科学研究費助成事業

平成 2 9 年 9 月 5 日現在

研究成果報告書

機関番号: 34407
研究種目: 基盤研究(C)(一般)
研究期間: 2014~2016
課題番号: 26390137
研究課題名(和文)接触疲労き裂の全寿命シミュレーションモデルの構築
研究課題名(英文)Construction of a simulation model for whole life of contact fatigue cracks
研究代表者

赤間 誠(AKAMA, Makoto)

大阪産業大学・工学部・教授

研究者番号:70425867

交付決定額(研究期間全体):(直接経費) 3,900,000円

研究成果の概要(和文):鉄道においては、車輪とレール間や車輪と車軸間で、接触疲労によってき裂が発生し、進展する場合がある。本研究は、計算力学的手法を用いて車輪、車軸及びレールにおける接触疲労き裂の「全寿命」シミュレーションモデルを構築した。本モデルは、き裂発生、短いき裂進展、長いき裂進展、分岐き裂進展及び急進破壊の時期を評価できるものとした。き裂発生条件はラチェッティングひずみの累積、短いき裂進展はHobsonモデル、長いき裂進展はRichardの混合モード負荷を考慮して等価K値範囲、分岐条件はHourlier and Pineau基準、分岐き裂進展はKI値範囲を用いた境界節点法で計算している。

研究成果の概要(英文): In the railway field, cracks may occur due to contact fatigue between wheels and rails or between wheels and axles, and they have the possibility to develop. In this research, we developed a "whole life" simulation model of contact fatigue cracks on wheels, axles and rails using computational mechanics. In this model, we can evaluate the periods of crack initiation, short crack propagation, long crack propagation, branch crack propagation and brittle fracture. The crack initiation condition was considered cumulative ratcheting strain, Hobson model was used for the short crack propagation, and long crack growth was simulated according to the equivalent K value range considering mixed mode loading by Richard. For the branching condition, Hourlier and Pineau criterion was used. The branch crack growth was calculated by the boundary node method using KI value range.

研究分野:計算力学

キーワード: 接触疲労き裂 レール 車輪 車軸 混合コード 境界節点法

2版

1.研究開始当初の背景

鉄道においては、構造部材間の接触によっ て疲労き裂が発生し、進展する場合がある。 それらき裂の挙動が正確に究明できれば、安 全性の確保と同時に経済的な保守計画の作 成も可能となる。レールと車輪の接触疲労に 関しては、主にヨーロッパの大学および研究 機関で精力的に研究がおこなわれている。

接触する部材におけるき裂の発生から、最 終的な破壊までの「全寿命」の段階は以下の ように分類できる。即ち(1)き裂発生、(2)短 いき裂進展、(3)長いき裂進展、(4)分岐条件、 (5)分岐き裂進展及び急進破壊である。

2.研究の目的

本研究は、計算力学的手法を用いて車輪、 車軸及びレールにおける接触疲労き裂の「全 寿命」シミュレーションモデルを構築するこ とが目的である。研究期間内には以下のこと を実施する。

(1) 鉄道車輪と車軸における、接触疲労き裂 の発生条件を明らかにする。それらを計算力 学的手法で予測するシミュレーションプロ グラムを作成する。レールについては、申請 者は上記の研究成果があるが、さらに精度良 いものに改良する。

(2) 鉄道車輪、車軸およびレールに関して、 短いき裂進展条件と進展速度を明らかにす る。それらを計算力学的手法でシミュレート するプログラムを開発する。

(3) 鉄道車輪、車軸およびレールに関して、 長いき裂進展条件と進展速度を明らかにす る。それらを計算力学的手法でシミュレート するプログラムを開発する。レールについて は、申請者は上記の研究成果があるが、さら に車輪および車軸について、混合負荷荷重を 考慮した進展を検討し、そのメカニズムを明 らかにする。

(4) 鉄道車輪、車軸およびレールに関して、 き裂の分岐条件を明らかにする。それらを計 算力学的手法で予測するシミュレーション プログラムを開発する。

(5) 鉄道部材に関しての上記(1)から(4)まで、 それぞれの遷移条件を明らかにし、き裂の発 生から最終的な急進破壊までをシミュレー トすることができる「全寿命」シミュレーシ ョンモデルを構築する。

