科学研究費助成事業 研究成果報告書



平成 26 年 6 月 1 6 日現在

機関番号: 14501 研究種目: 基盤研究(C) 研究期間: 2011~2013

課題番号: 23580333

研究課題名(和文)集水域水質モデルと簡便な負荷量予測式の開発

研究課題名(英文) Development of the simple load estimation formula based on catchment-scale water qua

Ity models

研究代表者

多田 明夫 (TADA, Akio)

神戸大学・(連合)農学研究科(研究院)・准教授

研究者番号:00263400

交付決定額(研究期間全体):(直接経費) 4,100,000円、(間接経費) 1.230.000円

研究成果の概要(和文): 本研究は集水域からの物質流出量である流出負荷量の区間推定をおこなうため,負荷量予測式・水質応答モデルの改良を目指したものである、研究の結果,水質応答モデルが実際の水質濃度や瞬間流出負荷量の実測値に対して高い再現性を有することが重要なのではなく,流出負荷量水質試料のサンプリング法も含めた流出負荷量推定のこれまでの考え方自体に問題があることが明らかとなった、効率的なモンテカルロ数値積分法である重点的サンプリング法を適用することで,適切な流出負荷量の区間推定法を構成できるだけでなく,従来種々の方法で収集蓄積されてきた水質データに基づいても,適切な流出負荷量の区間推定を行うことが出来るようになった.

研究成果の概要(英文):This research aimed at the establishment of the interval estimation method for mas s load from a catchment ecosystem through the improvement of the performance of the water quality numerica I/statistical model. As a result, it became apparent that the main hurdle to the proper interval estimatio n lies not in the improved performance of the water quality models but in the fundamental idea to calculat e the mass load itself. An application of the importance sampling method, which is the one of the representative efficient Monte Carlo numerical integration methods, was an the right answer for this purpose. The importance sampling method gives the appropriate interval estimation methods of the mass load, not only as the new water quality monitoring method but also for the accumulated water quality data by the different sampling methods so far.

研究分野: 農学

科研費の分科・細目: 農業工学・地域環境工学・計画学

キーワード: 流出負荷量 区間推定 モデル 重点的サンプリング モニタリング 面源 原単位

1.研究開始当初の背景

1年といったある特定の期間における集水域からの物質の流出量である流出負荷量の値は,非特定汚染源からの発生源原単位の推定の基となる数値であり,また地球化学的な観点からは集水域の物質収支特性を評価するための基礎となる数値でもある.砂防の観点からは土壌侵食量の推定にも利用される.それにもかかわらず,この値の推定法は科学的に確立されておらず,そのためのモニタリング法についても科学的定見が無い状態であった.

流出負荷量の推定に関わる数学的・科学的 問題点が指摘されたのは 1970 年代後半の米 国においてであった.その後,様々なサンプ リング方法と負荷量の算出方法の組み合わ せが提案され、今日に至っている、研究開始 当初の時点でも現時点でも,流出負荷量の偏 り無い推定法とそのための水質試料のサン プリング方法に関して,こうすれば良いとい う手法は提案されていない. はっきりしてい るのは,どのような手法の組み合わせを用い て,良い推定量を与える汎用的な方法はない, ということである.またこのような手法の確 立を行うためには,高頻度の水質濃度と流量 データが必要であり,それらに基づく真の流 出負荷量値の代用値を正しく推定する必要 があるが, そのような高頻度の水質観測デー タが論文として公表されるようになったの は 2000 年代後半となってからである.また 流出負荷量の偏りを評価する手法について も,十分な共通認識が存在していなかった.

流出負荷量の推定の問題は大きく分けて,現地河川において水質試料をいつ採取するかというサンプリングの問題と,そうして高出負荷量の値を算出するかというり出手法の問題がある.前者では定期サンプリングを前提として,どの程度まで頻度を研究を前提として,どの程度まで頻度を研究、が一般的であり,後者では平均法、レイティングカーブ法(代表の間流量と瞬間流出負荷量の間があるLQ式を用いた方法)のいずれかの推定法を採用して計算するというのが一般的であった.

