研究成果報告書 科学研究費助成事業



今和 6 年 6 月 1 5 日現在 機関番号: 17701 研究種目: 若手研究 研究期間: 2022~2023 課題番号: 22K14608 研究課題名(和文)波長よりも大きな物体を隠せる透明マントの設計理論の確立および実現 研究課題名(英文)Establishment of the design theory of invisivle cloaks for hiding larger objects than the wavelength and the realization 研究代表者 永山 務 (Nagayama, Tsutomu) 鹿児島大学・理工学域工学系・助教 研究者番号:80781997

交付決定額(研究期間全体):(直接経費) 3,400,000円

研究成果の概要(和文):本研究では、波長よりも大きな物体を隠すことができる透明マントのためのメタマテ リアル設計理論を確立した.設計には1次元ミアンダ伝送線路モデルを用い、線路長を決定する理論式を導出し た.提案した理論に基づき、1次元ミアンダマイクロストリップ線路構造を用いて透過型透明マントおよび反射 型透明マント(カーペットクローク)を設計した。それらの動作および理論を上になせ、ビターレッションによ る計算結果から確認した.また、カーペットクロークについては誘電体基板上に実装し、近傍電界測定を行なって動作を調べた.その結果、 理論通り波長よりも大きな物体を隠すことができることが分かった.

研究成果の学術的意義や社会的意義 本研究の成果により、波長よりも大きな物体を隠すことができ、かつ非常に広帯域な特性を持つ透明マントを、 回路モデルを用いて理論的に設計することが可能になった.本研究では、電磁透明マントの設計・試作・実証実 験を行なったが、将来的に理論を拡張して光の領域まで動作帯域を引き上げれることができれば、全ての光に対 して動作可能な透明マントの実現に繋がる可能性がある.また、研究代表者の従来の研究から、回路モデルを用 いた設計法は光・電磁波に限らず、音波など異分野の波に対しても適用可能であることが分かっており、例えば 音波に対して波長よりも大きな物体を隠せる音響透明マントへの展開も期待できる.

研究成果の概要(英文): In this research, the metamaterial design theory for invisible cloaks hiding a larger object than the wavelength has been established. A one-dimensional meander transmission-line model has been used for the design, and the theoretical formula for determining the line length has been derived. Based on the proposed theory, a transmission-type invisible cloak and a reflection one (carpet cloak) have been designed by using a one-dimensional meander microstrip-line structure, and it has been demonstrated by calculating complex electric field distributions with full-wave simulations that those can hide a much larger object than the wavelength. Also, the designed carpet cloak has been implemented on a dielectric substrate and the operation has been verified by near-field measurements with a network analyzer and an electric probe. The mesurement results have shown that the fabricated carpet cloak can hide a much larger object than the wavelength.

研究分野:マイクロ波工学,電磁メタマテリアル

キーワード: 透明マント カーペットクローク 電磁メタマテリアル 回路モデル

科研費による研究は、研究者の自覚と責任において実施するものです。そのため、研究の実施や研究成果の公表等に ついては、国の要請等に基づくものではなく、その研究成果に関する見解や責任は、研究者個人に帰属します。

1.研究開始当初の背景

申請者は、覆った物体を見えなくする透明マントの実現に必要なメタマテリアルの設計理論 が提案し、数値計算に頼らずに低損失特性と広帯域特性を兼ね揃えた透明マントを実現できる ことを実験的に実証している(文献).しかし、設計式から得られるメタマテリアルの構造パ タメータの実現性の問題により、波長に比べて非常に小さな物体しか隠すことができないとい う欠点があり、日常的に使用されるマイクロ波・ミリ波向け通信機器への適用が不可能であった. また、仮に同理論を拡張して光まで動作帯域を引き上げることができた場合に、殆ど目視でき ない大きさの物体しか隠せないという課題が出る.

2.研究の目的

従来の方法に変わる透明マントのためのメタマテリアル設計理論を確立し、波長よりも大き な物体を隠せる透明マントを実現することを目的とする.具体的には、1 次元ミアンダ分布定数 線路モデルを用い、線路の折り曲げにより透明マントの入出力面間の経路が同じになるように、 理論的に線路長を決めて設計する新しいメタマテリアル設計理論を確立する.最終的には、理 論の妥当性を示すために、理論に基づいて透明マントを設計し、有限要素法に基づく数値解析 および実証実験により動作確認を行う.