3.研究の方法

車輪、車軸及びレールにおける接触疲労き 裂の「全寿命」シミュレーションモデルを構 築するため、本研究計画では、以下の研究項 目を実施する。

(1) 車輪、車軸及びレールについて、接触疲 労き裂の発生条件を明らかにする。それらを 計算力学的手法で予測するシミュレーショ ンプログラムを作成する。

(2) 短いき裂の進展特性を明らかにし、それ らのシミュレーションプログラムを開発す る。 (3) 長いき裂の進展特性を明らかにし、それ らのシミュレーションプログラムを開発す る。

(4) き裂の分岐条件を明らかにし、シミュレ ーションプログラムを開発する。

(5) 上記(1)から(4)まで、それぞれの間の遷移 条件を明らかにし、き裂の発生から最終的な 急進破壊までをシミュレートすることがで きる「全寿命」モデルを構築する。

4.研究成果

(1) 接触疲労き裂の発生条件の解明

車輪、車軸及びレールについて、接触疲労 き裂の発生条件を明らかにし、それらを計算 力学的手法で予測するシミュレーションプ ログラムを作成した。以下では、例としてレ ールに発生する転がり接触疲労(RCF)につい て記述する。接触部の応力、ひずみ等が有限 要素法などの数値解析手法で求めることが できれば、車輪及び車軸も同様に解析可能で ある。

車輪とレール間の RCF によってレール頭 部表面にき裂が発生する場合がある。これは、 ラチェッティングによるき裂発生とした。

レール鋼はフェライト - パーライト構造 とし、その微細組織構造は、初期に正六角形 状としたフェライト・パーライト粒子にゆが みを与えることで作成した。各相には、材料 特性(初期せん断降伏応力 k₀、破壊の限界せ ん断ひずみ y₀)を割り当てる。き裂発生位置 はフェライト内でランダムとし、各相におけ る全累積せん断ひずみ y¹¹が y₀を超えた場合に、 き裂が発生するものとする。フェライトとセ メンタイトからなるパーライト層状構造の 傾きもランダムとする。



図1 フェライトとパーライト粒子

$$\gamma^{ij} = \gamma^{ij} + \Delta \gamma^{ij} \tag{1}$$

$$\Delta \gamma^{ij} = C \left| \left(\frac{\tau_{zx(max)}^{j}}{k_{\text{eff}}^{ij}} \right) - 1 \right|$$
(2)

$$k_{\rm eff}^{\rm ij} = k_0 \max\left(1, \ \beta_s \sqrt{1 - e^{-\gamma^{\rm ij}}}\right) \tag{3}$$

ここで $\Delta \gamma^{ij}$, $r^{i}_{zx(max)}$, C 及び k^{ij}_{eff} は、それぞれ 塑性せん断ひずみ増分、最大直交せん断応力、 材料定数及び有効せん断降伏応力で、 β_{s} はひ ずみ硬化速度である。*i* 及び*j*は、図1に示す ような微細組織を構成するフェライトまた はパーライトの区画である。

(2) 短いき裂の進展条件、進展速度の解明

疲労き裂発生後、線形弾性破壊力学では扱 うことのできない、短いき裂'の進展が起こる。 成長段階は、材料の微細組織と同程度の寸法 である微細組織的き裂領域(ステージ)と、 視覚的にも物理的にも寸法が小さく、小規模 降伏条件が満たされない連続体破壊力学領 域(ステージ)に分けられることが指摘さ れている。レールの RCF においては、疲労き 裂の発生及び初期の進展と摩耗の相互作用 が重要であり、条件によってはき裂成長が継 続したり、摩耗によって消滅することが考え られる。そこで、このような短いき裂の特性 を考慮し、進展を正確にシミュレーションで きるプログラムを作成した。同時に摩耗の進 行を予測するモデルも組み込み、その競合を 検討できるようにした。

微細組織的き裂領域 (Stage)

Stage での短いき裂成長は、Hobson et al. によって提案された式を用いて計算する。こ の式は多結晶材料の最初の数粒子内におけ る疲労き裂の進展を表している。き裂はフェ ライト相内では方向をランダムとしたすべ り線に沿い、また粒界フェライトやパーライ ト相内のフェライトにも沿って、き裂面上の 繰り返しせん断応力によって進展するもの と仮定する。き裂進展速度はせん断応力とき 裂先端間の距離及び支配的な微細組織のバ リア、この場合は粒子境界などに依存するも のと考える。短いき裂の成長式は、次の形式 とする。

$$\frac{da}{dn} = A\Delta \tau^{\alpha}_{\omega} \cdot (d-a) \tag{4}$$

ここで図 1 を参考に、a はき裂長さ、n は繰 り返し数、d は粒子の平均直径、A 及び α は 材料定数である。また $\Delta \tau_{\alpha}$ は、き裂面に沿う せん断応力振幅である。

