# 科学研究費補助金研究成果報告書

平成21年 5月31日現在

研究種目:若手研究(B) 研究期間:2007~2008 課題番号:19700216 研究課題名(和文) 全ての物理現象のシミュレーションを目指した挑戦的研究

研究課題名(英文) Challenging Research for the Simulation of all Physics Phenomenon

研究代表者

山下 和也 (YAMASHITA KAZUYA) 富山大学・大学院理工学研究部 (工学)・助手 研究者番号: 30436802

研究成果の概要:雪の結晶はどれをとっても美しい形をしているが、その形は千差万別で、全く同じ形のものは存在しないといわれている. Packard が定義した六角格子上の2次元セルオートマトンを拡張し、六方晶上の3次元セルオートマトンを新たに定義した.このモデルを用いて、従来のモデルでは生成できなかった角柱、針といった立体的な構造を持つ雪の結晶の類似パターンの生成を行った.

## 交付額

(金額単位:円)

	直接経費	間接経費	合 計
2007年度	2, 600, 000	0	2, 600, 000
2008年度	700, 000	210, 000	910, 000
年度			
年度			
年度			
総計	3, 300, 000	210, 000	3, 510, 000

研究分野:総合領域

科研費の分科・細目:情報学・感性情報学・ソフトコンピューティング キーワード:複雑系、セルオートマトン

#### 1. 研究開始当初の背景

2002年5月, 天才科学者 S. Wolfram は著 書「A New Kind of Science」(約1200頁, 厚さ6cm)を出版し,世界の注目を集めた. この著書で述べられているWolframの理論 は,「自然界で複雑と見える現象はすべて, 単純な法則に基づく計算の繰り返しによっ て成り立っている.」というものであり,物 理学や生物学,工学から経済学に至るまで, あらゆる分野でその基本原理の再検討をせ まるものである.

Wolfram の理論の基礎をなすものがセル オートマトンであり、言い換えれば、「自然 界で複雑と見える現象はすべて,セルオート マトンでシミュレーション可能である.」と いうことになる.

Wolfram の理論が正しいかどうかの評価 はこれからの研究を待たなければならない. しかし,これまでセルオートマトンを用いて 雪の結晶成長のシミュレーションを行って きた経験から,Wolframの理論がある意味で 正しいと考えている.確かに,セルオートマ トンを用いて複雑に見える物理現象でもシ ミュレートできるが,ここで重要になるのは, セルオートマトンの遷移関数と物理法則と の関連である.

#### 研究の目的

本研究の目的は、雪の結晶成長シミュレー ションにおけるセルオートマトンの遷移関 数の物理的な意味を解明することにある.さらに、セルオートマトンを用いてあらゆる物 理現象のシミュレーションが可能かどうか 検討する.もし、雪の結晶成長シミュレーシ ョンにおける遷移関数の物理的な意味を解 明することができれば、Wolframの理論の正 しさを証明する1つの突破口となりうると考 えられる.また、他のシミュレーションにお いても有用であり、様々な分野の一見複雑に みえる現象のメカニズムの解明に繋がる.

- 3. 研究の方法
- (1) 雪の結晶

雪の結晶の形は千差万別であるが,一定の 環境で成長する結晶の形は図のように大き く6種類に分類されている.上段左から,角 板,角柱,針,下段左から,樹枝状六花,広 幅六花,扇状六花と呼ばれている.角板,樹 枝状六花,広幅六花,扇状六花の4種類は平 面的な結晶であるのに対し,角柱,針の2種 類は立体的な結晶である.



図 1. 雪の結晶の例(上段左から順に,角板,角柱,針,

下段左から順に、樹枝状六花、広幅六花、扇状六花)

## (2) セルオートマトン

セルオートマトンは、規則的な格子上にセ ルと呼ばれる同一の有限オートマトンを配 置したものである.各セルは近傍と呼ばれる 複数のセルの状態を入力とし、その入力から 遷移関数によって決まる次の状態へと遷移 する.この状態遷移は全セルが同期して並列 に行なわれる.

