

科学研究費助成事業(学術研究助成基金助成金)研究成果報告書

平成25年 6月 6日現在

| 機関番号: 32619 |
|---|
| 研究種目:挑戦的萌芽研究 |
| 研究期間:2011~2012 |
| 課題番号:23656469 |
| 研究課題名(和文)無容器浮遊溶融凝固熱分析装置の試作 |
| |
| 研究課題名(英文) Manufacturing of Apparatus for Differential Thermal-analysis during |
| Containerless Solidification |
| 研究代表者 |
| 栗林 一彦(KURIBAYASHI KAZUHIKO) |
| 芝浦工業大学・工学部・教授 |
| 研究者番号: 70092195 |
| |

研究成果の概要(和文):無容器過冷却凝固法により得られる六方晶の準安定 RFeO₃(*h*-RFeO₃、 R:希土類元素)の生成条件に関して、代表者らの提案した「過冷したメルトからの凝固においては 平衡相よりも高エントロピーの相、すなわち融解エントロピーの小さな相が優先する」という、 エントロピーと過冷度についてのクライテリオン(Entropy-Undercooling Regime Criterion, *Material Science and Engineering A*, 449-451 (2007) 675)の検証を目的とする実験装置を試作し、同クライテ リオンの妥当性を示した。

研究成果の概要(英文): On the thermo-dynamical condition for metastable phases formation from undercooled melt in containerless state, we had proposed a criterion, that is, crystals showing a smaller entropy of fusion than that in the equilibrium crystals can be preferentially formed (*Material Science and Engineering A*, **449-451** (2007) 675). In the present investigation, the validity of this criterion was experimentally verified.

交付決定額

| | | | (金額甲位:円) |
|-------|-----------|---------|------------|
| | 直接経費 | 間接経費 | 合 計 |
| 交付決定額 | 2,600,000 | 780,000 | 3,380,000 |

研究分野 : 工学 科研費の分科・細目 : 材料工学・材料加工・処理 キーワード : 無容器凝固、準安定相、ガス浮遊炉、希土類鉄酸化物

1. 研究開始当初の背景

これまでに代表者らはRFeO₃(R:希土類元素) において無容器過冷却凝固法により近年 multiferroic material の有力な候補として注目 されている六方晶(*h*-RFeO₃)の生成を報告して きた。さらに代表者らは*h*-RFeO₃は準安定相で あることからその生成条件に関して「過冷した メルトからの凝固においては平衡相よりも高 エントロピーの相、すなわち融解エントロピー の小さな相が優先する」との仮説を立て、エン トロピーと過冷度についてのクライテリオン (Entropy-Undercooling Regime Criterion, *Material* Science and Engineering A, **449-451** (2007) 675)を 提唱した。このモデルでは、 ΔS_f 、 ΔT をそれぞ れ融解のエントロピー、過冷度、また下付文字 のs, msを、それぞれ安定な平衡相、準安定な相 とすれば

$$\frac{\Delta S_{f,m}}{\Delta S_{f,s}} < \left(\frac{\Delta T_{ms}}{\Delta T_s}\right)^2 \tag{1}$$

が満たされた場合に、準安定相が安定相に替っ て出現するというものである。

図1は、液相(L)、安定相(S_s)、準安定相(S_{ms}) の自由エネルギーの温度依存性の模式図であ



図 1. 液相(L)、安定相(S^{*})、準安定相(S^{ms})の自由エ ネルギーの温度依存性の模式図。

る。図から明らかなように準安定相の(仮想的) 融点は平衡相のそれよりも低い。また圧力一定 の下での Gibbsの自由エネルギーの温度によ る微係数はエントロピーに負号を付したもの であるから、三相のエントロピー S_L , S_s , S_{ms} の間 には $S_L > S_{ms} > S_s$ の関係があり、したがって ΔS_f には、 $\Delta S_{f,s} > \Delta S_{f,ms}$ の関係が成り立つ。すなわち、準安 定相は平衡相よりも低融点で高エントロピー の相となる。一方、核生成の古典論によれば臨 界核生成のためのエネルギー障壁 ΔG^* は次式

$$\Delta G^{*} = \frac{16\pi}{3} \frac{\gamma^{3}}{\Delta G_{\nu}} f(\theta)$$
 (2)