3.研究の方法

- (1)反射型透明マントであるカーペットクロークおよび透過型透明マントを1次元分布定数線路 モデルを用いて構成する方法を考え、モデルの線路長を決められる理論式を導出する.
- (2)各透明マントの仕様を決め、導出した理論式から線路長を算出する.
- (3)1 次元ミアンダ線路構造を用いて各透明マントを構成する.
- (4) 有限要素法に基づく電磁界シミュレーションを行い、動作検証をする.

(5) ネットワークアナライザおよび電界プローブを用いて近傍電界測定を行い、動作を実証する.

4 . 研究成果

A.反射型透明マント(カーペットクローク)

(1)1 次元ミアンダ分布定数線路モデルを用いてカーペットクロークを構成し,平らな導体面に 対して平面波を垂直入射した時と同じ反射位相を得るためのモデルの線路長の理論式を検討し, 導出した.その結果,以下の式を得ることができた(詳細は文献 を参照).

$$l = \sqrt{\frac{2\varepsilon_{\rm eff_b}}{\varepsilon_{\rm eff}}} \frac{h}{\frac{A}{p}\frac{|x|}{\Delta d} + \frac{h-A}{\Delta d}}$$
(1)

p は隠す物体(形状は三角形を想定)の底辺の半分の大きさ、A は物体の高さ、h はカーペットク ロークの高さを表し、線路長と単位セルの大きさの関係は、1 > d = l_bとしている.また、 eff_bおよび eff はそれぞれ背景媒質に用いる2次元分布定数線路モデルおよびカーペットクロ ークを構成する1次元ミアンダ分布定数線路モデルの実効比誘電率を表す.x は物体の底辺に座 標系を定義してその中央を原点とした時の幅方向の位置を意味し、式中の√2は2次元の効果を 意味している(文献).なお、式(1)には周波数の関数が含まれていないため、本節の理論に基 けば、非常に広帯域な動作をし、かつ波長よりも大きな物体を隠せるカーペットクロークを設 計することができる.

(2)式(1)に基づき, 誘電体基板上に 1 次元ミアンダマイクロストリップ線路構造を用いてカー ペットクロークを構成した.実現性や実証実験のし易さを考慮して, p, A, h, および d はそ れぞれ70 mm, 70 mm, 100mm, 10 mm とし, 基板は日本ピラー工業株式会社の NPC-F220A を想定 して, 厚み, 比誘電率, および誘電正接をそれぞれ 0.254 mm, 2.2, および 0.0007 に設定した. このカーペットクロークの動作を検証するため, 有限要素法に基づく電磁界シミュレーション を行った. 今回の解析では, できるだけ計算領域を大きくするため, カーペットクロークを横 に3つ並べ, それらの上に 450 × 300 mm²の大きさの背景媒質の領域(=2 次元の直線のマイク ロストリップ線路構造を 45× 30 セル並べて構成)を設けている.

図1は、基板表面上の複素電界 E₂の振幅分布と位相分布の計算結果で、比較のため三角形の 物体の場合(=カーペットクロークなしの場合)と平らな導体面の場合(=物体なしの場合)の結果 も載せている.周波数は3.477 GHz で、物体の大きさ(=図1において導体パターンがない三角 形の領域の1個分の大きさ)に対する波長の大きさの関係は面積比で0.422 倍となっており、波 長に比べて遥かに物体の方が大きい設定にしている.カーペットクロークの場合と平らな導体 面の場合を見ると振幅も位相も同じような分布が得られていて、波源(入力ポート)の方向に波 が反射して定在波を形成している様子が分かる.一方、三角形の物体の場合は、散乱波が発生



図1 4.109 GHz における基板表面上の複素電界 Ezの計算結果.物体1個分(導体パターンのない三角形の 領域1個分)の大きさに対する波長の大きさの関係は面積比で0.422 倍となっている.