 度の誤差で流出負荷量が推定できるか,とい うこと自体が未だに不明なのである.またこ れまで様々な研究で報告されてきた流出負 荷量の値も,用いるデータが同一であっても 採用する計算方法次第で異なる値となるこ とは明白で、どのような計算方法が適切かわ からない以上,その信頼性は担保されえず, このためにそのようなデータを集積したさ らなる解析の実現を困難としていた(あるい は,その様な解析の科学的な信頼性を著しく 損なわせるものとなっていた). 最も悲劇的 な点は,流出負荷量の値は「測ってみないと わからない」のではなく、「測ってみてもよ くわからない」点である.このような状況に もかかわらず,時代の要請を受け,これまで 様々な期間に対して,また様々な国において, 集水域からの流出負荷量を推定するための 貴重なデータが研究者それぞれの方法によ り収集・蓄積されている. そういったデータ を統一的に再吟味し,不偏な流出負荷量の推 定を可能とし,より適切な流域水質統合管理 を可能とするような手法も同時に要請され ている.

上記のような問題の解決に向けて,研究代 表者らは長年研究に取り組んできた.そのた めに,奈良県の山林流域で溶存態の水質項目 と濁度の10分~15分おきの高頻度観測を行 い,まず真値に相当するデータの取得に努め た.次に,十分な高頻度データに基づいて流 出負荷量の区間推定を行ってきた.区間推定 量を求める理由は,もし推定法が偏り無いも のであれば,区間推定量の被覆確率(真値を 信頼区間内に含む確率)が,標本数にかかわ らず、設定した信頼水準に近い値をとるはず であり , そうでない場合には推定法に何らか の問題があることが明らかとなるためであ る.また流出負荷量の区間推定が可能となれ ば,閉鎖性水域への流入負荷量の水質管理を 行う場合,確率論に基づいて管理を行える. 点推定量に基づく管理は,統計学的に見ては なはだ非効率である(推定量の推定誤差が正 規分布と仮定すれば,点推定値は非超過確率 50%の値に過ぎず,この値を基に水質基準 を設けても,水質目標が達成される確率は5 0%にしかならない).

研究開始時における著者らの流出負荷量に関する研究成果として,レイティングカーブ法と定期サンプリング法の組み合わせでは,区間推定量の被覆確率が標本数に依存すること,必ずしも標本数が多いことが推定の良否に結びつかないこと,水質項目で推定結果が異なり上記区間推定法の汎用性が低してまたサンプリングく方法を最上とがわかった。またサンプリングく方法を最上とがわかった。またサンプリングく方法を最上とがわかった。またサンプリングく方法を最上とがわかった。場合でも、適切な区間推定を行える荷見とがわかっていた。以上より、流出自て、大きな原因の一つに、以上より、流出自て、大きな原因の一つに、大きな原因の一つに、大きな原因の一つに、大きな原因の一つに、大きな原因の一つに、大きな原因の一つに、大きな原因の一つに、大きな原因の一つに、大きな原因の一つに、大きなどから水質に、大きなどから水質に、大きなどがあるとで、大きなどの再現能力が低いこ

とが想定された.このため,当時の研究代表者には,この部分の改良が,流出負荷量の不偏推定に結びつく可能性が高いと判断された.

(引用)

Thomas, R. B., Monitoring baseline suspended sediment in forested basins: the effects of sampling on suspended sediment rating curves, Hydrological Sciences Journal 33(5), 499-514, 1988

2. 研究の目的

研究の大目的は,流出負荷量を偏り無く 推定することであり,その区間推定法を確 立することである.

総流出負荷量の区間推定において,従来よく利用されてきた種々の負荷量の平均値計算法や流量と濃度の回帰モデルをベースとする場合,モデルの構造に起因する偏り(系統誤差)を取り除くことができず,その信頼性が低下することが明らかとなずっている.この点を改善するためには,流量でいる.この点を改善するためには,流量荷量推定法を検討するか,あるいは新たな同帰式や水質応答モデルを開発する必要がある.