連続体破壊力学領域 (Stage)

き裂が先端において開口するほど十分長 くなった時、Stage き裂成長が起こる。この 時点において、微細組織の影響は限定され、 き裂成長は連続体力学によって表すことが できる。この場合も Hobson et al.によって提 案された Stage き裂成長の式を用いる。

$$\frac{da}{dn} = B \varDelta \varepsilon_{t}^{\ \beta} a - D \tag{5}$$

ここで $\Delta \varepsilon_t$ はき裂面上の全垂直ひずみ振幅、 β , *B*及び*D*は材料定数である。

Stage から Stage への遷移時点でのき裂 長さは、三粒子直径の値とする。遷移領域内 ではき裂進展は式(4)と式(5)で高い方の値を 用いることによって計算する。き裂の合体は、 図 1 に示すように、き裂長さ *a* が粒子直径 *d* の 75%に達し、それらき裂先端間の距離 *r*_cが *d* の 50%よりも小さくなったとき起こるもの と仮定する。

粗さ接触

初期段階における短い表面き裂の成長は、 表面の粗さに強く影響を受ける。本報告では、 Seabra and Berthe による、表面粗さの振幅と 波長に依存する接触圧力の集中効果(PCF) を仮定した。粗さ接触は、PCFを直交せん断 応力及び垂直応力に乗じることによって考 慮する。

摩耗

転がり-滑り接触状態の摩耗モデルは、 Archard 摩耗モデルを用いる。これは次式で 定義される。

$$V_{\text{wear}} = k_{w} \frac{Nd_{s}}{H}$$
(6)

ここで V_{wear} は摩耗した材料の体積、 d_s は滑り 距離、N は垂直力、H は柔らかい材料の硬さ で、 k_w は摩耗係数である。接触問題は有限要 素(FE)解析を行うとし、接触領域には縦方 向 x に n_x 、横方向 y に n_y の節点が存在すると 考える。領域における滑り速度 $s_x(x,y)$, $s_y(x,y)$ 及び対応する接触圧力 $p_z(x,y)$ を用いると、任 意の y 方向位置 j における一回転当りの摩耗 深さ Δz_j を求めるためには、その位置にある x方向の節点 i 全部からの寄与を加算する必要 がある。

$$\Delta z_j = \frac{k_w}{H} \frac{\Delta x_j}{v_c} \sum_{i=1}^{n_x} p_z (x_{ij}, y_{ij}) \sqrt{s_x (x_{ij}, y_{ij})^2 + s_y (x_{ij}, y_{ij})^2}$$

(7)

座標 (x_{ij}, y_{ij}) で、接触領域内の節点列 j に沿う 節点 i を表す。また v_c は回転速度、 Δx_j は x 方 向の節点間隔である。摩耗モデルは、接触領 域内の滑り領域でのみで考慮する。

このような短いき裂進展と摩耗の相互作 用をシミュレーションすることができるモ デルを、車輪鋼とレール鋼を組み合せた二円 筒転がり 滑り接触疲労試験に適用してそ の妥当性を検証した。

二円筒試験の FE 解析を、汎用 FE ソフト Marc を用いて実施し、き裂成長と摩耗の相互 作用の解析モデルに必要な $\Delta \tau_{\omega}$, $\Delta \varepsilon_{t}$, $p_{z}(x,y)$ 及び $s_{x}(x,y)$, $s_{y}(x,y)$ を求める。

短いき裂と摩耗の相互作用のシミュレー ション

短いき裂と摩耗の相互作用を解析する領 域は、中心がレール側試験片の表面から 0.15mm下の0.9mm(x)×0.3mm(z)の矩形領域と した。き裂発生に関しての k_0 及び β_s はミクロ 硬さ測定の結果から,フェライトが190MPa及 び1.41、パーライトが320MPa及び1.41、C= 0.00237 η_c =11とする。き裂成長に関しては、 顕微鏡観察結果から d=31.8 μ m, 文献より A=1.85×10⁻³¹, a = 11.14, レプリカ法を用いた 疲労試験結果から B=0.504, β =1.466及びD= 3.57×10⁻³ μ m とした。また摩耗に関しては、 H = 3494MPa, $k_w = 1.0 \times 10^{-7}$ とした。 $\tau^{j}_{zx(max)}$, $\Delta \tau_{\omega}$, $\Delta \varepsilon_{t}$, b, $p_{z}(x_{ij}, y_{ij})$, $s_{x}(x_{ij}, y_{ij})$, $s_{y}(x_{ij}, y_{ij})$, Δx_{j} 及び v_{c} は前述のFE解析から求めた。図2に、シミュレーション結果の例を示す。 Blue; ferrite. (a) Initial (a) Initial (b) After 10⁶ cycles.

