#### 研究成果報告書 科学研究費助成事業

今和 4 年 5 月 2 3 日現在

機関番号: 14401 研究種目: 若手研究(B) 研究期間: 2017~2021

課題番号: 17K14219

研究課題名(和文)非線形分散型方程式の遷移現象の研究

研究課題名(英文)Research on transition phenomena in nonlinear dispersive equations

研究代表者

眞崎 聡 (Masaki, Satoshi)

大阪大学・基礎工学研究科・准教授

研究者番号:20580492

交付決定額(研究期間全体):(直接経費) 3,200,000円

研究成果の概要(和文):非線形分散型方程式に対して、解の時間大域挙動の関する研究を行った。 最も大きな成果は、線形ポテンシャルをもつ非線型シュレディンガー方程式の大域挙動の分類である。予備研究 としてデルタポテンシャルをもつ場合において、長距離散乱の研究と安定ソリトンの周りのでの漸近安定性の研究とである。それらの知見を用いて第一励起状態のエネルギーより小さいエネルギーを持つ小質量解の挙動

の分類を行った。 並行して、長距離散乱問題の研究も行った。こちらにおいても当初の予想とは異なる方向に研究が発展した。具体的な成果として、一般臨界斉次非線形項を持つ方程式の長距離散乱の解析と1次元3次方程式系の大域挙動の分類とが得られた。

研究成果の学術的意義や社会的意義 非線形分散型方程式の解の時間大域ダイナミクスの研究において、現在は不安定ソリトンが一つだけ存在する場合が多く扱われているが、本研究では安定ソリトンが存在する場合を扱うことができた。物理的な背景を考えると、安定ソリトンが存在する状況を考察する方が自然である。本研究でこの状況における解析の基本的な結果が得られた。 長距離散乱理論においては、非多項式型の非線形項の解析を発展させることに成功した。また、この研究で得られた3次方程式系の分類によって、系統的に新しい種類の挙動を発見できた。従来の3次方程式系の分類とは少し異なる視点を与えており、今後の他の分散型方程式系の研究にも応用が可能であると期待される。

研究成果の概要(英文):We study the large-time behavior of solutions to the nonlinear dispersive equations.

The biggest contribution is the classification of the global behavior of solutions to the nonlinear Schrodinger equation with linear potential below the first excited energy. As preliminary studies, we consider the delta potential case and obtain the modified scattering and the asymptotic stability of solitons. By using the knowledge obtained in these studies, the above result is obtained.
We also obtained results on modified scattering. We had much more progress than expected. We obtain the modified scattering result for equations with a general homogeneous critical nonlinearity and the classification result for cubic dispersive systems in one space dimension.

研究分野: 関数方程式論

キーワード: 非線形分散型方程式 非線形シュレディンガー方程式 非線型クラインゴルドン方程式 解の時間大域 ダイナミクス 定在波解の安定性 長距離散乱 修正散乱 非線形方程式系の分類

科研費による研究は、研究者の自覚と責任において実施するものです。そのため、研究の実施や研究成果の公表等に ついては、国の要請等に基づくものではなく、その研究成果に関する見解や責任は、研究者個人に帰属します。

### 1.研究開始当初の背景

近年、非線形分散型方程式の時間大域挙動に関する変分問題の解析手法が発展している。これは、線形分散型方程式の分散型評価・ストリッカーツ評価に関係するプロファイル分解定理などに基づくものである。このような解析手法などにより、非線形方程式の解の時間大域挙動の切り替わりの様子が詳しく解析できる。

これらは、主に第一ソリトンが不安定となる場合に行われている。物理的な背景からは、第一ソリトンは安定である方が自然であるので、そのような方程式に対する結果が期待される。このような方程式は質量劣臨界と呼ばれる場合に相当する。また、物理的な背景をもつ場合の多くは、非線形項が長距離型と呼ばれるものである。長距離型非線形を持つ場合には、小さい解の漸近挙動にも非線形項の影響が現れるいわゆる修正散乱と呼ばれるタイプの挙動が起こる。長距離型も質量劣臨界の一種である。特定のモデルは可積分系であり、逆散乱法により解の挙動が詳しく調べられるが、可積分となるモデルは多くないため、逆散乱法に頼らない"偏微分方程式論的"な手法で解析ができることが望ましい。

研究開始時点において、質量劣臨界の場合には先行結果がほとんどなく、研究代表者が初めて 質量劣臨界においてこのような解の時間大域挙動の遷移に関する研究を行った。その結果、いく つかの質量劣臨界方程式に対して解の切り替わりとなる未知の挙動の解の存在が得られた。