で与えられ、固液界面エネルギーγが支配因子 となることが知られている。このγ について Spaepenらは負のエントロピーモデル(Scripta Metall, 10, 1976, 257-263)を提唱、yは無次元化パ ラメターαでスケールされ、fcc結晶では0.86、 bcc結晶では0.71となることを報告した。同モデ ルはオーステナイト系ステンレス鋼における 相選択現象をよく説明するところから、fcc/bcc の相選択の解析に多く用いられてきた。しかし ながら同モデルは荒れた界面を前提としてお り、原子レベルで平坦なファセット界面には適 用できないことは明らかであろう。この点から 代表者らはファセット界面を有するイオン結 晶、半導体では、γはαではなく、融解・凝固に おけるエントロピー変化 ΔS_f そのものに支配 されるとの仮説を提唱した。この仮説に基づけ ば、異質核生成サイトとの濡れ性の指標である f(の)が安定相と準安定相で等しいとすれば、準 安定相が生成されるための条件 $\Delta G_s^* > \Delta G_{ms}^*$ は

式(1)で与えられる、というのが同モデルの主旨 である。式(1)は、さらに書き下すと

$$\Delta T_{s} \geq \frac{\left(\Delta S_{f,s}\right)^{\frac{1}{2}} \left(T_{E,s} - T_{E,ms}\right)}{\left(\Delta S_{f,s}\right)^{\frac{1}{2}} - \left(\Delta S_{f,ms}\right)^{\frac{1}{2}}}$$
(3)

となり、

$$\overline{\Delta T} = \frac{\Delta T_s}{T_{E,s}}, \quad \overline{\Delta S_f} = \frac{\Delta S_{f,ms}}{\Delta S_{f,s}}, \quad \overline{T_{ms}} = \frac{T_{E,ms}}{T_{E,s}}$$

により無次元化すれば

$$\sigma_{st} = \frac{\overline{\Delta T} \left\{ 1 - \left(\overline{\Delta S_f} \right)^{\frac{1}{2}} \right\}}{1 - \overline{T}^{ms}} \ge 1$$
(4)

となる。すなわち準安定相が生成する際の過冷 度 ΔT と、安定相と準安定相の融点 $T_{E,s}$ 、 $T_{E,ms}$ 、 および融解に伴うエントロピー変化 $\Delta S_{f,s}$ 、 $\Delta S_{f,ms}$ が明らかになれば同クライテリオン σ_{sl} が評 価できることになる。



図 2. ADL(Aerodynamic levitator の模式図。 2. 研究の目的

以上、本モデルは、半導体、酸化物等のフ アセット界面を呈する物質への適用を念頭に 提唱されたものであるが、これまでところモ デルの妥当性を裏付ける実験データを得るに は至っていなかった。この点から本研究では、 無容器過冷却凝固時の準安定相の融解エント ロピーの測定を可能にするべく、示差熱分析 の手法を取り入れ、同装置による準安定相生 成についての上記クライテリオンの妥当性の 実験的検証を行うことを目的とした。

3.研究の方法

図2は本研究で使用した浮遊溶融装置 (Aero-dynamic Levitator: ADL)の模式図である。 原理はノズルの入り口と出口の流速差に基づ く流体圧力差を利用して試料をノズル開口部 にトラップし、ノズルの上部から炭酸ガスレ ーザー光を照射して溶融するというものであ る。試料温度は2色のパイロメターにより計 測し、PO₂は高純度のアルゴンと酸素の混合 により調節する構造となっている。 さらに 本研究ではRFeO₃において絶対的な安定相で ある斜方晶(o-RFeO₃)を得る目的で、ADLの ノズルを模した Cu-hearth を使った凝固も併 用した。

図3は、ADLにより過冷却凝固を行った際の温度(T)と時間(t)の関係の模式図である。



図 3 浮遊炉により酸化物の過冷却凝固を行った際の温度(T)と時間(t)の関係。 $O \partial H/\partial t = const.$ と仮定した場合。O実際の凝固過程。