これらのモデルにより水質変動の予測および時系列の推定を行った上で、これらのモデルの良否を負荷量の推定の確からしさの評価、あるいは推定値のバイアスの大きさの評価により判定することが具体的な当初の研究目的であった、流出負荷量の推定値の確からしさは bootstrap 法を利用した区間推定により行うこととした、

(引用)

Beven, K. et.al., TOPMODEL, in Computer Models of Watershed Hydrology, pp.627-649, 1995

Godsey, S.E et.al., Concentration.discharge relationships reflect chemostatic characteristics of US catchments, , Hydrological processes, 23,1844-1864, 2009

3.研究の方法

研究方法は,データのモニタリング,流出負荷量の推定モデルの構築から構成される.

(1)水質モニタリング

水質データのモニタリングは,2009 年以降の期間において,奈良県の小山林流域(12.82ha)にて実施した.調査流域の土地利用は自然植生の山林(雑木林)と檜の植林地帯からなり,施肥などの物質投入はこれを行われていない.また流域内に存在した谷田も 1990 年以降耕作放棄されていることでは1980 年から継続して水文観測が行われているだけでなく,これまでに種々の流出解析が実施され,かつ土壌物理データなども蓄積されており,また過去の水質観測データも存在しているところである.

研究対象とする評価項目は,ナトリウム (Na⁺), カリウム(K⁺), 塩化物(Cl⁻)の3種の溶 存イオン濃度と,積分球式式濁度計による濁 度から換算した懸濁物質(SS)濃度である.こ れらの濃度データは 10~15 分間隔で高頻度 モニタリングされた値であり,流量とともに 毎正 10 分間間隔の観測値に整理されて,解 析に供される. 濁度と懸濁物質濃度の関係は, 渓流水位上昇時に採水される自動採水機に よるサンプルに基づいて決定されたが,線形 性の高い関係式を立てることができた(両対 数紙上での濁度と懸濁物質濃度の単回帰の 傾きが 1.1). この回帰式と濁度の値から得ら れる懸濁物質濃度は,溶存項目と比較して, より流量依存性とヒステリシスの強い水質 時系列となっている.更に,自動採水器では 定期サンプリングも併せて行い, それらの試 料のイオン成分やケイ酸塩濃度も分析して、 解析に供することとした.

なお本研究では,溶存項目の3項目は研究 代表者の開発した FIP (Flow Injection Potentiometry)連続モニタリングシステムを 利用して観測している.

流量および降水量データは、同流域に設置した自記水位計・雨量計により、毎正 10 分値のものを利用した.これらのデータは流域からの流出負荷量の真値を算出するのに必要なばかりでなく、様々なモデルの構築やサンプリング手法のシミュレーションに利用される.

(2)水質応答モデル・流出負荷量予測モデルの構築

流量や雨量,時刻などの情報から水質濃度 や瞬間流出負荷量の値を推定するモデルを 水質応答モデルと呼ぶ. 従来の瞬間流量と瞬 間流出負荷量館のべき乗型回帰式である LQ 式のような単純なものではなく、 流出モデ ルである TOPMODEL に地球化学的な土壌 と水質濃度の関係を規定する Godsey のモデ ルを組み合わせた水質応答モデル . ニュー ラルネットワークを利用した濃度予測や時 系列モデルによる濃度予測モデル , より 物理的なプロセスを意識した貯留モデルな どを利用する.特に に関しては,土壌の 接触時間と水質濃度の変化を実験により求 め、これと整合性を保つようなモデル構造 を模索するものとする.

併せて,モデルの水質濃度・瞬間流出負荷量に対する再現性・表現力の向上が流出負荷量推定に及ぼす影響を調べるために,LOWESS 回帰を担いた評価も実施する.

(3)信頼区間の構成方法

流出負荷量の信頼区間の構成は、Bootstrap 法によって行う。Bootstrap 法といっても信頼 区間構成法には様々な手法が提案されており、代表的なものでも基本ブートストラップ 信頼区間、パーセンタイル法、ブートストラップ t 法、BCa 法、分散安定化ブートストラップ t 法、マルチスケールブートストラップ法などがある。これらのうち、流出負荷量の区間推定に適した手法を調べる必要があり、併せて検討した。