# 2.研究の目的

本研究は、安定ソリトンを持つような非線形方程式において、解の時間大域挙動の移り変わり、 遷移現象、を理解することを第一の目的とした。これを実現するための手段として、前項で述べ た未知の挙動の解の素性を知ることを目標とした。また、関連する研究として、ソリトン解周り の解の挙動を知るため、ソリトンの安定性理論の研究も行うこととした。

二つ目として、長距離型非線形項をもつ場合の散乱の結果をより改良・拡張することを目的とした。ゆくゆくは長距離型をもつ場合における遷移の様子を調べたい。しかし、新しい変分解析の手法をこの場合に拡張するには技術的困難が多い。その解決に向けて、長距離散乱理論についての理解の深化を目指す。

### 3.研究の方法

第一の研究については、この分野の専門家である Rowan Killip 氏 (UCLA)、Monica Visan 氏 (UCLA)と研究打ち合わせを行うことで効果的に研究を進めることを図る。また、ソリトン解の安定性解析については、現在興味を同じくしている Jason Murphy 氏 (Missouri S&T)、瀬片純市氏(九州大)と研究打ち合わせを行うことで効果的に研究を進めることを図る。 長距離散乱については、国内に専門家が数多くいるので、専門家と情報交換を密に行うことで研究の効果的な推進を図る。 国内外の研究集会に参加し、情報交換や研究打ち合わせの機会を積極的に得る。

### 4. 研究成果

研究期間内に出版された論文それぞれについて、簡単な概要を述べる。

- "Nonexistence of scattering and modified scattering sates for some nonlinear Schrodinger equation with critical homogeneous nonlinearity"と題された宮崎隼人氏との共著論文においては、一般の臨界斉次非線形項をもつ非線型シュレディンガー方程式を考え、非線形項が非振動部分をもつ場合に、散乱や修正散乱と呼ばれる挙動をもつ解が存在しないことを示した。
- "Refinement of Strichartz estimates for Airy equation in non-diagonal case and its application"と題された瀬片純市氏との共著論文においては、Airy 方程式に対するストリッカーツ評価をモレ 空間の枠組みで考察し、我々の先行結果におけるいくつかの次術的障害を取り除き、発展させた。
- "Modified Scattering for the One-Dimensional Cubic NLS with a Repulsive Delta Potential"と題された Jason Murphy 氏、瀬片純市氏との共著論文においては、デルタポテンシャルを持つ非線形シュレディンガー方程式の長距離問題を考察した。
- "Stability of small solitary waves for the 1d NLS with an attractive delta potential" と題された Jason Murphy 氏、瀬片純市氏との共著論文においては、デルタポテンシャルを持つ非線形シュレディンガー方程式の解析を進め、今度は小さいソリトン解に対してその漸近安定性を示した。
- "The radial mass-subcritical NLS in negative order Sobolev spaces"と題された Rowan Killip 氏、Jason Murphy 氏、Monica Visan 氏との共著論文においては、質量劣臨界の非線型シュレディンガー方程式に関して条件付き散乱問題と呼ばれる問題を解析した。方程式の保存

則が適用できない枠組み問題を考察しているので、その代わりとなる大域有界性の仮定のもと で散乱を示すという研究である。

- "Optimal decay rate of solutions for nonlinear Klein-Gordon systems of critical type"と題された杉山航希氏との共著論文においては、非線形クラインゴルドン方程式(系)において、dissipative decay と呼ばれる摩擦型の非線形項をもつ場合の解の時間減衰レートより速く減衰することがないことを示した。
- "A sharp scattering threshold level for mass-subcritical nonlinear Schrodinger system"と題された浜野大氏との共著論文では、非線形シュレディンガー方程式のシステムを考え、システムの特殊構造を加味した新しい散乱の判定条件を提案した。
- "Long range scattering for the complex-valued Klein-Gordon equation with quadratic nonlinearity in two dimensions." と題された瀬片純市氏、瓜屋航太氏との共著論文においては、空間 2 次元における複素数値の臨界クラインゴルドン方程式の漸近挙動を考察した。解は長距離散乱型の挙動をもつが、その漸近挙動として、楕円積分に依存する係数が現れることを明らかにした。
- "On Asymptotic behavior of solution to cubic nonlinear Klein-Gordon systems in one space dimension"と題された瀬片純市氏、瓜屋航太氏との共著論文においては、3次非線形方程式系に関する新しい分類方法を導入した。それはシステムにおける非線形項の係数を行列に対応させる方法である。これにより方程式間での同値性を簡明に記述できるほか、方程式の挙動の複雑性が行列のランクと対応するという従来にない良い点がある。ここで展開した分類理論により、系統的に新しいタイプの漸近挙動をもつシステムを特定することができた。