図4. 示差熱測定の手法を応答したデータの例。 A は参照用 (標準) 試料、B は実験試料である。

Dulong-Petit 則および $\partial H/\partial t = \text{const.}$ すなわち $\partial T/\partial t = \text{const} を 仮定すれば T-t 曲線は ③ の点線$ $ように表され核生成温度 <math>T_n$ 、融点 T_E 、さらに は固相側の冷却曲線を延長することにより ΔT_{hyp} が得られる。しかしながら、酸化物では、 ほとんどの場合、Oのようになり、 ΔT_{hyp} はと もかく T_n 、 T_E は見かけ上低下する。ところが 式(3)から明らかなように、解析に必要な諸量 の多くは安定相と準安定相のそれぞれの絶対 値ではなく、それらの値の差、または比であ る。すなわち、図 4 のように $\partial T/\partial t = \text{const.} の$ 条件を課せば示差熱測定の手法を取り入れる ことで解析は可能になるというのが本研究の そもそもの動機である。

試料には、準安定相の生成に関してこれま でに報告してきた LuFeO₃を用い、併せて、 安定相を生成する GdFeO₃、YFeO₃、ErFeO₃、 YbFeO₃を用いて、データの補間を行った。解 析の手順としては、先ず ADL による無容器 過冷凝固時の *T*-*t* 曲線を測定し、次いで T_n 、 T_E を求め、そして過冷度 ΔT および ΔT_{hyp} を求 めた。また ΔS_f は次式より求めた。

$$\Delta S_f = \frac{C_P}{T_R} \Delta T_{hyp} \tag{5}$$

なお C_P としては Dulong-Petit 則、 すなわち 25 J/g·atom とした。

4. 研究成果

LuFeO₃において、図5に代表的に示すよう に ADL による無容器凝固試料はいずれも *h*-RFeO₃ 単相を示した。*T*-*t* 曲線からは *h*-RFeO₃の*T*_{E,ms}、 $\Delta T_{hyp,ms}$ はそれぞれ 1792 K、 85 K と得られ、したがって $\Delta S_{f,ms}$ =1.18582 J/g· atom と得られた。また安定相の *o*-RFeO₃につ いては Cu-hearth 上で ADL とほぼ同じ冷却速 度での凝固においても単相は得られなかった。 このため次に述べる方法により*T*_{E,s}、 $\Delta T_{hyp,s}$ の推定を行った。

 A^{3+} 、 B^{3+} から成る ABO₃ で記述される 3:2 酸化物(sesqui oxide)の構造安定性は A^{3+} 、 B^{3+} 、 O^{2-} のイオン半径(それぞれ r_A 、 r_B 、 r_O)から成 る寛容性因子(tolerance factor: *t*)

$$t = \frac{r_{\rm A} + r_{\rm o}}{\sqrt{2} \left(r_{\rm B} + r_{\rm o} \right)} \tag{6}$$

で表され、t > 0.9では立方晶が安定であるが、 tの減少と共に斜方晶から三方晶へと歪んだ 構造に変化することが知られている。もしも この構造歪みが結晶の構造安定性に関係する ならば、RFeO₃の T_E は、t、すなわち R³⁺のイ オン半径と一意の関係にあると考えることが できるだろう。この点から *o*-LuFeO₃の T_E に ついて、*o*-RFeO₃が得られる他の試料、すな わち tの異なる GdFeO₃、YFeO₃、ErFeO₃、



図 5. **a**: LuFeO₃における ADL による *T*-*t* 曲線。 **b**: 同試料の XRD パターン。●は *h*-RFeO₃の代表 的回折ピーク。



図 6. $T_E \ge \mathbb{R}^{3+}$ のイオン半径の関係。イオン半径 は Shannon の CN=9 を用いた。

YbFeO₃ について ADL による値を LuFeO₃ に 外挿することにより推定したのが図 6 である。 図から明らかなように \mathbb{R}^{3+} のイオン半径の減 少と共に T_E は低下、すなわち構造歪みの増大 と共に T_E は低下することが示唆される。これ により *o*-LuFeO₃ では 1824K と求められた。

なお ADL による YbFeO3 では o-RFeO3 と



図 7. **a**: Cu-hearth 上で凝固した YbFeO₃の T-t 曲線。**b**: 同試料の XRD パターン。●は *o*-RFeO₃ の代表的回折ピーク。