図 2 試作したカーペットクロークと比較用の試作物および測定範囲. (a) カーペットクロークの場合. (b) 三角形の物体の場合(カーペットクロークなしの場合). (c) 平らな導体面の場合(物体なしの場合). (d) 測定範囲. 平面波を入射するために上側にメタサーフェスレンズを構成(文献 に基づき構成)して おり,レンズの焦点の位置に同軸コネクタを接続している.

し波面が乱れている. これらの結果から,構成したカーペットクロークが動作し,波長よりも 遥かに大きな物体を隠すことができていることが分かった. なお,少なくとも,物体の大きさ に対する波長の大きさの関係が面積比で0.302倍となる周波数(4.109 GHz)よりも低い全ての周 波数で動作することを確認しており,(1)および(2)に示した内容も含め本節の成果は国際会議 で発表し,査読付き論文(文献)にまとめている.

(3) 設計したカーペットクロークを試作して近傍電界測定を行い、電界分布を比較することでカ ーペットクロークの動作を実験的に確認した. 図2(a)-(c)はそれぞれカーペットクロークの場 合、三角形のぶったうの場合(=カーペットクロークなしの場合)、および平らな導体面の場合(= 物体なしの場合)の試作物(関西電子工業株式会社に依頼、リソグラフィにより作成)に対応して いる. 写真の上側から下側に向かって平面波を入射するために, 各試作物の上から4セル目に 1 次元ミアンダマイクロストリップ線路構造で構成したメタサーフェスレンズを配置し(文献 にて成果を報告、これに基づき設計)、レンズの焦点の位置に同軸コネクタ(=入力ポートとして 利用)を半田付けして,これに同軸ケーブルを接続した.三角形の領域を含む下側の境界のノー ドの先にはスルーホールビアを設けて裏面の接地導体(ベタパターン)と接続し、 短絡境界とし ている.これらと上側の同軸コネクタが半田付けされた箇所以外のノードについては、各ノー ドから 1cm 程度離れた位置にランドとスルーホールビアを設け、 ランドとノードとの間に整合 用の 50 のチップ抵抗を半田付けして、境界で反射波が発生しないようにしている. また、図 2(d)は今回の実験における測定範囲を表しており、測定範囲内において基板表面のパターンか らおよそ 0.5 mm 上に電界プローブが位置するように吊るして近傍電界を測定した(=具体的には 電界プローブと同軸ケーブルで接続されたネットワークアナライザが表示する S₂ の振幅と位相 を記録した). このとき, 試作物は z軸ステージ(中央精機 LV-147-1)の上に水平になるように 配置し,それを xy ステージ(シグマ光機株式会社 OSMS33-500(XY)-M6)に載せて,測定範囲の上 側を 0.25 mm 間隔で動かして測定を行った.

図3(a)-(c)に周波数が3 GHzの時の近傍電界の振幅と位相分布の測定結果(オレンジの点)と 電磁界シミュレーションによる計算結果(青の点)を示している. 振幅の結果は最大値で規格化 している. 図3(a)および(c)の結果を見ると, カーペットクロークと平らな導体面の場合は振



図33GHzにおける近傍電界 E2の振幅(最大値で規格化)および位相分布の測定結果.(a)カーペットク ロークの場合.(b) 三角形の導体の場合(カーペットクロークなしの場合).(c) 平らな導体面の場合(物 体なしの場合).オレンジの点は測定値,青の点は電磁界シミュレーションによる解析値で,各グラフの 横軸は図2(d)の測定範囲のx座標に対応している.

幅も位相も同様な分布が得られ、電磁界シミュレーションによる計算結果ともよく一致していることが分かる.一方、同図(b)の三角形の物体の場合は、三角形の物体に起因して反射波の軌道が曲がる(=波源方向への反射波成分が少なくなる)影響から、他とは明らかに異なる分布となっており、各場合の電磁界シミュレーションの結果を比較しても同じような傾向となっている.以上のことから、試作したカーペットクロークが動作していると判断できる.また、3 GHzの時の物体の大きさに対する波長の大きさの関係は面積比で0.567 倍であり、非常に大きな物体をカーペットクロークで隠すことができていることが分かる.