また、期間中の研究成果であるが、研究終了までに出版に至っていない、投稿中のプレプリント論文が5編ある。そのうちの一つである"Global dynamics below excited solitons for the non-radial NLS with potential"と題された Jason Murphy 氏、瀬片純市氏との共著論文においては、安定ソリトンを発生させるような線形ポテンシャルをもつ非線型シュレディンガー方程式に対して第一励起状態のエネルギーより小さいエネルギーを持つ小質量の解の挙動を分類することに成功した。

# 5 . 主な発表論文等

〔雑誌論文〕 計9件(うち査読付論文 9件/うち国際共著 3件/うちオープンアクセス 1件)

1. 著者名 Satoshi Masaki, Jun-ichi Segata, Kota Uriya  2. 論文標題 On Asymptotic behavior of solution to cubic nonlinear Klein-Gordon systems in one space	I 4 <del>**</del>
2 . 論文標題 On Asymptotic behavior of solution to cubic nonlinear Klein-Gordon systems in one space	4 . 巻
On Asymptotic behavior of solution to cubic nonlinear Klein-Gordon systems in one space	-
On Asymptotic behavior of solution to cubic nonlinear Klein-Gordon systems in one space	5.発行年
	2022年
dimension	2022+
3.雑誌名	6.最初と最後の頁
	り、取例と取扱の貝
Transaction of the American mathematical society	-
掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子)	査読の有無
なし	有
オープンアクセス	国際共著
オープンアクセス オープンアクセスとしている (また、その予定である )	国际六有 
7 JJJJEACOCHO (AR. COJECTO)	_
1 . 著者名	4.巻
Satoshi Masaki, Jun-ichi Segata, Kota Uriya	139
oatoon madan, oan tom oogata, nota orrja	
2 . 論文標題	5 . 発行年
Long range scattering for the complex-valued Klein-Gordon equation with quadratic nonlinearity	2020年
in two dimensions.	
3.雑誌名	6.最初と最後の頁
J. Math. Pures Appl.	177-203
掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子)	<u>│</u> │ 査読の有無
	_
なし	有
オープンアクセス	国際共著
オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難	-
1 . 著者名	4 . 巻
Masaru Hamano, Satoshi Masaki	41
2.論文標題	5.発行年
A sharp scattering threshold level for mass-subcritical nonlinear Schrodinger system	2021年
3.雑誌名	6.最初と最後の頁
Discrete Contin. Dyn. Syst.	1415-1447
目割や立のDOL / ごごクリナゴご - カト 並叫フヽ	木柱の左仰
掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子)	査読の有無
なし	有
	国際共著
 オープンアクセス	
オープンアクセス オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難	-
オープンアクセス オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難	-
	- 4 . 巻
オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難	- 4.巻 33
オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難 1 . 著者名 Satoshi Masaki and Koki Sugiyama	33
オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難 1.著者名	_
オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難 1 . 著者名 Satoshi Masaki and Koki Sugiyama	33
オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難  1 . 著者名 Satoshi Masaki and Koki Sugiyama  2 . 論文標題 Optimal decay rate of solutions for nonlinear Klein-Gordon systems of critical type	33 5.発行年 2020年
オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難 1 . 著者名 Satoshi Masaki and Koki Sugiyama 2 . 論文標題	33 5 . 発行年
オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難  1 . 著者名 Satoshi Masaki and Koki Sugiyama  2 . 論文標題 Optimal decay rate of solutions for nonlinear Klein-Gordon systems of critical type	33 5.発行年 2020年
オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難  1 . 著者名 Satoshi Masaki and Koki Sugiyama  2 . 論文標題 Optimal decay rate of solutions for nonlinear Klein-Gordon systems of critical type  3 . 雑誌名	33 5 . 発行年 2020年 6 . 最初と最後の頁
オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難  1 . 著者名 Satoshi Masaki and Koki Sugiyama  2 . 論文標題 Optimal decay rate of solutions for nonlinear Klein-Gordon systems of critical type  3 . 雑誌名 Differential and Integral Equations	33 5 . 発行年 2020年 6 . 最初と最後の頁 247-256
オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難  1 . 著者名 Satoshi Masaki and Koki Sugiyama  2 . 論文標題 Optimal decay rate of solutions for nonlinear Klein-Gordon systems of critical type  3 . 雑誌名 Differential and Integral Equations	33 5 . 発行年 2020年 6 . 最初と最後の頁 247-256 査読の有無
オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難  1 . 著者名 Satoshi Masaki and Koki Sugiyama  2 . 論文標題 Optimal decay rate of solutions for nonlinear Klein-Gordon systems of critical type  3 . 雑誌名 Differential and Integral Equations	33 5 . 発行年 2020年 6 . 最初と最後の頁 247-256
オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難  1 . 著者名 Satoshi Masaki and Koki Sugiyama  2 . 論文標題 Optimal decay rate of solutions for nonlinear Klein-Gordon systems of critical type  3 . 雑誌名 Differential and Integral Equations	33 5 . 発行年 2020年 6 . 最初と最後の頁 247-256 査読の有無

