# 科学研究費補助金研究成果報告書

平成23年 5月11日現在

機関番号: 1 4 5 0 1 研究種目:若手研究(B) 研究期間:2009~2010 課題番号:21740344

研究課題名(和文) 非線形次元削減法を用いた非線形システムにおける確率分布およびレジ

ームの検出

研究課題名(英文) Detection of probability distribution and regimes in nonlinear systems

with nonlinear dimension reduction methods

研究代表者 西澤 誠也 (NISHIZAWA SEIYA)

神戸大学・大学院理学研究科・助教

研究者番号: 40447892

研究成果の概要(和文): 大気システムは、超高次元の非線形システムであり、高次元のままではその変動の解析は困難である。本研究では、冬季極域成層圏気温変動や降水変動といった非線形性が強い大気の変動から、非線形次元削減法を用いて低次元の多様体の抽出を行った。線形次元削減法を用いた場合には原理的に正しく表現できない物理変数の正負の非対称性を、非線形手法を用いることで正しく反映した多様体を得ることができた。また、その多様体上において、状態変数の存在確率分布やクラスタの推定を行い、有意では無いもののレジームの存在を示唆する結果が得られた。

研究成果の概要(英文): The atmospheric system is a high dimensional nonlinear system and naïve analyses of variability in the system is not easy due to the high dimensionality. In this study, I extract low dimensional manifolds from strongly nonlinear atmospheric variability, such as temperature in winter polar stratosphere and precipitation, with nonlinear dimension reduction methods. Those manifolds show asymmetry in physical quantities between positive and negative values, although the asymmetry cannot be represented with linear methods. Additionally I estimate existence probability distribution of state variables and clusters on the manifolds, and obtain possible regimes, though it is not statistically significant.

#### 交付決定額

(金額単位:円)

	直接経費	間接経費	合 計
2009 年度	2, 000, 000	600, 000	2,600,000
2010 年度	1, 200, 000	360, 000	1, 560, 000
年度			
年度			
年度			
総計	3, 200, 000	960, 000	4, 160, 000

研究分野: 気象力学

科研費の分科・細目:気象・海洋物理・陸水学

キーワード: 非線形次元削減

## 1. 研究開始当初の背景

あるシステムにおける変動の状態は、気温な どの各物理変数の空間分布の組み合わせと して定義される。各物理変数の実空間におけ る各格子点上の値を状態変数としたとき,状 態変数を軸とする多次元空間を状態空間と 呼ぶ。ある瞬間の大気変動の状態は、状態空 間における 1点(ベクトル)に対応し、変動の 時間発展は、トラジェクトリに対応づけられ る。一般に, 気候システムの状態空間は, 非 常に高い次元をもつ空間であり、高次元な状 態空間上でものごとを考えることは困難で ある場合が多い。したがって, 低次元な空間 上考えるために、次元削減(dimensionality reduction)を行う。次元削減により高次元状 熊空間のなかに埋め込まれている低次元多 様体(manifold)を抽出することにより、変動 の重要な性質は残したまま、解析対象の空間 次元を下げる。そして, その多様体上におけ る状態変数の確率分布を考えることにより, システムが状態空間上で好む場所(レジーム) を知ることができ、システムの変動の性質を 理解することが可能である。

### 2. 研究の目的

本研究では、非線形システム、特に気候システム、を取り上げ、その状態空間の中に埋め込まれている多様体上を抽出し、その多様体上での確率分布を求める。そして、その非線形なシステムのレジームを検出し、非線形変動の性質の理解に結びつけることを目的とする。大気変動の研究では、変動の線形性および正規性を仮定しているものが多い。これらの仮定により、多くの強力な解析手法を追れている。しかし、これら線形性や正規性の仮定により、実際の変動の性質のうち見えなってしまっているものが存在したり、謝って解釈を導いたりする可能性がある(Nishizawa and Yoden 2005 など)。

線形システムにおいて,次元削減のために用いられる方法として,主成分分析(Principal Component Analysis; PCA),独立成分分析(Independent Component Analysis; ICA)や多次元尺度構成法(Multidimensional Scaling; MDS)などがあげられる。PCAは、気象・海洋学分野では経験直交関数(Empirical Orthogonal Function; EOF)解析と呼ばれることが多い。これらは、線形システムにおいては、非常に有用な次元削減方法である(Storch and Zwiers 1999 など)。

線形な方法によって抽出可能な多様体は,ユークリッド空間のみである。非線形性が強い変動の場合,多様体は複雑な構造をしている場合が多い。このような変動に対し,線形の方法によりその多様体の抽出をしようとす

ると、多様体を包含するユークリッド空間を 抽出する必要があり、多様体の次元数よりも 多くの次元を必要とし、かつ余分な空間まで 抽出してしまう。また、線形の手法によって 非線形の変動を抽出することはでき無いた め、得られた個々の主要変動は、実際とは異 なったゆがめられた変動である可能性があ る