以上より, 波長よりも大きな物体を隠せるカーペットクロークの設計理論の構築から実証実 験まで行うことができた. 今後は, 周波数や測定範囲を変えた実験を行なって試作したカーペ ットクロークの評価を行い, 結果をまとめて論文誌に投稿する予定である. その後は, 動作周 波数の引き上げや音波に対して物体を見えなくする音響カーペットクロークへの展開を検討す る.

B.透過型透明マント

(1)紙面の都合上詳細は省略するが、1次元直線分布定数線路(線路長 /1)および1次元ミアンダ 分布定数線路モデル(線路長 /2)用いて透過型透明マントを構成し、入射した平面波が物体を迂 回するように透明マントの内部を通って出力された場合でも、平面波の形状が維持されるよう に、透明マントの出口における透過位相を調整するための線路長の理論式を検討した.その結 果、以下のような式を得た.

$$l_{1} = \sqrt{\left(\frac{a}{\sqrt{2}}\right)^{2} + \{A(n-1) + B - n\Delta d\}^{2}}, \qquad l_{2} = \frac{\frac{b}{2} - \frac{a}{\sqrt{2}} + a - l_{1}}{\frac{b}{2} - \frac{a}{\sqrt{2}}}\Delta d$$
(2)

ただし,

$$A = \frac{\frac{b}{2} - \frac{a}{\sqrt{2}} - \Delta d + \frac{\sqrt{2}a\Delta d}{b}}{\frac{b}{2\Delta d} - 1}, \qquad B = \frac{a}{\sqrt{2}} + \Delta d - \frac{a\Delta d}{b\sqrt{2}}$$
(3)

と置いている.a,b,および dはそれぞれ物体の1辺の長さ(正方形を45度回転させた形状を 想定)および透明マントの1辺の長さ(形状は正方形を想定),分布定数線路モデルの1辺の大き さを表し,nは透明マントの内部の経路番号(配置した回路モデルの行番号)を表す(それぞれの 詳細は文献 の査読付き国際会議論文を参照).カーペットクロークの場合と同様,周波数の関 数が含まれていないため,本理論に基づけば,非常に広帯域な動作をし,かつ波長よりも大き な物体を隠せる透過型透明マントを設計することができる.

(2)同様に紙面の都合上説明を簡略化するが,式(2)および(3)に基づき,誘電体基板上に1次元 ミアンダマイクロストリップ線路構造および1次元直線マイクロストリップ線路構造を用いて 透過型透明マントを実装することを検討した.その結果,全体の構成は図4(a)のようになり, これに対して電磁界シミュレーションを行って左から平面波を入射した時の複素電界分布の計 算結果は図4(b)のようになった. 同図から透明マントとして機能している(=透明マントを通過 後も入射平面波は反射・散乱せず, 平面波の形状が維持されている)ことがはっきりと分かる. また, 物体の大きさに対する波長の大きさの関係が面積比で 0.331 倍となる周波数で解析して いるため,設計した透過型透明マントは非常に大きな物体を隠すことができることが分かる.



図4 構成した透過型透明マントおよび3.930 GHz における複素電界分布の計算結果. (a) 透過型透明マントの構成図. (b) 複素電界の振幅および位相分布.

(3)図5に試作した透過型透明マントを示す.カーペットクロークと同様に平面波を入射するために, 左から4セル目にメタサーフェスレンズを配置しており, レンズの焦点は左端の列の中央の単位セルの左側のノードの位置に設定している. この部分以外の境界のノードには1cm程度離れた位置にランドとスルーホールビアを設け, ノードとランド間を整合用の50 のチップ抵抗を半田付けして接続している.

透過型透明マントについては実験は未実地のため、今後はカーペットクロークの場合とほぼ 同様の方法で近傍電界測定を行い、性能評価を行う予定である. その後は論文誌への投稿や、 音波に対して動作する透過型音響透明マントへの展開等を行う予定である.



図 5 試作した透過型透明マント.平面波を入射するために左側にメタサーフェスレンズを構成しており, 同レンズの焦点の位置(左端の列の中央のノード)に同軸コネクタおよび同軸ケーブルを接続し、そこか ら電磁波を入射することを想定して試作している.

<引用文献>

T. Nagayama and A. Sanada, "Planar distributed full-tensor anisotropic metamaterials for transformation electromagnetics," *IEEE Transactions on Microwave Theory and Techniques*, vol. MTT-63, no. 12, pp. 3851-3861, 2015.

