# 科学研究費助成事業

研究成果報告書

機関番号: 32665
研究種目: 基盤研究(C)(一般)
研究期間: 2020 ~ 2022
課題番号: 20K05333
研究課題名(和文)第一原理計算による貴金属長周期再構成表面の電子構造研究
研究課題名(英文)First-principles calculation study of the long-range restructuring of noble-metal surfaces
研究代表者
石田 浩(ISHIDA, Hiroshi)
日本大学・文理学部・教授
研究者番号:6 0 1 8 4 5 3 7
交付決定額(研究期間全体):(直接経費) 2.700.000円

研究成果の概要(和文):金の(111)結晶表面を始めとした貴金属長周期再構成表面の電子構造を、密度汎関数 理論の範囲の第一原理計算により明らかにした。この際、エムペッディッドGreen関数法を用いて半無限結晶表 面の電子構造を計算することにより、通常の周期薄膜モデルでは得られない(i)長周期ポテンシャルによって表 面状態バンドに生じるミニバンドギャップ、(ii)表面プリルアン域の畳み込みにより共鳴状態に変化する表面状 態のエネルギー幅など、表面電子構造に関する重要な知見を得ることができた。

研究成果の学術的意義や社会的意義 通常、固体表面の電子構造は、周期薄膜モデルを用いて行われる。この場合、表面垂直方向の電子のエネルギー 準位が離散化されてしまうため、ミリeVのオーダーの正確な電子状態を記述することができない。従って貴金属 の長周期再構成表面を特徴づける表面共鳴状態のエネルギー幅やミニブリュアン域のゾーン境界に現れるバンド ギャップは周期薄膜モデルでは計算できない。本研究では真に半無限結晶表面の電子構造を計算することにより、これら長周期再構成表面の電子構造を正確に計算した。本研究で得られた貴金属再構成表面の電子構造の計 算結果は、今後、光電子分光などの実験において重要な手引きになると考える。

研究成果の概要(英文): The electronic structure of long-period reconstructed surfaces of noble metals such as a gold(111) surface, was investigated by first-principles density-functional-theory calculations. In doing so, by calculating the electronic structure of truly semi-infinite surfaces using the embedded Green's function method, we were able to obtain important information not accessible with standard periodic-slab surface models. Among them are (i) the mini-bandgap generated in the surface band by the long-period potential and (ii) the energy width of a surface state that becomes a surface resonance due to the back folding of the surface Brillouin zone.

研究分野: 固体物理

キーワード: 表面再構成 第一原理計算 半無限結晶表面 エムベッディッドGreen関数法

科研費による研究は、研究者の自覚と責任において実施するものです。そのため、研究の実施や研究成果の公表等に ついては、国の要請等に基づくものではなく、その研究成果に関する見解や責任は、研究者個人に帰属します。

### 1. 研究開始当初の背景

金や白金は貴金属として価値があるばかりではなく、触媒、電極など応用上も重要な物質で ある。触媒反応や電極反応は物質表面で起こるため、その微視的機構を理解するためには、結 晶表面における原子配置や電子状態を調べる必要がある。イリジウム、白金、金の結晶表面に おいて、表面第一層原子が長周期再構成を起こすことは古くから知られていた。例えば、金 は、面心立方構造の単体金属の中で、(111)表面が再構成する唯一の系である。実際、金の (111)表面では、(110)方向の最密原子鎖において、22個分のスペースに原子23個が入るため、 原子鎖は面内・垂直両方向に湾曲し、その結果22×√3長周期構造が生じる。さらにお互いに 120度の角度をなす22×√3再構成ドメインが組み合わされて、ヘリングボーン構造と呼ばれる 特徴的な原子配置が形成される。実験的には、低速電子線回折、走査トンネル顕微鏡、角度分 解光電子分光などを用いて、長周期構造を持つ貴金属結晶表面の物性が調べられてきた。理論 的には、密度汎関数理論を初めとする第一原理計算法の発達とコンピュータ性能の向上によっ て、貴金属再構成表面における原子配置が正確に決定されるようになった。一方、結晶表面の 第一原理計算では、通常、3次元結晶用の電子構造計算プログラムが利用されるため、本来、表 面垂直方向に半無限の結晶表面が、10−20原子層程度の薄膜と真空領域を交互に繰り返す周期薄 膜モデルで近似される。周期薄膜モデルでは、バルク電子バンドのエネルギー準位が表面垂直 方向に離散化されてしまうため、表面の電子状態を正確に記述できない状況にあった。

