗和を最小化する。大きい辺を分割し,二乗和の最小化および分割の最小化を繰り返していく.

## (2) 2次元画像の対応付

2つの異なる(しかし似通っている)画像が与えられた際に,自動的な対応付けを行う、画像は,xy平面において自然なパラメータ化を持つので,このパラメータ空間を2つの三角形からスタートする.各三角形に関して,RGBの低の差(2つの画像の色の差)の二乗和の値の差(2つの画像の色の差)の二乗和シの最も大きい三角形を分割し,さらに各頂点をコストが最大になるように移動させる.最もコストの大きになるように移動された三角形の位置を知り返すことによって対応付けを行う.

#### (3) 3次元の顔モデルに対する対応付け

New York 州立大学の David Gu 教授より人 の顔の前面の3次元メッシュ(円と同相)と 等角写像によってパラメータ化したデータ を頂き,このデータを用いて3次元の顔モデ ルの自動対応付けを行う. 平面パラメータ化 によって3次元メッシュ内の頂点は,四角形 領域内の円に治まるようパラメータ化され る.2次元画像の場合と同様に,四角形領域 内を2つの三角形に分割するところからス タートし,コストを計算し,コストの大きい 三角形を分割し,分割した三角形の頂点位置 をコストが低くなるように移動させるとい う処理を繰り返し行い自動的な対応付けを 行う.コストは,三角形内の点をサンプリン グし,サンプリグした点から一方のメッシュ の対応する点への距離と他方のメッシュへ の距離の差の二乗和によって計算する. 平面 パラメータ化によって四角形領域内の円内 にメッシュが写像されるため,コストを計算 する際には,この円内に含まれる点のみをコ スト計算の対象とする.なお,コスト最小化 の過程において,局所解に陥ることを防ぐた め焼きなまし法を利用する.

(4) 一般の3次元メッシュに対する対応付け 3次元メッシュに対しも,平面パラメータ 化が可能であれば,基本的に(3)に述べたもの と同様なアルゴリズムが適用可能である(し かしながら,実際にはこれから述べるように, 非常に微細な三角形ができてしまう場合が あり,今後の課題である).

球と同相な閉じた3次元メッシュそのま までは平面パラメータ化が行えないため,メ ッシュに手作業によって切り込みを入れ,表 面を円と同相とすることによって, 平面パラ メータ化を行う.平面パラメータ化には, CGAL(Computational Algorithms Library , http://www.cgal.org/) のライブラリ(authalic parameterization)を 利用する.しかしながら,図1に示すように, 1 ピクセルよりも小さい領域に三角形群が パラメータ化されてしまう問題が生じた.図 2に,別のパラメータ化されたメッシュの階 層の深さを示す例を示す.図2において,左 上の図からスタートし,右,右,左下,さら に右へという順で,赤い四角領域を拡大して いる.

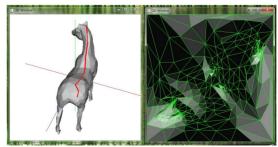
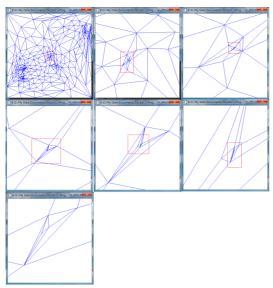


図1 メッシュへの切れ込み(左)と馬のメッシュの平面パラメータ化

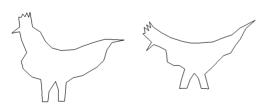


平面パラメータ化における問題

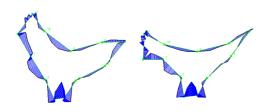
この階層の深さの問題に対して、bubble mesh 的手法で頂点位置を移動させるなどいくつ かの手法を試みたが,現在までに解決には至 っていない.しかしながら,このような深い 階層を持たないものに対しては,(3)に述べ たアルゴリズムは動作するものと期待され る.

# 4. 研究成果

(1) 2次元ポリゴンモデルの自動対応付け 図 3 (a), (b)に 2 つのポリゴンモデルを,図 4にそれぞれのポリゴンモデルの高さ情報 を表示したモデルを表す.図5は,図3の2 つのポリゴンモデルから作られた中間形状 であり,対応が正しく付けられていることが 分かる.

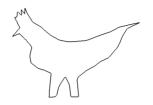


(a) 図 3 2 つのポリゴンモデル



(b) (a) 図 4 線分からの高さ情報を表示

これらの結果により,高さ情報の差の二乗 和を最小化する手法によりポリゴンモデル に対する自動対応付けが可能となることが 分かる.なお,2つの形状が似通っていない 場合などには,対応が正しくとれない場合も



生成された中間形状(t=0.5)

## (2) 2次元画像の対応付

図 6 に 2 つの画像,図7 に画像における三 角形メッシュを示す.図8は自動的に作成さ れた中間画像(t=0.5)である. これより画像に ついても自動的な対応付けができているこ とが分かる.