図 8. $\Delta S_f \ge \mathbf{R}^{3+}$ のイオン半径の関係。イオン半径は Shannon の CN=9 を用いた。

h-RFeO₃の混在組織となったため、Cu-hearth による実験から $T_{F} \approx 1830 K$ を得た(図7)。

同様に ΔS_f についても GdFeO₃、YFeO₃、 ErFeO₃、YbFeO₃の値を LuFeO₃に外挿したの が図 8 である。この結果、*o*-LuFeO₃の ΔS_f は 2.7 J/g·atom と推定された。

表1はこのようにして求めた諸量から式(4) に準じて計算した*osl*を示している。値にはば らつきがあり、*osl*>1を満たさないものもある が、概ね1前後の値を示しており、パイロメ ターによる温度計測の精度、ADLの宿命であ る試料内温度の不均一性など、実験誤差を考 えれば定性的ではあるが、当該のモデルの妥 当性は検証できたと言えるだろう。

| | $T_{E,ms}/$ | $T_{n,ms}$ / | $\Delta T_{hyp,ms}$ / | $\Delta T_s = T_{E,s}$ | $\Delta S_{f,ms}$ / |
|---|-------------|--------------|-----------------------|------------------------|---------------------|
| | Κ | Κ | K | $-T_{n,ms}$ | J/g•atom |
| 1 | 1782 | 1734 | 73 | 90 | 1.02413 |
| 2 | 1786 | 1716 | 72 | 108 | 1.00783 |
| 3 | 1785 | 1720 | 79 | 104 | 1.10644 |
| 4 | 1792 | 1727 | 85 | 97 | 1.18582 |
| 5 | 1784 | 1714 | 92 | 110 | 1.28923 |

表1. 準安定相生成のクライテリオンの計算

| | $\Delta T_{s}/T_{E,s}$ | $\Delta S_{f,ms} / \Delta S_{f,s}$ | $T_{E,ms}/T_{E,s}$ | σ_{st} |
|---|------------------------|------------------------------------|--------------------|---------------|
| 1 | 0.049342 | 0.3793 | 0.97697 | 0.823 |
| 2 | 0.05921 | 0.37327 | 0.97916 | 1.1053 |
| 3 | 0.05701 | 0.40979 | 0.97861 | 0.9591 |
| 4 | 0.053179 | 0.43919 | 0.98245 | 1.022 |
| 5 | 0.060307 | 0.47749 | 0.97807 | 0.84973 |

 $T_{E,s}$: 1824 K_x C_P : 25 J/g·atom

5. 主な発表論文等

(研究代表者、研究分担者及び連携研究者に は下線)

〔雑誌論文〕 (計8件)

(1) M. S. Vijaya Kumar, <u>K. Kuribayashi</u>, J. Yu, J.

T. Okada and R. Ishikawa,

Microstructure and Magnetic Properties of

Metastable RFeO₃ (R: Rare-earth element) Formed from Undercooled Melt,

Journal of the American Ceramic Society, **95** (2012), pp. 1-8. (査読有り) DOI: 10.1111/jace.12127 (2) Y. Ishibashi, <u>K. Kuribayashi</u> and K. Nagayama, Rapid crystallization of levitated and undercooled semiconducting material melts, JOM, **64** (2012), pp. 1102-1108. (査読有り) DOI: 10.1007/s11837-012-0423-0 (3) M. S. Vijaya Kumar, <u>K. Kuribayashi</u>, K. Nagashio, T. Ishikawa, T. Okada, J. Yu, J, S. Yoda and Y. Katayama, Real-time x-ray diffraction of metastable phases during solidification from the undercooled

 $LuFeO_3$ melt by two-dimensional detector at 1 kHz,

Applied Physics Letters 100 (2012), 191905. (査読 有り)

DOI: 10.1063/1.4712124

(4) K. Kuribayashi and M. S. Vijaya Kumar,
 Crystallographic Stability of Metastable Phase
 formed by Containerless Processing in REFeO₃
 (RE: Rare-earth Element)

The proceedings of the 2012 Symposium on Materials Research in Microgravity,

NASA/CP-201-217466, 2012, pp. 128-135. (査読 無し)

http://ntrs.nasa.gov/search.jsp?R=20120015582

(5) K. Watanabe, K. Nagayama and <u>K.</u>

<u>Kuribayashi</u>,

Morphological transition in crystallization of Si from undercooled melt,

Journal of Physics: Conference Series 327 (2011), 012018. (査読有り)

DOI: 10.1088/1742-6596/327/1/012018

(6) K. Kuribayashi and M. S. Vijaya Kumar,

Metastable phase formation from undercooled melt of oxide material,

Journal of Physics: Conference Series 327 (2011), 012019. (査読有り)

DOI: 10. 10.1088/1742-6596/327/1/012019

(7) M. S. Vijaya Kumar, N. Higaki, K.