### (3) Packard のモデル

通常,2次元セルオートマトンといえば正 方格子上のセルオートマトンが一般的であ るが,Packardは,水の結晶(氷)が六方晶 系に属すること,及び表面張力の異方性が六 方対称性を持つことから,雪の結晶が六方対 称性を持つようになることが知られている ことを考慮して,六角格子上の2次元セルオ ートマトンを新しく定義した. 六角格子上の2次元セルオートマトンにおけ るセルの近傍は7近傍である.例えば図2に 示したセル $C_{i_0}$ の近傍は,自分自身 $C_{i_0}$ と自分 の回りの6つのセル $C_{i_1}$ , $C_{i_2}$ ,…, $C_{i_6}$ を含めた 7つである.したがって,セル $C_{i_0}$ の時刻t+1での状態 $s_{i_0}^{t+1}$ は,セル $C_{i_0}$ の近傍の各セル $C_{i_0}$ ,  $C_{i_1}$ ,…, $C_{i_6}$ の時刻tでの状態 $s_{i_0}^{t}$ , $s_{i_1}^{t}$ ,…,  $s_{i_6}^{t}$ から遷移関数 $\delta$ によって(1)式のように決 められる.



図 2. 六角格子上の2次元セルオー

トマトンにおけるセル Cioの近傍

$$s_{i_0}^{t+1} = \delta(s_{i_0}^t, s_{i_1}^t, \Lambda, s_{i_6}^t)$$
(1)

Packard は、2 状態で外総和型のセルオー トマトンを用いて、角板と呼ばれる雪の結晶 の類似パターンの生成に成功した.しかし、 Packard のモデルでは 32 通りの遷移関数が 考えられるが、角板以外の結晶の類似パター ンは生成できなかった.

## (4) 轡田のモデル

轡田等は、Packard のモデルを拡張し、 Packard のモデルではできなかった樹枝状 六花、広幅六花、扇状六花等の類似パターン を生成した。

轡田のモデルで拡張した点は次の2点である.1つは、各セルの状態を、水蒸気に対応する状態'0'、水蒸気と氷の中間に対応する状態'1'、氷に対応する状態'2'の3状態に拡張した点である.もう1つは、外総和性を放棄した点である.すなわち、轡田のモデルでは、セル Ci₀の次の時刻での状態が、周囲のセルの位置も考慮して決定される.

ただし, セル  $C_{i_0}$ の状態が '2'のときは, 次の時刻での状態も '2'である. すなわち, 一旦氷になったセルは氷であり続ける.

轡田のモデルでシミュレーションを行った結果を図3に示す.上段は実際の雪の結晶であり、左から、樹枝状六花、広幅六花、扇状六花に分類される結晶である.下段はシミュレーション結果でそれぞれの結晶に対応する類似パターンである.

セルオートマトンの遷移関数と物理法則

の関係を考えるとき、より自然界に近いモデ ルの構築が必要であると考えられる.しかし、 轡田のモデルでは角柱、針といった立体的な 構造を持つ結晶の類似パターンは生成する ことができない.

そこで、轡田のモデルを3次元セルオート マトンに拡張し、より実際の雪の結晶の構造 に近いモデルの構築を行う.そして、轡田の モデルでは生成できなかった角柱、針に分類 される立体的な構造を持つ結晶の類似パタ ーンの生成を試みる.



図 3. 雪の結晶とシミュレーション結果

- 4. 研究成果
- (1) 六方晶格子上の3次元セルオートマトン 水の結晶(氷)の結晶格子が図4に示すよ うな六方晶系に属することを考慮して六方 晶格子上の3次元セルオートマトンを新たに 定義する.

六方晶格子上の3次元セルオートマトンは 六方晶格子の格子点上にセルを配置する.つ まり,図4の黒丸で示してある点がセルであ り,xy平面上に六角格子を構成し,この六角 格子がz軸方向に重なることによって六方晶 格子を構成する.