1 . 著者名	4 . 巻
Killip Rowan, Masaki Satoshi, Murphy Jason, Visan Monica	39
KITTIP Kowali, wasaki Satositi, wutpiy Sasoti, Visali wolitea	55
2. 論文標題	5 . 発行年
The radial mass-subcritical NLS in negative order Sobolev spaces	2019年
The radial made substituted in hegative state substitute spaces	2010 1
	2 B40 L B // 2 Z
3.雑誌名	6.最初と最後の頁
Discrete & Continuous Dynamical Systems - A	553 583
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
	+++-+
掲載論文のDOI(デジタルオプジェクト識別子)	査読の有無
10.3934/dcds.2019023	有
オープンアクセス	国際共著
オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難	該当する
1 . 著者名	4 . 巻
S. Masaki, J. Murphy, and J. Segata	印刷中
2.論文標題	5 . 発行年
Stability of small solitary waves for the 1d NLS with an attractive delta potential	2019年
3.雑誌名	6.最初と最後の頁
Analysis and PDE	印刷中
Miaiyaia anu fue	니께꾸
掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子)	査読の有無
なし	
40	有
オープンアクセス	国際共著
オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難	該当する
カープンティ これ こはない、人はカープンティ これが 四無	IX = 9 &
	,
1.著者名	4 . 巻
Masaki Satoshi、Murphy Jason、Segata Jun-Ichi	-
macani caroon, marphy cason, cogara can rom	
2	F 36/-/-
2.論文標題	5 . 発行年
Modified Scattering for the One-Dimensional Cubic NLS with a Repulsive Delta Potential	2018年
	·
ე M社々	1 6 単知し単名の古
3.雑誌名	6.最初と最後の頁
3.雑誌名 International Mathematics Research Notices	6.最初と最後の負 -
	6.最初と最後の負 - -
	6.最初と最後の負 -
International Mathematics Research Notices	-
International Mathematics Research Notices 掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子)	-   査読の有無
International Mathematics Research Notices	-
International Mathematics Research Notices 掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子)	- 査読の有無
International Mathematics Research Notices 掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子) 10.1093/imrn/rny011	- 査読の有無 有
International Mathematics Research Notices 掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子) 10.1093/imrn/rny011 オープンアクセス	- 査読の有無 有 国際共著
International Mathematics Research Notices 掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子) 10.1093/imrn/rny011	- 査読の有無 有
International Mathematics Research Notices 掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子) 10.1093/imrn/rny011 オープンアクセス	- 査読の有無 有 国際共著
International Mathematics Research Notices 掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子) 10.1093/imrn/rny011 オープンアクセス オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難	- 査読の有無 有 国際共著 該当する
International Mathematics Research Notices 掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子) 10.1093/imrn/rny011 オープンアクセス オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難 1.著者名	- 査読の有無 有 国際共著 該当する
International Mathematics Research Notices 掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子) 10.1093/imrn/rny011 オープンアクセス オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難	- 査読の有無 有 国際共著 該当する
International Mathematics Research Notices 掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子) 10.1093/imrn/rny011 オープンアクセス オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難 1.著者名	- 査読の有無 有 国際共著 該当する 4 . 巻 印刷中
International Mathematics Research Notices  掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子) 10.1093/imrn/rny011  オープンアクセス  オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難  1 . 著者名 Masaki Satoshi and Segata Jun-ichi	- 査読の有無 有 国際共著 該当する 4.巻 印刷中
International Mathematics Research Notices  掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子) 10.1093/imrn/rny011  オープンアクセス	- 査読の有無 有 国際共著 該当する 4.巻 印刷中
International Mathematics Research Notices  掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子) 10.1093/imrn/rny011  オープンアクセス  オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難  1 . 著者名 Masaki Satoshi and Segata Jun-ichi	- 査読の有無 有 国際共著 該当する 4 . 巻 印刷中
International Mathematics Research Notices  掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子) 10.1093/imrn/rny011  オープンアクセス  オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難  1 . 著者名 Masaki Satoshi and Segata Jun-ichi  2 . 論文標題 Refinement of Strichartz estimates for Aury equation in non-diagonal case and its application	- 査読の有無 有 国際共著 該当する 4 . 巻 印刷中 5 . 発行年 2018年