図2 短いき裂と摩耗の競合シミュレーション

(3) 長いき裂の進展条件、進展速度の解明

鉄道レールの「シェリング(欧米では squats という)」は、列車の車輪が繰返して接触す ることにより発生する転がり接触疲労き裂 である。シェリングは立体的なき裂で、発生 起点から最初は表面に対して浅い角度でほ ぼ水平に進展する。これは水平裂と呼ばれる。 水平裂がある長さに達すると、表面に対して 急峻な角度で分岐き裂が形成される。これが 横裂で、この進展を放置すればレールの破断 に至る可能性がある。また分岐き裂の形成後 も水平裂は進展を続け、これによって標準的 な超音波探傷では横裂を発見しにくくなっ ている。図3に典型的なシェリングの写真を 示す。水平裂の進展速度、分岐の時期及び横 裂の進展速度など,全体の過程がどのくらい かかるかは明確ではなく、それゆえ鉄道会社 は現在、経験に基づいてき裂の長さに幾つか の基準値を設け、き裂がそれら基準に達した 場合、適切な処置を施すことにしている。



図3 レールのシェリング

近年、レール交換の原因として、最も大き な割合を占めるのがシェリングであり、全体 の挙動が正確に解明できれば、莫大な費用を 節約するために適切な処置が取れることに なり、安全性の確保と同時に経済的な保守計 画の作成も可能となる。ここでは「長いき裂」 である水平裂の進展速度を予測するために プログラムを開発した。

応力拡大係数(*K* 値)の解析

以前、境界要素法(BEM)により、Hertz 型接触圧分布が表面を移動する半無限体内 の二次元(2D)表面傾斜き裂を水平裂とし、 K 値解析を行った。き裂の傾斜角度 β 、き裂 長さ $a \ge \nu - \nu \cdot$ 車輪間の Hertz 接触圧分布 の半幅c の比a/c、き裂面摩擦係数 μ_c 及び接 触圧分布の最大値 $p_0 \ge 按線方向表面力 q_0$ の 比 q_0/p_0 を種々変化させて、引張りモード及 び面内せん断モードの K 値サイクルの変動 範囲 ΔK_1 及び ΔK_{II} を解析した。き裂内部に流 体が侵入した場合は、流体圧の発生を考慮し て解析した。解析に用いたパラメータを図 4 に示す。



図4 半無限体内の傾斜き裂

種々の条件でき裂進展解析を行うためには、 任意のパラメータの組み合わせでき裂の寸 法に対する ΔK₁及び ΔKπを連続的に求める必 要がある。ここでは次式を仮定し、BEM 解析 による結果を用いた二次式補間法で求めた。

$$\Delta K_{\rm I} = f(\beta, a/c, \mu_c, q_0/p_0), \Delta K_{\rm II} = g(\beta, a/c, \mu_c, q_0/p_0)$$
(8)

近似的三次元き裂化

上述の K 値解析に用いたき裂は 2D き裂で ある。これを実際にレールに存在するき裂を 模擬した三次元(3D)き裂に近似する。まず 3D き裂は半だ円き裂と考え、図 5 に示すよ うに、き裂の幅方向に幾つかの 2D き裂を設 定する。それらに対する車輪からの負荷は、 輪重と車輪及びレールの形状を考慮して Hertz 理論で求めた 3D 半だ円体接触圧分布と した。各 2D き裂上を通過する際の最大値を 前節の p₀ とした 2D 接触圧分布と考えれば、 各 2D き裂の *ΔK*₁及び *ΔK*₁が式(8)から求めら れる。3D き裂とした水平裂は、同時に面外 せん断モードの K 値変動 ⊿Km も発生する。 文献によると、図 5 に示す角度 $\alpha(0 \alpha 45)$ が 45°では、車輪が通過する際に水平裂に発 生する ΔK_{III} と ΔK_{III} の比 $\Delta K_{III}/\Delta K_{II}$ は、種々の 条件で 0.9 程度である。本研究では α が 45° では ΔK_{III} は ΔK_{II} と同値、0°では0とし、その 間の角度では線形的に変化すると考えた。