#### 2. 研究の目的

本研究の目的は、貴金属清浄表面で観測される長周期原子再構成が、表面の電子構造にどのよ うに影響するかを、密度汎関数法の範囲の第一原理計算により解明することである。一般に、グ ラフの横軸に表面内の 2 次元の波数ベクトルkを、縦軸に一電子エネルギーεをとると、表面の 電子構造を特徴づける表面状態バンド(波動関数が表面に局在した状態)は、表面射影バルクバ ンドギャップ内の離散曲線(エネルギー分散曲線ε(k))として現れる。ところが、長周期表面で は、1×1構造の表面ブリュアン域が、長周期構造のミニブリュアン域へと折り畳まれるため、 k-ε面内において、表面状態のエネルギー分散曲線と表面射影バルクバンドが重なる。そのた め前者はバルクエネルギーバンドと混成した有限エネルギー幅(1~10meV)の表面共鳴バンド となる。さらに、この表面共鳴バンドのエネルギー分散曲線は、ミニブリュアン域のゾーン境界 で、長周期ポテンシャルの振幅程度(10~100meV)のミニバンドギャップを示すはずである。 しかし、表面の電子構造を周期薄膜モデルで計算すると、kが与えられたとき、表面垂直方向の 電子の連続エネルギースペクトルが、エネルギー間隔が0.1eV 程度の離散エネルギー準位になっ てしまう。従って、周期薄膜モデルでは、離散準位間のエネルギー間隔より狭い表面共鳴状態の エネルギー幅やゾーン境界に生じるミニバンドギャップを記述できない。本研究では、周期薄膜 モデルではなく、真に半無限結晶表面の電子構造を計算することにより、長周期再構成表面の電 子構造をミリ eV オーダーの精度で解明する。

#### 研究の方法

本研究で用いる半無限結晶表面の電子構造計算プログラムは、密度汎関数理論の範囲の第一 原理計算プログラムでは最も精度の高いをフルポテンシャル線形化補強平面波法 (FLAPW 法) と、 Inglesfieldによって提案された半無限系計算のためのエムベッディッド Green 関数法を組み合 せたものである。エムベッディッド Green 関数法では、真空領域と表面 10 原子層程度を含むエ ムベッディッド領域を真面目に扱い、その外側の半無限結晶下地と半無限真空の効果は、エムベ ッディッド領域と外部領域との境界面にはたらくエムベッディングポテンシャルとして取り入 れられる。エムベッディングポテンシャルは、境界面から外向きに伝播または減衰する電子波の 対数微分を一般化したものであり、2次元波数ベクトルkと一電子エネルギー $\epsilon$ の関数である。エ ムベッディッド Green 関数法を用いた半無限表面の電子構造の計算は、(1)下地金属の3次元結 晶の電子構造(金では面心立方格子)を計算して、結晶中の一電子有効ポテンシャルを求める、 (2) 与えられた結晶方位方向に伝播または減衰する一般化ブロッホ波を、kおよび cの関数として 計算し、その一般化対数微分であるエムベッディングポテンシャルを決定する、(3) 真空と半無 限結晶の界面(表面)を含むエムベッディッド領域を設定して、エムベディッド Green 関数法に より結晶表面の電子構造をセルフコンシステントに計算する、の3ステップからなる。本研究で 用いる半無限結晶表面の電子構造計算プログラムは、研究代表者が、1990 年代から開発してき たものである。本研究の開始前まで、この計算プログラムは、MPI ライブラリを用いてk点に関 してのみ並列化されていたので、20 原子程度が数値計算できる最大原子数であった。貴金属の 長周期再構成表面を扱うためには、エムベッディッド領域に 100 個以上の原子を入れる必要が ある。そこで、本研究では、ScaLapack ライブラリを用いて、大規模ハミルトニアン行列を多数 の MPI プロセスに分散させ、その逆行列である Green 関数を計算するように、計算プログラムを 改良した。この計算プログラムの改良と、本研究予算により調達した Infiniband ネットワーク で接続された2ノードのワークステーション(合計 96 Xeon コア)を用いることにより、5万次 元を超える大行列の計算が可能になり、300原子を含む表面系の電子構造計算が可能になった。