International Mathematics Research Notices  掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子) 10.1093/imrn/rny011  オープンアクセス  オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難  1 . 著者名 Masaki Satoshi and Segata Jun-ichi  2 . 論文標題 Refinement of Strichartz estimates for Aury equation in non-diagonal case and its application	- 査読の有無 有 国際共著 該当する 4 . 巻 印刷中 5 . 発行年 2018年
International Mathematics Research Notices   掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子)	- 査読の有無 有 国際共著 該当する 4 . 巻 印刷中 5 . 発行年 2018年 6 . 最初と最後の頁
International Mathematics Research Notices   掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子)	- 査読の有無 有 国際共著 該当する 4 . 巻 印刷中 5 . 発行年 2018年
International Mathematics Research Notices  掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子) 10.1093/imrn/rny011  オープンアクセス  オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難  1 . 著者名  Masaki Satoshi and Segata Jun-ichi  2 . 論文標題  Refinement of Strichartz estimates for Aury equation in non-diagonal case and its application  3 . 雑誌名	- 査読の有無 有 国際共著 該当する 4 . 巻 印刷中 5 . 発行年 2018年 6 . 最初と最後の頁
掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子) 10.1093/imrn/rny011 オープンアクセス オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難  1.著者名 Masaki Satoshi and Segata Jun-ichi  2.論文標題 Refinement of Strichartz estimates for Aury equation in non-diagonal case and its application  3.雑誌名 SIAM journal of mathematical analysis	- 査読の有無 有 国際共著 該当する 4 . 巻 印刷中 5 . 発行年 2018年 6 . 最初と最後の頁
掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子) 10.1093/imrn/rny011 オープンアクセス オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難  1.著者名 Masaki Satoshi and Segata Jun-ichi  2.論文標題 Refinement of Strichartz estimates for Aury equation in non-diagonal case and its application  3.雑誌名 SIAM journal of mathematical analysis	- 査読の有無 有 国際共著 該当する 4 . 巻 印刷中 5 . 発行年 2018年 6 . 最初と最後の頁 印刷中
掲載論文のDOI(デジタルオプジェクト識別子) 10.1093/imrn/rny011  オープンアクセス	- 査読の有無 有 国際共著 該当する 4 . 巻 印刷中 5 . 発行年 2018年 6 . 最初と最後の頁 印刷中
International Mathematics Research Notices   掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子)	- 査読の有無 有 国際共著 該当する 4 . 巻 印刷中 5 . 発行年 2018年 6 . 最初と最後の頁 印刷中
International Mathematics Research Notices  掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子) 10.1093/imrn/rny011  オープンアクセス  オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難  1 . 著者名 Masaki Satoshi and Segata Jun-ichi  2 . 論文標題 Refinement of Strichartz estimates for Aury equation in non-diagonal case and its application  3 . 雑誌名 SIAM journal of mathematical analysis  掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子) なし	- 査読の有無 有 国際共著 該当する 4 . 巻 印刷中 5 . 発行年 2018年 6 . 最初と最後の頁 印刷中
International Mathematics Research Notices  掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子) 10.1093/imrn/rny011  オープンアクセス  オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難  1 . 著者名 Masaki Satoshi and Segata Jun-ichi  2 . 論文標題 Refinement of Strichartz estimates for Aury equation in non-diagonal case and its application  3 . 雑誌名 SIAM journal of mathematical analysis  掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子) なし	- 査読の有無 有 国際共著 該当する 4 . 巻 印刷中 5 . 発行年 2018年 6 . 最初と最後の頁 印刷中
International Mathematics Research Notices  掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子) 10.1093/imrn/rny011  オープンアクセス  オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難  1 . 著者名 Masaki Satoshi and Segata Jun-ichi  2 . 論文標題 Refinement of Strichartz estimates for Aury equation in non-diagonal case and its application  3 . 雑誌名 SIAM journal of mathematical analysis  掲載論文のDOI(デジタルオプジェクト識別子) なし オープンアクセス	- 査読の有無 有 国際共著 該当する 4 . 巻 印刷中 5 . 発行年 2018年 6 . 最初と最後の頁 印刷中
International Mathematics Research Notices	- 査読の有無 有 国際共著 該当する 4 . 巻 印刷中 5 . 発行年 2018年 6 . 最初と最後の頁 印刷中