Kuribayashi, T. Hibiya and S. Yoda,

Formation of Orthorhombic and Multiferroic

Hexagonal Phases from an Undercooled RMnO3

(R=Rare-Earth Element) Melt Using a

Containerless Technique,

Journal of the American Ceramic Society, 94 (2011), pp. 281-288. (査読有り) DOI: 10.1111/j.1551-2916.2010.04042.x (8) 石橋裕輔、永山勝久、栗林一彦、 無容器浮遊溶融法によるGeの過冷凝固 日本金属学会誌、76 (2012), pp. 380-384. (查読有 **り**) http://www.jim.or.jp/journal/j/76/06/380-384.html 〔学会発表〕(計9件) ① 栗林一彦、西谷学人、加藤寛隆、M.S. Vijaya Kumar、準安定相晶出の Criterion の実験的検 証、 2013 年日本金属学会春季大会、2013 年 3 月 28日、東京理科大学神楽坂キャンパス ② 米山 覚、栗林一彦、永山勝久、 Si の過冷凝固に及ぼす Sn の影響 2013年日本金属学会春季大会、2013年3月 28日、東京理科大学神楽坂キャンパス ③ M. S. Vijaya Kumar, 石川毅彦、岡田純平、 渡辺勇基、栗林一彦、 Formation and Optical Properties of Rare-earth Aluminates Glass by Aerodynamic Levitation 日本マイクログラビティ応用学会第26回学術 講演会、2012年11月21日、九州大学西新プラザ ④ K. Kuribayashi and M. S. V. Kumar, Crystallographic Stability of Metastable Phase Formed by Containerless Processing in REFeO3 (RE: Rare-Earth Element)(招待講演), 2012 TMS Annual Meeting & Exhibition, 12-14, March 2012, Orlando, FL. ⑤ 大内良晃、高杉茉里、<u>栗林一彦</u>、永山勝久、 M.S.Vijaya Kumar, 無容器プロセスによるマルチフェロイック材 料の創製 日本マイクログラビティ応用学会第 26 回学 術講演会、2012年11月21日、九州大学西新 プラザ ⑥ 栗林一彦 M.S.Vijaya Kumar 準安定六方晶 REFeO3(RE:希土類元素)の構 造安定性 2011年日本金属学会秋季大会、2011年11月 7日、沖縄コンベンションセンター ⑦ 大内良晃 <u>栗林一彦</u> M. S. Vijaya Kumar 永山勝久 準安定六方晶 REFeO3(RE:希土類元素)の構

造安定性

2011 年日本金属学会秋季大会、2011 年 11 月 7 日、沖縄コンベンションセンター ⑧ <u>K. Kuribayashi</u> and M. S. V. Kumar, Metastable Phase Formation from Undercooled Melt of Oxide Material, *4th Int. Symposium on Physical Sciences in Space*, 11-15 July 2011, Bonn-Bad Godesberg, Germany ⑨ M. S. V. Kumar, Ju Jianding, M. Kaneko, <u>K.</u> <u>Kuribayashi</u> and S. Yoda, Influence of Oxygen Partial Pressure on the Formation of Metastable Phases in the R-Fe-O System (R=rare-earth) by Levitation Technique *4th Int. Symposium on Physical Sciences in Space*, 11-15 July 2011, Bonn-Bad Godesberg, Germany 〔図書〕 (計 1 件)

(1) K. Kuribayashi,

Solidification of Containerless Undercooled Melts (ed by Dieter M. Herlach and Douglas M. Matson), WILEY-VCH, 2012.

6. 研究組織

(1)研究代表者
 栗林一彦(KURIBAYASHI KAZUHIKO)
 芝浦工業大学・工学部・教授
 研究者番号:70092195