4. 研究成果

(1)研究の推移

平成23~24年度前半まで

まず, 奈良県の山林流域における溶存態と 懸濁態の複数水質項目の高頻度モニタリン グの実施と水質モデルの開発・シミュレーシ ョンを行った.水質モデルとしては TOPMODEL と Godsey の地球化学モデルを統 合し,高頻度のナトリウム水質濃度観測デー タと低頻度ではあるが土壌の影響が顕著な ケイ酸塩濃度データに対してモデルを適用 し,その濃度の再現性について検証した.そ の結果, そのような水文水質数値モデルを用 いたとしても,流量の再現性が格段に改良さ れない限り,かえって水質濃度のシミュレー ション再現性は低下すること, モデルの導入 により,流量に対する水質濃度のヒステリシ ス応答などの物理的な水質応答の再現は可 能となるが,負荷量推定の面からは従来の LQ 式などによる手法と比較して推定量の改 良に結びつきがたいこと、モデルで考慮して いない要因に起因する変動は全く説明が困 難であり,これも流出負荷量の推定量の改良 に結びつかないことが明らかとなった.

これまで,瞬間流量と瞬間流出負荷量が両対数紙上で線形関係を有すると仮定することができるため,べき乗型のLQ式がレイティングカーブとして採用されてきたが,この線形回帰にLOWESS回帰を利用することで,水質応答モデルの再現性が向上したと仮定した場合の,流出負荷量の推定精度の心を高ができたといても、水質モデルの予測誤差について、系統誤差を減ずることができたとしてきるものとは負荷量の区間推定は十分満足できるものとならず,この結果流出負荷量の推定量も必ず偏りを有することがわかった.

特に後者の知見は当該研究テーマの課題設定および流出負荷量推定の偏りの原因に関して抜本的な問題を提起するものであった.これを受け,研究期間の中央で課題設定・大目的に到達するためのアプローチを見直すこととなった.

平成24年度後半~25年度

その時点までの研究成果の見直しと追加 の検討により,結局負荷量の推定の問題点は 水質応答モデルの表現力にあるのでなく,流 出負荷量という積算量の計算法の非効率性 にあることがわかった. すなわち, 効率的な モンテカルロ数値積分の一つである重点的 サンプリングを負荷量推定に利用すること で,遂に適切な流出負荷量の区間推定法を実 現することができた.併せて,既に収集され た水質・水量データに対して同手法を援用す ることで,偏りのない流出負荷量を得ること も可能となった.ブートストラップ法も適切 な区間推定量を与える手法を選択すること ができた.もし不適切なブートストラップ手 法を選んでしまうと,区間推定結果(被覆確 率の値)が標本数に依存して変化してしまう こともわかった.

(2)得られた成果

集水域からの流出負荷量の不偏推定法および区間推定法について得られた知見は以下の通りである.

10 個程度以上のデータがあれば,適切に流出負荷量の区間推定を行うことが可能である.

これまでの流出負荷量の推定法は考え方に根本的な誤りがあり、ただ適切な推定値を与えることができていたのは Thomas(1985)が提案した SALT 法のみである.

Thomas のその後の論文での SALT 法の扱いを見れば明らかであるが, SALT 法がなぜ不偏推定量を与えるかについての数学的理解がこれまでされていなかった.このため, Thomas はその後 SALT 法を単なる水質試料のサンプリング法として独立させてしまったが,これは致命的な誤りであった. SALT 法の本質は,負荷量推定への重点的サンプリング法の適用である.このため, Thomas (1985)の論文に示した負荷量推定法が適切なのであり,サンプリング法と負荷量算出法を独立・分離することは不可である.

重点的サンプリングと適切なブートストラップ法の組み合わせにより,サンプル数,水質項目に関わらず,流出負荷量のおおよそ適切な区間推定が可能となった.ただし,データ数が小さな場合には,必ず偏りを生じるので,その修正が必要となる.この修正も考慮した流出負荷量の区間推定結果の例を以下に示す.

Table Coverage rate for 95% Confidence Interval of mass load from an experimental catchment (%)

Number of	SS	K ⁺	Cl ⁻	Na ⁺
samples				
10	95.2	93.8	95.1	93.3
20	93.1	93.0	92.4	93.3
50	95.4	93.9	92.8	94.8
100	94.5	95.4	93.8	95.1
200	95.2	94.6	95.3	94.7

この表より,水質項目,標本サイズにかかわらず,おおよそ適切な被覆確率を得ることができていることがわかる.