1 . 著者名 Masaki Satoshi and Miyazaki Hayato	4 . 巻 印刷中
2.論文標題 Nonexistence of scattering and modified scattering sates for some nonlinear Scrhodinger equation with critical homogeneous nonlinearity	5 . 発行年 2018年
3.雑誌名 Differential and integral equations	6.最初と最後の頁 印刷中
掲載論文のDOI (デジタルオブジェクト識別子) なし	査読の有無 有
オープンアクセス オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難	国際共著

( 学本	<b>≐</b> +1 <i>5/</i> /+ /	くった切件護常	614	/ うち国際学会	7/4 \
1 ~ ~ # 77 1	=     DI <del>+</del> (	「)り行行曲油	n + 1	/ うりは間景子元	/1 <del>+</del> )

4	3V ± + /2
1	. 架表者名

眞崎聡、瀬片純市、瓜屋航太

- 2 . 発表標題
  - 3 次非線形方程式系の分類について
- 3.学会等名 日本数学会2022年度年会
- ----
- 4 . 発表年 2022年
- 1.発表者名

眞崎聡、瀬片純市、瓜屋航太

2 . 発表標題

ある非線形クラインゴルドン方程式系の解の漸近挙動について

3 . 学会等名

日本数学会2022年度年会

4 . 発表年

2022年

1.発表者名

眞崎聡

2 . 発表標題

非線形項Klein-Gordon 方程式系における 解の時間減衰の最良レートについて

3 . 学会等名

日本数学会2021年度年会

4 . 発表年

2020年~2021年

1.発表者名 - 真崎聡
2 . 発表標題 Modified scattering for complex-valued solutions to Klein-Gordon equation with a gauge invariant quadratic nonlinearity
3.学会等名 RIMS研究集会「偏微分方程式の臨界現象と正則性理論及び漸近解析」(招待講演)(国際学会)
4 . 発表年 2019年
1.発表者名 Satoshi Masaki
2 . 発表標題 LONG RANGE SCATTERING FOR NONLINEAR DISPERSIVE EQUATIONS WITH CRITICAL NON-POLYNOMIAL NONLINEARITY
3 . 学会等名 Harmonic Analysis and Dispersive PDEs: Problems and Progress (招待講演) (国際学会)
4 . 発表年 2020年
1.発表者名 真崎聡、瀬片純市、瓜屋航太
2 . 発表標題 臨界非線形項をもつKlein-Gordon方程式の 複素数値解の漸近挙動
3 . 学会等名 日本数学会2019年度年会
4 . 発表年 2019年
1 . 発表者名 Rowan Killip, Satoshi Masaki, Jason Murphy, Monica Visan
2 . 発表標題 質量劣臨界非線形シュレディンガー方程式の負の微分指数を持つソボレフ空間での解析
3 . 学会等名 日本数学会2019年度年会
4.発表年 2019年