図 4. 六方晶の結晶構造

このとき、セルの近傍は9近傍である。例 えば図5に示したセル $C_{i_0}$ の近傍は、自分自 身 $C_{i_0}$ とxy平面上の回りの6つのセル $C_{i_1}, C_{i_2},$ …, $C_{i_6}$ とz軸方向にずれた2つのセル $C_{i_7}, C_{i_8}$ を含めた9つである。

したがって, セル  $C_{i_0}$ の時刻 t+1 での状態  $s_{i_0}^{t+1}$ は, セル  $C_{i_0}$ の近傍の各セル  $C_{i_0}$ ,  $C_{i_1}$ , …,

 $C_{is}$ の時刻 t での状態 $s'_{i0}$ ,  $s'_{i1}$ , …,  $s'_{i8}$ から遷移関数  $\delta$  'によって(2)式のように決められる.

また、状態数は轡田のモデルと同様に3状 態をもつ.



図 5. 六方晶格子上の3次元セルオ

ートマトンにおけるセル Cioの近傍

$$s_{i_0}^{t+1} = \delta'(s_{i_0}^t, s_{i_1}^t, \Lambda, s_{i_8}^t)$$
(2)

(2) 類似パターン生成

図 6, 図 7 に提案モデルによって生成され た類似パターンの例を示す.それぞれ,左に 示したのは実際の雪の結晶であり,右に示し たのは生成された類似パターンである.いず れも,最初特定の1つのセルだけが状態 '2' で,残りすべてのセルが状態 '0' である初 期様相(水蒸気の中に氷の粒が1つだけ存在 する様相)からスタートしている.

また下に示したのは,遷移関数のうち,状態 '0' が状態 '1' または状態 '2' に,状態 '1' または状態 '2' に,状態 '1' が状態 '2' に成長するルールである. 明記されていない残りのルールは,全て状態 が変化しないルールである.ここでは簡単の ため  $\delta(s_{i0}^{t}, s_{i1}^{t}, ..., s_{i8}^{t})=s_{i0}^{t+1}$ であることを, 単に  $s_{i0}^{t} s_{i1}^{t} ... s_{i8}^{t}, s_{i0}^{t+1}$ と記述している.

図 6 は針, 図 7 は角柱に分類される雪の結 晶の例である. それぞれ, よく似たパターン が得られた.

轡田のモデルではシミュレートできなかった角板,針といった立体的な構造を持つ結晶の類似パターンを生成することができた. 今後,他のモデルの遷移規則と比較することで遷移関数の物理的な意味を解明することができると考えられる.

雪の結晶成長といった一見複雑に見える 物理現象も、セルオートマトンを用いれば簡 単なルールの繰り返しによってシミュレー トできることがわかる.

現在、立体的な構造をもつ結晶の類似パタ

ーン生成に留まっているが、今後、雪の結晶 成長シミュレーションにおける3次元セルオ ートマトンの遷移関数の物理的な意味を解 明することで、Wolframの理論の正しさを証 明する1つの突破口となりうると考えられる.



00000002,1	000000210,1
00000020,1	10000002,2
000000200,1	10000020,2
000000201,1	

図 6. 提案モデルによる類似パターンの例1



000000002,1	001102100,1
000000102,1	100000201,2
000000200,1	100000202,2
000000201,1	100000211,2
000000202,1	100011102,2
000000211,1	100012100,2
000002200,1	100012102,2
000011200,1	100112102,2
000012200,1	100121102,2
000012201,1	101122102,2
000012202,1	101122111,2
000021100,1	101221102,2
000022100,1	101221111,2
000022101,1	101222102,2
000022102,1	101222111,2
000122100,1	101222112,2
000122101,1	101222122,2
000222200,1	111111102,2
000222201,1	111222202,2
000222202,1	111222211,2
001101200,1	111222222.2

図 7. 提案モデルによる類似パターンの例 2

5. 主な発表論文等

(研究代表者、研究分担者及び連携研究者に は下線)

〔学会発表〕(計1件)

 Li Fang-jia, Gao Shang-ce, Tang Zheng, Ishii Masahiro, <u>Yamashita Kazuya</u>, ``3D similar pattern generation of snow crystals with celluar automata, " Journal of Shandong University, 2009/2/16, Shandong China.

6. 研究組織

(1)研究代表者

山下 和也(YAMASHITA KAZUYA) 富山大学・理工学研究部(工学)・助手 研究者番号: 30436802