重点的サンプリング以外の方法で収集されたデータに対しても,本手法を適用することで,流出負荷量の適切な区間推定を行うことが可能である.

流出負荷量の推定に利用する水質モデルが満たすべき条件は,予測残差ができるだけ仮定する誤差分布(正規分布や対数正規分布)に近く,いわゆる回帰モデル適用の条件を満たすことである(回帰分散が変量に依存せず一定であること,残差の期待値がゼロであること,残差が確率分布に従うこと).予測残差が小さな程,信頼区間の幅は狭くなる.

水質モデルに系統誤差が認められる場合, 重点的サンプリングを用いても十分な信頼 区間の構成ができない.この場合には水質応 答が変化するような特定の流量で流量層別 サンプリングを行い,それぞれの区間でモデ ルを決定すべきである.例えば全データを低 水と高水に分割して,回帰式を立てることが 具体的な対策として考えられる.

重点的サンプリングでは事前に流量と水質濃度・負荷量の関係式を決定しておかなければならないが,この関係式が実際に得られたデータと異なる場合には推定量に偏りを生じる.これを解消するには の考え方を適用すれば良いが,流出負荷量の推定効率は低下する(信頼区間が広くなる).このペナルティを回避する方法を模索すべきである.

流出負荷量の区間推定への諸要因の影響は以下のようである.流量データの分布と流量・水質モデルの関数形は,サンプリングを行うタイミングに影響する.推定量の信頼区間幅は水質モデルの予測分散と標本数に依存する.つまり,流出負荷量の推定量への諸要因の影響の仕方を数学的に解釈・説明することが可能となった.

従来の定期サンプリングの頻度をどこまで高めれば良い流出負荷量が得られるか、というアプローチははなはだ非効率な考え方であり、全水質項目でそれを実現するための答えは、連続してサンプリングすること以外にない.これは、通常のモンテカルロ積分で、良い推定量を得るためにはシミュレーション回数を非常に大きくしなければならないことに対応する.このため、効率的なモンテカルロ積分法である重点的サンプリング法がこの問題の解決策として有効であった.

水質濃度の発生頻度分布や非超過確率を得るためのサンプリングと,水質濃度の流量荷重平均値あるいは流出負荷量を得るためのサンプリング法は異なるものである.前者は後者の目的に対しては非常に非効率である.

水質試料のサンプリング法に,コンポジットサンプリング法がある.これは一定時間毎に決まった試料を混合するか,あるいは一定の積算流量毎に,一定流量を採取して混合し,

その間の平均濃度を得るものである.後者は離散的な流量コンポジットサンプルと呼ばれる.重点的サンプリングの考え方に基づけば,流量コンポジットサンプリング試料は,離散的な手法で混合されていれば,必ず真の値から偏ることになる.下水道の試料分析などにこの手法は利用されているが,見直しが必要であろう(連続的に試料が流量に比例した量で分取されて混合されていれば問題ない).

(3)成果の国内外における位置づけとインパクト

以上の成果は非常に重要で,おそらく初めて流出負荷量の推定法の問題点を数学的に説明することに成功したばかりでなく,面源原単位の見直し,離散的流量比例サンプリング法の必然的偏りの指摘など,その影響範囲は広範である.

(4)今後の展望

本研究の主な成果は水文学と水質汚濁研究の分野に貢献するものであり,また流量比例コンポジット試料の問題点は後者に対して影響が大きい.

今回の成果では,重点的サンプリング法に 基づいて現地で採水計画を立てる場合の流 出負荷量推定のペナルティの軽減方法(前々 項 の問題点),急激な流量増加時に対する 自動採水器側の物理的制限(例えば5分以内 に次の採水すべきタイミングが発生したと しても,機械的に採水が不可能な場合がある ことなど)への対応などの,改良を図るべき 課題が残されている.また流出負荷量の信頼 区間も被覆確率は満足できるものだが,両側 確率で危険率を考えているにもかかわらず 標本数が小さい,あるいは回帰の残差分散が 大きな場合に,中央より過小評価側に偏った 信頼区間を構成している.後者の問題の解決 策は既にわかっているので,その検証を急ぐ 予定である.同時に,同解決策によって,前 掲の表に見られるような標本数が 20~50 当 たりで被覆確率が若干低下する問題も改善 されることが予想されている.