## 4. 研究成果

(1) イリジウム(111)表面上のグラフェン吸着層

完成した計算プログラムを用いて、まずテ スト計算として、以前から実験グループと共 同研究をしていた Ir(111)表面上のグラフェ ン吸着層を計算した。この系は、Ir(111)表面 にエチレン分子を吸着させ高温にするだけで グラフェン単原子膜ができることで有名な系 である。Ir(111)の9×9超格子はグラフェン の10×10超格子とほぼ整合して、グラフェン 原子膜は面垂直方向に波打った構造をとる。 計算では、エムベッディッド領域に、Ir(111) の表面第一原子層とグラフェン層を取り入 れ、9×9+2(10×10)=281原子系の計算を 行った。一般に再構成表面の表面状態の状態 密度は、長周期構造のミニブリュアン域に折 り畳まれた形で計算される。今の場合、グラ フェンのディラックバンドは、10×10格子に 対応するミニブリュアン域に折り畳まれてし まい、実験との比較は容易でない。そこで、





図 1:Ir(111)上のグラフェン層の波数分解状態密度

元の1×1構造のブリュアン域内の独立な波数k+g成分に展開(unfold)する方法を開発した。 図1は、こうして得られた Ir(111)上のグラフェン吸着層の"展開"状態密度を、グラフェンの ディラック点k<sub>D</sub>付近で描いた図である。図中の太い X型のエネルギー分散曲線を示すのが、下 地状態との混成により、表面共鳴状態となったグラフェンのディラックバンドである。図中の赤 文字 2 で示すように 2 次元ディラックバンドが交差するディラック点は、フェルミ準位より約 0.5eV上にシフトして 0.2eV 程度の広い幅をもつ。さらに、ディラックバンドが Ir の 5d 原子軌 道との混成により 30meV 程度のスピン分裂を示す。また、図中の点線の囲われた丸で示すよう に、ディラックバンドと超格子の逆格子gだけ平行移動したレプリカディラックバンドが、グラ フェンの10×10格子に対応するミニブリュアンゾーン境界で交差して 0.1~0.3eV 程度のミニエ ネルギーギャップを作ることがわかった【文献 1】。

# (2) 22×√3長周期構造の金(111)清浄表面

本研究課題の申請時に最重要課題とした22× $\sqrt{3}$ 長周期構造の金(111)清浄表面の電子構造を 計算した。まず、長周期再構成表面の原子配置は 6 原子層の周期薄膜モデルを用いて最適化し た。この計算には PAW 基底関数を用いた電子構造計算プログラムとして定評のある VASP プログ ラムを用いた。エムベッディッド Green 関数法による半無限結晶表面の電子構造計算では、VASP 計算で得られた原子座標を用いて、表面 3 原子層 (ユニットセルは44×2+46 = 134原子を含 む)をエムベッディッド領域に取り入れて行った。図 2 は、表面第 1 原子層に射影された電子の 状態密度を、1×1表面のブリュアン域に "展開" (unfold)した図である。ここで横軸は、(110) 方向の波数 $k_x$ であり、22× $\sqrt{3}$ 構造の(110)方向のゾーン境界の波数 $k_0 = \pi / (22a)$  (aは1×1表 面の格子定数)単位である。縦軸はフェルミエネルギーに対するエネルギーである。図 2 (a)で

は線形スケールを用いて、図 2(b)では強度の弱いレプリ カ表面バンドを示すために 対数スケールを用いて状態 密度を示した。図1とは、明 暗を逆転して描いたため、明 るい線が表面状態のエネル ギー分散曲線である。図2(a) に現れる自由電子的なエネ ルギー分散関係を持ち、大き くスピン分裂した表面状態 が、金(111)表面を特徴づける L-点ギャップ表面バンドで ある。図2(b)では、1×1構造 で得られる $k_x = 0$ を中心とし た表面バンドを、22×√3構 造の逆格子 $g = 2k_0, 4k_0, \cdots$ だ け平行移動したレプリカバ ンドを明確に見ることができ