1. 発表者名
Satoshi Masaki
3 7V±15678
2. 発表標題
Minimization problems on global dynamics of time-dependent nonlinear Schrodinger equations
3 . 学会等名
3. チスサロ UK-Japan Workshop on Analysis of Nonlinear Partial Differential Equations(招待講演)(国際学会)
UN-Sapan HUTNSHOP OF Altarysts Of NOTTHEAT FAITHALD THEFETHIAL EQUATIONS (1915時次)(国际子云)
4.発表年
4 · 元収年 2018年
20104
1 . 発表者名
1 . 光衣有石 Satoshi Masaki
Satusiii wasaki
2. 発表標題
Asymptotic behavior of solutions to NLS with critical homogeneous nonlinearity
, o, mp 10110 20111110 10 1100 10 1100 1100 11
3 . 学会等名
AIMS conference at Taiwan(招待講演)(国際学会)
4.発表年
2018年
1.発表者名
1.発表者名 Satoshi Masaki
Satoshi Masaki
Satoshi Masaki 2 . 発表標題
Satoshi Masaki
Satoshi Masaki 2 . 発表標題
Satoshi Masaki 2 . 発表標題
Satoshi Masaki  2 . 発表標題 Asymptotic behavior of solutions to nonlinear Schrodinger equation with critical homogeneous nonlinearity
2 . 発表標題 Asymptotic behavior of solutions to nonlinear Schrodinger equation with critical homogeneous nonlinearity  3 . 学会等名
Satoshi Masaki  2 . 発表標題 Asymptotic behavior of solutions to nonlinear Schrodinger equation with critical homogeneous nonlinearity
Satoshi Masaki  2 . 発表標題 Asymptotic behavior of solutions to nonlinear Schrodinger equation with critical homogeneous nonlinearity  3 . 学会等名 The 6th East Asian Conference in Harmonic Analysis and Applications (国際学会)
Satoshi Masaki  2 . 発表標題 Asymptotic behavior of solutions to nonlinear Schrodinger equation with critical homogeneous nonlinearity  3 . 学会等名 The 6th East Asian Conference in Harmonic Analysis and Applications (国際学会)  4 . 発表年
Satoshi Masaki  2 . 発表標題 Asymptotic behavior of solutions to nonlinear Schrodinger equation with critical homogeneous nonlinearity  3 . 学会等名 The 6th East Asian Conference in Harmonic Analysis and Applications (国際学会)
2. 発表標題 Asymptotic behavior of solutions to nonlinear Schrodinger equation with critical homogeneous nonlinearity  3. 学会等名 The 6th East Asian Conference in Harmonic Analysis and Applications (国際学会)  4. 発表年 2018年
2. 発表標題 Asymptotic behavior of solutions to nonlinear Schrodinger equation with critical homogeneous nonlinearity  3. 学会等名 The 6th East Asian Conference in Harmonic Analysis and Applications (国際学会)  4. 発表年 2018年
2. 発表標題 Asymptotic behavior of solutions to nonlinear Schrodinger equation with critical homogeneous nonlinearity  3. 学会等名 The 6th East Asian Conference in Harmonic Analysis and Applications (国際学会)  4. 発表年 2018年
2. 発表標題 Asymptotic behavior of solutions to nonlinear Schrodinger equation with critical homogeneous nonlinearity  3. 学会等名 The 6th East Asian Conference in Harmonic Analysis and Applications (国際学会)  4. 発表年 2018年
2. 発表標題 Asymptotic behavior of solutions to nonlinear Schrodinger equation with critical homogeneous nonlinearity  3. 学会等名 The 6th East Asian Conference in Harmonic Analysis and Applications (国際学会)  4. 発表年 2018年
2 . 発表標題 Asymptotic behavior of solutions to nonlinear Schrodinger equation with critical homogeneous nonlinearity  3 . 学会等名 The 6th East Asian Conference in Harmonic Analysis and Applications (国際学会)  4 . 発表年 2018年
Satoshi Masaki  2. 発表標題 Asymptotic behavior of solutions to nonlinear Schrodinger equation with critical homogeneous nonlinearity  3. 学会等名 The 6th East Asian Conference in Harmonic Analysis and Applications (国際学会)  4. 発表年 2018年  1. 発表者名 Satoshi Masaki
2 . 発表標題 Asymptotic behavior of solutions to nonlinear Schrodinger equation with critical homogeneous nonlinearity  3 . 学会等名 The 6th East Asian Conference in Harmonic Analysis and Applications (国際学会)  4 . 発表年 2018年
Satoshi Masaki  2. 発表標題 Asymptotic behavior of solutions to nonlinear Schrodinger equation with critical homogeneous nonlinearity  3. 学会等名 The 6th East Asian Conference in Harmonic Analysis and Applications (国際学会)  4. 発表年 2018年  1. 発表者名 Satoshi Masaki
Satoshi Masaki  2. 発表標題 Asymptotic behavior of solutions to nonlinear Schrodinger equation with critical homogeneous nonlinearity  3. 学会等名 The 6th East Asian Conference in Harmonic Analysis and Applications (国際学会)  4. 発表年 2018年  1. 発表者名 Satoshi Masaki
Satoshi Masaki  2. 発表標題 Asymptotic behavior of solutions to nonlinear Schrodinger equation with critical homogeneous nonlinearity  3. 学会等名 The 6th East Asian Conference in Harmonic Analysis and Applications (国際学会)  4. 発表年 2018年  1. 発表者名 Satoshi Masaki
2 . 発表標題 Asymptotic behavior of solutions to nonlinear Schrodinger equation with critical homogeneous nonlinearity  3 . 学会等名 The 6th East Asian Conference in Harmonic Analysis and Applications (国際学会)  4 . 発表年 2018年  1 . 発表者名 Satoshi Masaki  2 . 発表標題 A minimization problem on non-scattering solutions to mass-subcritical nonlinear Schrodinger equations  3 . 学会等名
2 . 発表標題 Asymptotic behavior of solutions to nonlinear Schrodinger equation with critical homogeneous nonlinearity  3 . 学会等名 The 6th East Asian Conference in Harmonic Analysis and Applications (国際学会)  4 . 発表年 2018年  1 . 発表者名 Satoshi Masaki  2 . 発表標題 A minimization problem on non-scattering solutions to mass-subcritical nonlinear Schrodinger equations
2 . 発表標題 Asymptotic behavior of solutions to nonlinear Schrodinger equation with critical homogeneous nonlinearity  3 . 学会等名 The 6th East Asian Conference in Harmonic Analysis and Applications (国際学会)  4 . 発表年 2018年  1 . 発表者名 Satoshi Masaki  2 . 発表標題 A minimization problem on non-scattering solutions to mass-subcritical nonlinear Schrodinger equations  3 . 学会等名
2 . 発表標題 Asymptotic behavior of solutions to nonlinear Schrodinger equation with critical homogeneous nonlinearity  3 . 学会等名 The 6th East Asian Conference in Harmonic Analysis and Applications (国際学会)  4 . 発表年 2018年  1 . 発表者名 Satoshi Masaki  2 . 発表標題 A minimization problem on non-scattering solutions to mass-subcritical nonlinear Schrodinger equations  3 . 学会等名 1147th AMS meeting (招待講演) (国際学会)
Satoshi Masaki  2 . 発表標題 Asymptotic behavior of solutions to nonlinear Schrodinger equation with critical homogeneous nonlinearity  3 . 学会等名 The 6th East Asian Conference in Harmonic Analysis and Applications (国際学会)  4 . 発表年 2018年  1 . 発表者名 Satoshi Masaki  2 . 発表標題 A minimization problem on non-scattering solutions to mass-subcritical nonlinear Schrodinger equations  3 . 学会等名 1147th AMS meeting (招待講演) (国際学会)  4 . 発表年
Satoshi Masaki  2 . 発表標題 Asymptotic behavior of solutions to nonlinear Schrodinger equation with critical homogeneous nonlinearity  3 . 学会等名 The 6th East Asian Conference in Harmonic Analysis and Applications (国際学会)  4 . 発表年 2018年  1 . 発表者名 Satoshi Masaki  2 . 発表標題 A minimization problem on non-scattering solutions to mass-subcritical nonlinear Schrodinger equations  3 . 学会等名 1147th AMS meeting (招待講演) (国際学会)  4 . 発表年