そこで、本研究では、非線形次元削減法を利用し、多様体の抽出を試みる。状態空間における変動の全分散のうち、抽出された低次元空間における変動によって説明される割合は、非線形次元削減法を利用した場合、一般に、同じ次元数の線形次元削減法の場合と比べて高くなる。また、低次元空間の次元数に対する分散の割合の依存性から、埋め込まれている多様体の次元数を見積もることができるが、一般に、非線形手法の場合の方が線形手法の場合と比較して正確に見積もることができる(Tenenbaum et al. 2000, Agrafiotis and Xu 2002, Gamez et al. 2004 など)。

ただし, 非線形次元削減法を利用する際にも いくつかの注意点がある。非線形次元削減を 行うための手法は複数あり、かつ、それぞれ の手法において、複数の任意パラメータが必 要である場合が多い。そして, それぞれの手 法やパラメータによって異なる結果が得ら れる可能性がある。したがって, 非線形次元 削減を行う上では、複数の手法やパラメータ による結果を比較し、ロバストな結果である か確認する必要がある。また、非線形次元削 減法を利用する上で,大きな問題として,過 剰適合(over fitting)が挙げられる。いくつか の手法においては、回避する方法の提案がな されている (Finnoff et 1993, Christiansen 2005 など)。

気候データに対し、非線形次元削減法を適用している研究は多くない(Monahan 2001,2002, Hsieh 2001,2007, Monahan 2002, Gamez et al. 2004 など)。また、これらの研究は、それぞれ1種類のみの手法しか用いられていないため、その結果は、用いられている手法に固有な見かけのものである可能性がある。したがって、本研究では、複数の非線形次元削減法を用いて考察を行い、手法に依らないロバストな結果を得ることを試みる。

気候システムの状態空間における確率分布は、非正規性をもっていることが知られている。特に、状態空間中に、クラスタが存在する領域があることが指摘されており、これらの領域は、気候レジームと呼ばれる(Corti et al. 1999, Parmer 1999, Stephenson et al. 2004など)。これらレジームは、カオスシステムにおけるアトラクタと結びつけて議論されることが多い(Corti et al. 1999, Parmer 1999など)。レジームの検出には、クラスタ解析

(Mo and Gill 1988, Cheng and Wallace 1993 など)や状態変数の同時確率密度関数 (Probability Density Function; p.d.f.)の多モード抽出が用いられる (Sutera 1986, Hansen and Sutera 1986, Molteni et al. 1988, 1990, Kimoto and Ghil 1993, Corti et al. 1999 など)。ただし、これらのレジームの存在の統計的有意性に関しては、さまざまな立場の研究がある (Corti et al. 1999, Christiansen 2002, Stephenson et al. 2004など)。

次元削減に線形の手法を用いた場合, 次元削 減された空間上のある 1 つの軸に対し、複 数の変動成分が対応づけられていることが あるため, 中心極限定理により得られる分布 は実際の分布よりも正規分布に近い可能性 がある。そのため、レジームの検出が困難と なっている可能性があり、レジームの検出に は非線形次元削減法が効果的である考えら れる。非線形次元削減された空間上で確率分 布を考えている研究は私が知る限りは Monahan (2001, 2002), Christiansen (2005) だけである。 Monahan(2001,2002) は, five-layer feed-forward neural network 法 を用いて、1次元空間上で分布関数を求め、 レジームの検出を行った。しかし Christiansen(2005) tt, Monahan(2001,2002) が用いている方法では, 元の変動が正規な場 合でも多モードの分布が得られることを示 し、彼らの結果には問題があることを指摘し ている。本研究では、気候データを用い て,複数の非線形次元削減法により得られた 2 次元以上多面体上における分布関数を考 え、レジームの検出を試みる。

#### 3. 研究の方法

- (1) 複数の非線形次元削減法のプログラミング実装を行い、空間に埋め込まれている多様体の性質が分かっているデータに対して、それらを適用し、それぞれの手法の特徴を比較・考察する。
- (2) また、それらを非線形性が高いと考えられる気候データに適用し、気候システムに埋め込まれている多様体を抽出し、線形手法によって抽出されたものと比較し、考察を行う。
- (3) 抽出された多様体上で存在確率分布を見積もり、その非正規性の検定を行う。非正規性が統計的に有意な場合は、モードの抽出およびクラスタ抽出により、気候レジームの検出を行う。