図 6 2つの画像

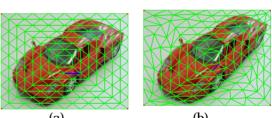


図 7 平面上の三角形メッシュ



図 8 中間画像(t=0.5)

(3) 3次元の顔モデルに対する対応付け 3次元の顔形状のデータの結果に関して は,利用の承諾が現時点では得られていない ため割愛する.対応付けのプログラムを実装 した結果としては,ほとんどの場合に自動的 な対応付けが可能なことを確認した.顔形状にはテクスチャが付随しており,テクスチャを含めたブレンディングが可能である.

## (4) まとめと展望

本研究では、「高さ情報の差の二乗和を最小化する」という統一的な考え方によって、ポリゴンモデル、画像、3次元メッシュの自動的な対応付けが可能なことを、プログラムを実装することによって確認した。

一般的な3次元モデルに対応していくには,図1,図2に示したような平面パラメータ化の問題を解決していく必要がある.また,現時点での自動対応付けは,2つの画像または形状が似通っている場合にのみ可能であり,今後より異なる画像・形状への拡張が望まれる.また,対応付けの研究をさらに進め,頂点を線形に移動させるのではなく研究成果にあるような曲線に沿って移動させ,より美しいモーフィングが可能でないかなどを調べていく予定である.

# 5. 主な発表論文等

(研究代表者、研究分担者及び連携研究者に は下線)

# [雑誌論文](計 7 件)

Takafumi Saito, Midori Yamada and Norimasa Yoshida, Shape Analysis of Cubic Bézier Curves - Correspondence to Four Primitive Cubics, Computer-Aided Design and Applications, 查読有, Vol. 11, Issue 5, pp.568-578, Apr. 2014.

Norimasa Yoshida, Ryo Fukuda, Toshio Saito and Takafumi Saito, Quasi-Log-Aesthetic Curves in Polvnomial Bézier Form, Computer-Aided Design and Applications, 查読有, Vol. 10, No. 6, pp. 983-993, 2013.

D. S. Meek, <u>T. Saito</u>, D. J. Walton, <u>N. Yoshida</u>, Planar two-point G1 Hermite interpolating log-aesthetic spirals, Journal of Computational and Applied Mathematics, 查読有, Volume 236, Issue 17, Pages 4485-4493, November 2012.

N. Yoshida, T. Saito, The Evolutes of Log-Aesthetic Curves and The Drawable Boundaries of The Curve Segments, Computer-Aided Design and Applications, 查読有, Volume 9, Number 5, pp. 721-731, 2012.

R. Ziatdinov, <u>N. Yoshida</u>, T. Kim, Fitting G2 multispiral transition curve joining two straight lines, Computer-Aided Design, 查読有, Volume 44, Issue 6, pp.591-596, June, 2012. R. Ziatdinov, N. Yoshida, T. Kim,

Analytic parametric equations of log-aesthetic curves in terms of incomplete gamma functions, Computer Aided Geometric Design, 查読有, Volume 29, Issue 2, pp.129-140, February 2012.

N. Yoshida, R. Fukuda, <u>T. Saito</u>, T. Saito, Compound-rhythm Log-aesthetic Space Curve Segments, Computer-Aided Design and Applications, 査読有, Vol. 8, No.2, pp.315-324, 2011.

#### [学会発表](計 5 件)

Kenji Shikano, <u>Takafumi Saito</u>, <u>Norimasa Yoshida</u>, Complete Log-Aesthetic Surfaces by Logarithmic Helical Sweep, SIAM Conference on Geometric Design(GD/SPM13), Nov. 12, 2013, Denver, Colorado, USA.

Yuji Fujii, Norimasa Yoshida, Makoto Kanda, Toshio Saito, Mikio Shinya, Mass-Spring Simulation Based on the Unconditionally Stable Explicit Method, Image Electronics and Visual Computing Workshop, 2B-4, Nov. 22, 2012, Kuching, Malaysia.

N. Yoshida, Y. Kobayashi, T. Saito, K. Miura, G1 Hermite Interpolation of Bezier Unit Quaternion Integral Curves, Eighth International Conference on Mathematical Methods for Curves and Surfaces, Jun. 29, 2012, Oslo, Norway. T. Saito and N. Yoshida, G1 Hermite interpolation with extended Tschirnhausen cubic spirals. Eighth International Conference Mathematical Methods for Curves and Surfaces, Jun 30, 2012, Oslo, Norway. Yoshida and T. Saito, characteristics of log-aesthetic planar curves, SIAM Conference on Geometric and Physical Modeling (GD/SPM11), Oct. 24, 2011, Orlando, Florida, USA.

#### 6.研究組織

## (1)研究代表者

吉田 典正 (YOSHIDA, Norimasa) 日本大学・生産工学部・教授 研究者番号:70277846

#### (2)研究分担者

斎藤 隆文 (SAITO, Takafumi) 東京農工大学・大学院工学研究院・教授 研究者番号: 60293007

# (3) 連携研究者

なし