図2:Au(111)-(22×√3)の表面 Au 原子の波数分解状態密度

る。長周期構造によるバルクバンドの折り畳みによって L-点ギャップ表面バンドは共鳴状態に なるが、バルクエネルギーバンドと混成によるエネルギー幅はわずか1meV程度であることがわ かった。表面バンドのスピン分極は、表面における空間反転対称性の破れとスピン軌道相互作用 の組み合わせによって生じる。1×1理想表面では、スピン分極した2表面バンドのエネルギー 分散関係は、 $\varepsilon_+(k) = E_0 + \hbar^2 k^2 / (2m^*) \pm \hbar^2 k_{so} k / (2m^*)$ と近似される。ここで、 $k_{so}$ はスピン軌 道相互作用の強さを特徴づけるパラメータである。図2の L-点ギャップ表面バンドのエネルギ ー分散関係を見ると、ミニブリュアン域のゾーン境界である $k_x = k_0, 2k_0, 3k_0, \cdots$ では、互いに交 差する表面バンドはエネルギーギャップを生じない。これは、交差する 2 バンドのスピン分極 方向が逆であるからである。一方、 $k_x \approx k_0 \pm k_{so}$ ,  $2k_0 \pm k_{so}$ ,…で交差する 2 状態がスピンの向き が同じであるため、22×√3構造の長周期ポテンシャルのフーリエ成分の振幅にほぼ等しいミニ エネルギーギャップを生じる。金の(111)面では、多くのグループにより角度及びスピン分解光 電子分光を用いてスピン分極した L・点ギャップ表面バンドのエネルギー分散関係が測定されて きたが、図 2(a)のような22×√3構造の長周期ポテンシャルを反映したミニバンドギャップは直 接的にはまだ観測されていない。原因の一つは、実際の表面では、お互いに 120 度の角度をなす 22×√3再構成ドメインが共存するので、異なるドメインからのスペクトルが平均化されること により、わずか40meV程度のエネルギーギャップが隠れてしまうことであると考えられる。本 研究で得られた22×√3周期構造の正確なL・点ギャップ表面バンドのエネルギー分散曲線が、今 後の実験の指針になることが期待される【文献 2】。

#### (3)原子列欠損の金(110)清浄表面

次に金(111)面と関連の深い、原子列欠損構造として知られる金(110)-(1×2)表面の電子構造 を調べた。1×1構造の金(110)表面では、1×1構造の金(111)表面の場合と同じく、**k** - *ε*面内に おいて、金の L-点でのバルクバンドのエネルギーギャップを表面射影した領域に、スピン分極 し、部分的に占有された L-点ギャップ表面バンドが現れる。この表面バンドは、表面内の(001) と(10)の方向に、異方的なエネルギー分散関係と異方的なスピン分裂エネルギーを示す。原子 列が欠損した1×2構造では、ブリュアン域の折り畳みにより、表面射影バルクバンドギャップ はほぼ消失する。これまでの理論計算と逆光電子分光の実験により、上記の L-点ギャップ表面 バンドは、0.7eV 程上方にシフトして、非占有バンドになることが知られていた。しかし、バル クバンドとの混成により共鳴状態となる L-点ギャップ表面バンドが、ブリュアン域のどの範囲 で存在し続けるかは不明であった。図3(a)は、本研究で得られた金(110)-(1×2)表面の表面第

1層原子に射影された状態密度である。横 軸は、1×2構造のブリュアン域の波数ベ クトル、縦軸はフェルミエネルギーから測 った一電子エネルギーである。図3(a)中 のF点を中心とする明るい2放物線が、ス ピン分裂した金(110)再構成表面の L-点ギ ャップ表面状態である。共鳴状態となった 表面バンドは、ゾーン境界の<del>Ī</del>′点まで存在 し、ゾーン境界では再び表面射影バルクバ ンドに入って局在した表面バンドになる ことがわかる。さらに、図3(b)の拡大図に 示したように、ゾーン境界では、金の(111) 表面で見られるのと同様な、1×2構造の 周期ポテンシャルに由来するミニバンド ギャップが生じる。本系に関しては、スピ ン軌道相互作用に関する摂動論を用いて、 異方的なスピン分裂エネルギーと表面状 態の軌道角運動量 (軌道ラシュバ効果) と の関係を調べた【文献3】。