き裂進展解析

水平裂は K_{II} , K_{II} 及び K_{III} サイクルが重畳す る非比例混合モード負荷を受けるが、全ての モードを負荷して実施できる実験装置は存 在しないため、二軸引張り 圧縮疲労試験装 置を用いて非比例 K_{I} K_{II} 負荷によるき裂進 展試験、引張り 捩じり疲労試験装置を用い て非比例 K_{I} K_{III} 負荷によるき裂進 展試験を 行い、それぞれの負荷でのレール鋼のき裂進 展速度を求めた。これらのデータを、Richard が提案した等価応力拡大係数範囲 ΔK_{V} で整 理すると、Paris 型進展則 da/dN は次式となる。

$$\frac{\mathrm{d}a}{\mathrm{d}N} = 4 \times 10^{-11} (\Delta K_{\mathrm{v}})^{2.36}$$
$$\Delta K_{\mathrm{v}} = \frac{\Delta K_{\mathrm{I}}}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{\Delta K_{\mathrm{I}}^{2} + 4(1.115\Delta K_{\mathrm{II}})^{2} + 4(\Delta K_{\mathrm{III}})^{2}}$$
(9)

ここでNは繰り返し数、き裂長さの単位はm、



二次式補間法によって任意のき裂寸法に おける ΔK_{I} 及び ΔK_{II} が求められれば、指定し た N ごとに、すなわち車輪の通過数ごとに式 (9)を積分することによって、水平裂進展のシ ミュレーションを行うことができる。3D き 裂としての進展は、各 2D き裂に対して進展 解析を行い、進展した 2D き裂先端を結ぶ半 だ円で近似した。

(4) き裂の分岐条件の解明

水平裂は、 K_1 負荷の繰り返し後に、両振り K_{II} 及び K_{III} 負荷が繰り返される非比例混合モ ード負荷を受ける。よって本研究では、非比 例負荷のもとで検証されている Hourlier and Pineau 基準によって分岐時期及び角度を予測 する。この基準は、き裂は微小な分岐き裂 sの先端における進展速度 da/dN が最大となる 方向に沿った径路をたどるとするものであ る。図 6 に示すような角度が θ 傾いたsの先 端におけるK値 k_1 及び k_2 の表現に関しては、 主き裂先端におけるK値 K_1 及び K_{II} を用いた Amestoy の表現を用いる。

$$k_1 = F_{11}K_1 + F_{12}K_{II}, k_2 = F_{21}K_1 + F_{22}K_{II}$$
(10)

ここで F_{11} , F_{12} , F_{21} , F_{22} は解析的に求められた 係数で、 θ に依存する.



 $\Delta K_1 \geq \Delta K_{II}$ から式(9)を用いて求めた進展速度 da/dN と、式(10)から求めた $k_1 \geq k_2$ の変動か ら得られた θ ごとの $\Delta k_1 \geq \Delta k_2$ を式(9)に代入 して求めた進展速度の最大値 da*/dN を比較 し、(i) da/dN \geq da*/dN の場合には水平裂進展、 (ii) da/dN < da*/dN の場合には進展速度が最 大となる方向に分岐が起こるとする。ただし 分岐き裂の下限界 K 値範囲を ΔK_{oth} とすると、 $\Delta k_1 < \Delta K_{oth}$ の場合には(ii)の場合でも分岐せず 停留すると考える。ここで $\Delta K_{oth} = 8$ MPa \sqrt{m} とした。また水平裂進展についても下限界値 $\Delta K_{th} = 3$ MPa \sqrt{m} を設定した。

上記はき裂面に対して上下方向の分岐で あるが、K_{III} 負荷も受ける場合、き裂面に対 して捩じれる方向への分岐が起こることも 考えられる。しかし水平裂は初期に図5の a だけ傾いていても、列車走行方向に進展する ため、K_{III} の影響はほとんどなくなり、考慮 しないことにする。

(5)分岐き裂の進展条件、進展速度の解明 分岐き裂である横裂は、主にレール頭部内 に発生する列車通過時の曲げ応力の他、気候 によるレール温度変化で発生する熱応力及 びレール製造時ならびに運用時の残留応力 の影響を受ける。また分岐き裂である横裂は、 主にK₁負荷のみを受けると考えられる。横裂 の進展はこれらを考慮したシミュレーショ ンを行う。