## 4. 研究成果

- (1) 複数の非線形次元削減法を理想化デー タ、および現実大気データに適用し、検証お よび、それぞれの手法の特徴の考察を行った。 局所線形埋込(Locally linear embedding, LLE; Roweis and Saul Isomap (Tenenbaum et al. 2000), Laplacian Eigenmap (Belkin and Niyogi 2003), および 線形次元削減法として PCA それぞれの解析プ ログラムの実装を行った。そして、多様体を 埋め込んだ人工的な低次元理想化データを 用いてそれぞれの手法の特徴を調べた。また、 それぞれの手法には、任意パラメータを与え る必要があるが、期待された結果が得られる ためのパラメータの選び方の検証を行った。 これらのパラメータは、問題によって適切な 値が異なるため、それぞれの問題で、パラメ ータを変えて計算し、結果の尤もらしさと、 パラメータの値の変化に対する敏感性が小 さいことをもって値の決定を行った。
- (2) 次に、それぞれの手法を冬季極域成層圏 気温データに適用し、極夜ジェット振動の抽 出を行った。極夜ジェット振動は、成層圏突 然昇温現象および極夜ジェットによる極渦 隔離による放射冷却というように、正偏差と 負偏差の原因となる物理過程が異なってい る。したがって、線形手法ではうまく抽出で きない可能性がある。それぞれの手法で抽出 された変動の違いを比較し、それらの違いの 考察を行った。その結果、線形および非線形 のすべての手法で極夜ジェット振動を抽出 することができた。しかしながら、それぞれ 抽出された多様体の構造や、多様体上の時間 発展の特徴には違いがみられた。特に、非線 形手法では、変動の正負の偏差に対応する領 域での特徴に違いがみられることが分かっ た。
- (3) また、非線形次元削減法を日本域の格子 点 降 雨 量 デ ー タ (APHRODITE: http://www.chikyu.ac.jp/precip/) に適用 した。降雨データは負の値はとらず、かつデ ータの多くが0付近に集中する特徴をもって いる。したがって、従来の線形的な手法を用 いることは不適当である可能性がある。線形 次元削減法と、非線形手法を適用し、それら の結果を比較した。線形的手法である主成分 分析では、第1モードに日本全域にまたがる 構造、第2モードに東・西日本で逆符号をも つ構造といった空間的に大きな構造が得ら れた。一方、非線形手法では、沖縄地域や東 海地方に集中した構造など、より局所的な構 造が抽出された。現実の降雨現象が高い局所 性を持つという特徴を考えると、非線形手法 の方が現実の現象をうまく抽出していると 考えられる。したがって、非線形次元削減の 有用性を示すことができた。非線形性が高い

と考えられる他の現象においても、非線形次 元削減法が有効であると考えられる。

また、抽出された低次元空間において、存在確率分布を推定するとともに、クラスタの検出を行った。確率分布の推定には Kernel Density Estimation 法を用いた。また、クラスタの推定には、k-means 法を用いた。ラスタの推定には、k-means 法を用いた。ランダムな擾乱(レッドノイズ)の成分が大大きいため、シグナルとノイズをうまく分離することが難しく、有意なレジームを検出することはできなかったが、レジームの存在をでする結果が得られた。今後、複数の視点からレジームの存在を検証し、それらの力学的解釈を行う予定である。

(4) また、本研究では、多くの解析手法やデータを組み合わせて使用するため、データや解析プログラムの種類が多く、注意深く管理する必要がある。そこで、それらをデータベースにより管理するための Web ベースのサーバソフトウエアを開発し、本研究の効率的な推進のために利用した。

## 5. 主な発表論文等

(研究代表者、研究分担者及び連携研究者には下線)

〔雜誌論文〕(計 3件)

- ①Nishizawa, S., T. Horinouchi, 他 5 (1番目), Gfdnavi, web-based data and knowledge server software for geophysical fluid sciences, Part II: RESTful web services and object-oriented programming interface, LNCS, 查読有, Vol. 6193, 2010, pp. 105-116
- ②Horinouchi, T., S. Nishizazawa, 他 6 (2番目), Gfdnavi, web-based data and knowledge server software for geophysical fluid sciences, Part I: Retionales, stand-alone features, and supporting knowledge documentation linked to data, LNCS, 查読有, Vol. 6193, 2010, pp. 93-104
- ③ Kohma, M., <u>S. Nishizawa</u>, S. Yoden, Classification of polar-night jet oscillations and their relationship to fast and slow variations in a global mechanistic circulation model of the stratosphere and troposphere. Journal of Climate, 查読有, Vol. 23, 2010, doi:10.1175/2010JCLI2458.1

## 〔学会発表〕(計 1件)

①<u>Nishizawa. S.</u> et al. Gfdnavi, web-based data and knowledge server software for geophysical fluid sciences, Part II: RESTful web services and object-oriented programming interface, DIEW 2001, 2010/4/4, 筑波大学 (茨城県)

#### 6. 研究組織

(1)研究代表者

西澤 誠也 (NISHIZAWA SEIYA) 神戸大学・大学院理学研究科・助教 研究者系具・40447802

研究者番号:40447892