図3:Au(110)-(1×2)の表面Au原子の波数分解状態密度

#### 参考文献

- H. Ishida, R. Arafune, and N. Takagi, "First-principles calculation of the graphene Dirac band on semi-infinite Ir(111)", Phys. Rev. B 102, 195425 (2020).
- 2. H. Ishida, "Spin-dependent band-gap formation for the L-gap surface state on the  $22 \times \sqrt{3}$  reconstructed Au(111) surface", J. Phys.: Condens. Matter 34, 195002(2022).
- 3. H. Ishida, 投稿中

# 5.主な発表論文等

# 〔雑誌論文〕 計5件(うち査読付論文 5件/うち国際共著 2件/うちオープンアクセス 3件)

1.著者名	4. 巻
J. Bouaziz, H. Ishida, S. Lounis, and S. Bluegel	126
2 論文種題	5
Iransverse transport in two-dimensional relativistic systems with nontrivial spin textures	2021年
3. 雑誌名	6.最初と最後の頁
Physical Review Letters	147203 [1-7]
掲載論文のDOI(デジタルオフジェクト識別子)	査読の有無
10.1103/PhysRevLett.126.147203	有
オープンアクセス	国際共著
オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難	該当する
	m 1 9 0

1.著者名	4.巻
H. Ishida	34
2	5 涨行在
2 - 開入行政度 Spin-dependent hand-gap formation for the L-gap surface state on the 22%(cort/3) reconstructed	5.元11年 2022年
Au(111) surface	2022-
3. 雑誌名	6.最初と最後の頁
Journal of Physics: Condensed Matter	195002 [1-12]
」 掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子)	査読の有無
10.1088/1361-648X/ac553a	有
オープンアクセス	国際共著
オープンアクセスとしている(また、その予定である)	-

1.著者名	4.巻
H. Ishida, R. Arafune, and N. Takagi	102
2.論文標題	5 . 発行年
First-principles calculation of the graphene Dirac band on semi-infinite lr(111)	2020年
3.雑誌名	6.最初と最後の頁
Physical Review B	195425 [1-10]
掲載論文のD01(デジタルオプジェクト識別子)	査読の有無
10.1103/PhysRevB.102.195425	有
オープンアクセス	国際共著
オープンアクセスとしている(また、その予定である)	-

1.著者名	4.巻
H. Ishida and A. Liebsch	2
2.論文標題	5 . 発行年
Engineering edge-state currents at the interface between narrow ribbons of two-dimensional	2020年
topological insulators	
3.雑誌名	6.最初と最後の頁
Physical Review Research	023242 [1-8]
掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子)	査読の有無
10.1103/PhysRevResearch.2.023242	有
オープンアクセス	国際共著
オープンアクセスとしている(また、その予定である)	該当する

1. 著者名	4.巻
K. Asano, I. Sako, and H. Ishida	32
	5 . 発行年
Spin-dependent transient current in transistor-like nanostructures	2020年
3. 雑誌名	6.最初と最後の負
Journal of Physics: Condensed Matters	435302 [1-13]
掲載論文のDOI(デジタルオプジェクト識別子)	 査読の有無
10.1088/1361-648X/aba292	有
オープンアクセス	国際共著
オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難	-

#### [学会発表] 計1件(うち招待講演 0件/うち国際学会 1件) 1.発表者名

J. Bouaziz, H. Ishida, S. Lounis, and S. Bluegel

### 2.発表標題

Decoding of complex magnetic structures from Hall-effect measurements

3.学会等名

アメリカ物理学会 March Meeting 2021(国際学会)

4.発表年 2021年

#### 〔図書〕 計0件

# 〔産業財産権〕

〔その他〕

最近の研究から http://zwo.phys.chs.nihon-u.ac.jp/research.html

6.研究組織

	氏名 (ローマ字氏名) (研究者番号)	所属研究機関・部局・職 (機関番号)	備考
--	---------------------------	-----------------------	----

#### 7.科研費を使用して開催した国際研究集会

〔国際研究集会〕 計0件

# 8.本研究に関連して実施した国際共同研究の実施状況

共同研究相手国	相手方研究機関			
ドイツ	ユーリッヒ研究センター			