1.発表者名 眞崎聡、宮崎隼人、瓜屋航太
2 . 発表標題 3 次元における斉次型臨界非線形項をもつ非線形 Schr ¨odinger 方程式の解の長距離散乱について
3.学会等名 日本数学会2017年度秋季総合分科会
4 . 発表年
2017年
1.発表者名 眞崎聡、宮崎隼人
2.発表標題 斉次型臨界非線形項をもつ非線形Schrodinger方程式の非散乱について
3 . 学会等名 日本数学会2018年度年会
4 . 発表年
2018年
2010—
1.発表者名 眞崎聡,Jason Murphy,瀬片純市
2 . 発表標題 排斥的デルタポテンシャルを持つ 非線型シュレディンガー方程式の長距離散乱
3.学会等名 日本数学会2018年度年会
4.発表年
2018年
1.発表者名
Satoshi Masaki
2. 艾牛梅陌
2 . 発表標題 Threshold solution to mass-subcritical NLS equation
N.A.W.
3 . 学会等名 Nonlinear Waves and Dispersive Equations (Oberwolfach Workshop ID 1724)(招待講演)(国際学会)
4.発表年 2017年

# 〔図書〕 計0件

# 〔産業財産権〕

# 〔その他〕

X. Cheng, Z. Guo, and S. Masaki, "Scattering" https://arxiv.org/abs/2003.01468	
S. Masaki, J. Murphy, and J. Segata, "Asymptotic stability" https://arxiv.org/abs/2008.11645	
S. Masaki, J. Segata, and K. Uriya, "Asymptotic behavior" https://arxiv.org/abs/2112.06427	
S. Masaki, J. Murphy, and J. Segata, "Global dynamics" https://arxiv.org/abs/2204.03176	
N. Kita, S. Masaki, J. Segata, and K. Uriya "Polynomial deceleration" https://arxiv.org/abs/2205.02651	

6.研究組織

	· 1010011111111111111111111111111111111		
	氏名 (ローマ字氏名) (研究者番号)	所属研究機関・部局・職 (機関番号)	備考

# 7.科研費を使用して開催した国際研究集会

〔国際研究集会〕 計2件

国際研究集会	開催年
RIMS研究集会「調和解析と非線形偏微分方程式」	2019年~2019年
国際研究集会	開催年
RIMS研究集会「調和解析と非線形偏微分方程式」	2021年~2021年

# 8. 本研究に関連して実施した国際共同研究の実施状況

共同研究相手国	相手方研究機関			
中国	河海大学			
オーストラリア	Monash university			
米国	カリフォルニア大学ロサンゼル ス校	ミズーリ工科大学		