横裂は、主にレール頭部内に発生する列車 通過時の曲げ応力の他、気候によるレール温 度変化で発生する熱応力及びレール製造時 ならびに運用時の残留応力の影響を受ける。 また分岐き裂である横裂は、主に K₁負荷のみ を受けると考えられる。横裂の進展はこれら を考慮したシミュレーションを行う。

K 値の解析

横裂の K 値解析は 3D 境界節点法 (BNM) を用いて行った。図 7 に、レール頭部断面の 節点配置の一例及び種々のパラメータを示 す。レール頭部のみを考慮し、直方体で近似 している。

き裂進展解析

横裂の進展解析は、BNM と重ね合わせの 原理を用い、以下の手順で行った。

 (i) き裂のないレール頭部の列車通過時の応 力解析を有限要素法(FEM)で行い、現場測 定で得られた熱応力と残留応力を加算し、仮 想き裂面上の応力分布 σ(x,y)を求める。

(ii) 初期き裂形状を仮定し、 - σ(x,y)を BNM
 でメッシュ分割したモデルのき裂面に負荷
 し、変位外挿法でき裂前縁の K₁値を求める。

初期き裂は、分岐した時点での水平裂の位置と形状・寸法から仮定する。

(iii) き裂進展は、レール鋼を用いた K_I負荷の 疲労試験で得られた次の Paris 則を積分する ことで行なう。

$$\frac{d(a_1 \text{ or } a_2)}{dN} = 1.0 \times 10^{-15} \Delta K_1^{5.8}$$
(11)



図7 BNM 解析における節点とセル

(6) 「全寿命」シミュレーションモデルの構築

上記(1)から(5)まで、それぞれの遷移条件を 明らかにし、き裂の発生から最終的な急進破 壊までをシミュレートすることができる「全 寿命」シミュレーションモデルを構築する。 遷移条件は、例えば短いき裂から長いき裂へ の遷移は、両者のき裂進展速度を比較し、短 いき裂進展速度よりも長いき裂進展速度が 速くなった時点で、遷移すると考える。

前述のパラメータ群及び車輪の通過数を 指定し、水平裂と横裂の同次進展シミュレー ションを行った結果の例を、図8に示す.



図8 水平裂と横裂の同時進展解析

5.主な発表論文等 (研究代表者は下線)

〔雑誌論文〕(計2件)

(1) <u>M. Akama</u>, F. Ohya and K. Matsubara, "Numerical Simulation Model for Competition between Crack Propagation and Wear in a Railhead", in "Proceedings of the Third International Conference on Railway Technology: Research, Development and Maintenance", J. Pombo (Editor), Saxe-Coburg Publications, proof reading, United Kingdom, 2016. doi:10.4203/ccp.110.172.

(2) <u>M. Akama</u>, F. Ohya and K. Matsubara, "Numerical Simulation of Simultaneous Propagation of Horizontal and Transverse Fissures in Squats", in "Proceedings of the Third International Conference on Railway Technology: Research, Development and

Maintenance", J. Pombo (Editor), Saxe-Coburg Publications, proof reading, United Kingdom, 2016. doi:10.4203/ccp.110.251.

〔学会発表〕(計4件)

(1)<u>赤間誠</u>,大家史,松原聖,レールシェリン グにおける水平裂と横裂の同時進展シミュ レーション,日本機械学会,2015年度年次大 会,北海道大学,9.13-16,(2015).

(2) <u>M. Akama</u>, F. Ohya and K. Matsubara, "Numerical Simulation Model for Competition between Crack Propagation and Wear in a Railhead", The Third International Conference on Railway Technology to be held in Cagliari – Sardinia, Italy, 5-8 April 2016.

(3) <u>M. Akama</u>, F. Ohya and K. Matsubara, "Numerical Simulation of Simultaneous Propagation of Horizontal and Transverse Fissures in Squats", The Third International Conference on Railway Technology to be held in Cagliari – Sardinia, Italy, 5-8 April 2016.

(4)木全孝文,<u>赤間誠</u>,転がり 滑り接触条件 下の短いき裂の発生と成長及び摩耗との相 互作用,日本機械学会第23期関東支部総会・ 講演会,東京理科大学,3.16~17,(2017).

6.研究組織
(1)研究代表者
赤間 誠(Makoto, AKAMA)
大阪産業大学・工学部交通機械工学科・教授
研究者番号:70425867