Y. Sonoda, T. Nagayama, T. Watanabe and S. Fukushima, "Design of a Bloadband Carpet Cloak for Hiding Larger Objects than the Wavelength by Using One-Dimentional Meander Microstrip-Line Structures," in *2022 IEEE Asia-Pacific Microw. Conf. (APMC)*, Nov. 2022, pp.76-78.

C. Christopoulos, *The Transmission-Line Modeling Method: TLM*. New York, NY, USA: IEEE, 1995.

I. Suhara, T. Nagayama, S. Fukushima, and T. Watanabe, "Design of a Broadband Flat Metasurface Lens by Using One-Dimensional Meander Microstrip-Line Structures", in 2023 Photonics and Electromagnetics Research Symposium, July 2023, pp. 1899-1904.

T. Nagayama, "Design Method for Broadband Invisible Cloaks by Using Straight and Meander Transmission-Lines," in *2022 IEEE Int. RF and Microw. Conf. (RFM)*, Dec. 2022, pp. 1-4.

5.主な発表論文等

〔雑誌論文〕 計3件(うち査読付論文 3件/うち国際共著 0件/うちオープンアクセス 0件)

1.著者名	4.巻
Nagayama Tsutomu	-
2.論文標題	5 . 発行年
Design Method for Broadband Invisible Cloaks by Using Straight and Meander Transmission-Lines	2022年
3.雑誌名	6.最初と最後の頁
2022 IEEE International RF and Microwave Conference (RFM)	1-4
掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子)	査読の有無
10.1109/RFM56185.2022.10065136	有
「オープンアクセス	国際共著
オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難	-

1.著者名

1.著者名	4.巻
Sonoda Yuki, Nagayama Tsutomu, Watanabe Toshio, Fukushima Seiji	-
2.論文標題	5 . 発行年
Design of a Broadband Carpet Cloak for Hiding Larger Objects than the Wavelength by Using One-	2022年
Dimensional Meander Microstrip-Line Structures	
3.雑誌名	6.最初と最後の頁
2022 Asia-Pacific Microwave Conference (APMC)	76-78
掲載論文のD01(デジタルオブジェクト識別子)	査読の有無
10.23919/apmc55665.2022.9999886	有
オープンアクセス	国際共著
オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難	-

1.著者名	4.巻
Suhara I.、Nagayama T.、Fukushima S.、Watanabe T.	-
2.論文標題	5 . 発行年
Design of a Broadband Flat Metasurface Lens by Using One-Dimensional Meander Microstrip-Line	2023年
Structures	
3. 雑誌名	6.最初と最後の頁
2023 Photonics & Electromagnetics Research Symposium (PIERS)	1899-1904
掲載論文のDOI(デジタルオブジェクト識別子)	査読の有無
10.1109/piers59004.2023.10221359	有
	-
オープンアクセス	国際共著
オープンアクセスではない、又はオープンアクセスが困難	-

〔学会発表〕 計0件

〔図書〕 計0件

〔産業財産権〕

〔その他〕

永山研究室ホームページ https://www.eee.kagoshima-u.ac.jp/~t-nagayama/

6.研究組織

	氏名 (ローマ字氏名) (研究者番号)	所属研究機関・部局・職 (機関番号)	備考
	福島 誠治	理工学域工学系・教授	*2022年度,2023年度
研究協力者	(Fukushima Seiji)		
	(10610214)	(17701)	
	渡邉 俊夫	理工学域工学系・准教授	*2022年度,2023年度
研究協力者	(Watanabe Toshio)		
	(90524124)	(17701)	
	<u>有田</u> 悠希	理工学研究科	*2022年度のみ(修士2年次のみ)
研究協力者	(Sonoda Yuki)	(17701)	
	須原 出海	理工学研究科	*2022年度,2023年度(修士1年,2年)
研究協力者	(Suhara Izumi)	(17701)	

相手方研究機関

7.科研費を使用して開催した国際研究集会

〔国際研究集会〕 計0件

8.本研究に関連して実施した国際共同研究の実施状況

共同研究相手国