最後に,本手法を通じて,初めて流域単位の水質統合管理が,ある程度科学的に検証することができるようになると考えている.本手法による既存データの利活用,新たなサンプリング計画の樹立を期待したい.

また,従来の方法による面源負荷量はすべからく過小推定されている可能性が高いことも今回の研究を通じてわかってきた.このため,過去に推計に利用されたものと同一のデータを用いて再解析をおこなうことで,例えば琵琶湖や霞ヶ浦などの閉鎖性水域への流入負荷量の推定自体に大きな変更が生じる可能性が高い.この観点から,関係の研究機関・行政機関と協力して,この面の再評価に対きたいきたいと考えている.

(引用)

Thomas, R.B., Estimating Total Suspended Sediment Yield with Probability Sampling, Water

5 . 主な発表論文等

[雑誌論文](計 1 件)

栗原周平・<u>多田明夫</u>・田中丸治哉,山林 小流域からの溶存物質の総流出負荷量の 推定法の評価,農業農村工学会論文集, 査読有,2013,286,77-86

[学会発表](計 11 件)

Akio Tada, Yuka Kuribayashi, and Haruya Tanakamaru; Estimating Loads from a Small Forested Catchment; An Evaluation Based on High-frequency Water Quality Data, AGU fall meeting 2013, Dec. 9th - 13th, 2013, Moscone Center, San Francisco, USA.

栗林由佳・<u>多田明夫</u>・田中丸治哉,小標本集団に基づく SS の総流出負荷量の推定について,農業農村工学会京都支部第70回研究発表会講演要旨集,農業農村工学会京都支部第70回研究発表会講演要旨集,2013年11月13日~11月14日,京都テルサ

多田明夫・田中丸治哉・栗原周平,サンプリング法の負荷量推定への影響,平成25年農業農村工学会大会講演会講演要旨集,2013年9月3日~9月5日,東京農業大学

栗林由佳・<u>多田明夫</u>・田中丸治哉,山林 小流域からの懸濁物質の総流出負荷量の 区間推定について,平成25年農業農村工 学会大会講演会講演要旨集,2013年9月 3日~9月5日,東京農業大学

多田明夫,田中丸治哉,山林からの溶存イオン流出負荷量の LOWESS 法による区間推定について,2012,水文・水資源学会 2012 年度研究発表会要旨集,2012 年09月27日~09月28日,広島市西区民文化センター

栗林由佳,<u>多田明夫</u>,田中丸治哉,SALT 法を利用した山林流域からの懸濁物質負荷量の推定について,2012,水文・水資源学会2012年度研究発表会要旨集,2012年09月27日~09月28日,広島市西区民文化センター

多田明夫,田中丸治哉,流出負荷量の区間推定における bootstrap 法の適用について,2012,平成24年度農業農村工学会大会講演会講演要旨集,2012年09月18日~09月20日,北海道大学

栗原周平,<u>多田明夫</u>,田中丸治哉,LQ式を用いた流出負荷量推定の留意点について,2012,平成24年度農業農村工学会大会講演会講演要旨集,2012年09月18日~09月20日,北海道大学

栗原周平,<u>多田明夫</u>,田中丸治哉,確率 的サンプリングを用いた流出負荷量の区 間推定について,農業農村工学会京都支 部第68回研究発表会,2011年11月17

日,奈良県文化会館

多田明夫,田中丸治哉,確率的サンプリングを利用した打ち切りデータに基づく 懸濁物質負荷量の区間推定,平成23年度 農業農村工学会大会講演会,2011年9月7日,九州大学箱崎キャンパス

栗原周平,<u>多田明夫</u>,田中丸治哉,山林流域からの流出負荷量の区間推定について,平成23年度農業農村工学会大会講演会,2011年9月7日,九州大学箱崎キャンパス

6. 研究組織

(1)研究代表者

多田 明夫 (TADA, Akio)

神戸大学・(連合)農学研究科(研究院)・ 准教授

研究者番号:00263400