# 科学研究費助成事業 研究成果報告書



平成 27 年 5 月 19 日現在

機関番号: 10101 研究種目: 若手研究(B) 研究期間: 2012~2014

課題番号: 24710099

研究課題名(和文)新概念パルス中性子CT法による3D応力ひずみイメージング

研究課題名(英文)Three-dimensional stress-strain imaging by a new-type pulsed neutron tomography

#### 研究代表者

佐藤 博隆 (Sato, Hirotaka)

北海道大学・工学(系)研究科(研究院)・助教

研究者番号:30610779

交付決定額(研究期間全体):(直接経費) 3,700,000円

研究成果の概要(和文): ブラッグエッジイメージングで得られる結晶格子ひずみ情報を、CTを適用することにより、3次元空間に渡って広くイメージングすることが望まれている。しかし、ひずみは観測方向を変えると観測値が変わってしまうテンソル物理量に分類されるという課題があるため、新たなCT技術「テンソルCT法」の開発を行った。その結果、観測される値に含まれている複数のスカラー要素を個別にCT画像再構成すれば、テンソル物理量のCTは可能であることがわかった。実際にML-EM型テンソルCTアルゴリズムを開発した結果、「角度によって異なる重みをかけた逆投影」という過程が必須であることを明らかにすると共に、ひずみのCTを成功させた。

研究成果の概要(英文): It is expected that three-dimensional imaging of strain information obtained by the neutron Bragg-edge imaging is achieved by the computed tomography (CT) technique. However, since the strain is the tensor physical quantity which is changed by the observing direction, strain tomography is impossible for traditional CT techniques. Therefore, a new CT image reconstruction technique, the tensor CT algorithm, was developed. As a result, it was found that the tensor CT is possible by individual reconstruction of each scalar component included in the observed tensor quantity. Furthermore, it was also found that an algorithm of back-projection of angle-dependent weight in ML-EM is important, and finally strain tomography was successfully carried out.

研究分野: 中性子応用工学

キーワード: 中性子 イメージング ブラッグエッジ ひずみ テンソルCT

## 1.研究開始当初の背景

パルス中性子を利用したブラッグエッジイメージングは、構造材料や機能材料の微視的なバルク結晶組織構造情報を広範囲(人間スケール、数十 cm)に渡って非破壊的に定量評価できる新しい材料解析ツールである。解析できる情報は、結晶構造・結晶相・集合組織(結晶方位)・結晶子サイズ・結晶格子ひずみと多岐に渡り、工学材料回折法と同様な情報を「可視化」できることが特長である。

これまで、ブラッグエッジイメージングで 得られる結晶組織構造情報の1つである結晶 格子ひずみは、いわゆるレントゲン撮影(ラ ジオグラフィ)の測定体系で定量的イメージ ングが行われてきた。近年、この情報を CT (Computed Tomography; 計算機断層撮像法) を適用することにより、3次元空間に渡って 広くイメージングすることが、材料インフォ マティクスの観点から望まれるようになっ た。これにより、材料をより多面的・多角的 に評価することが可能になるためである。し かし、ひずみは、これまでの CT 技術で取り 扱ってきた物質の「密度」や「屈折率」とい った情報とは異なり、CT の適用は容易では ない。なぜならば、前者は観測方向を変えて も観測値の変わらないスカラーの物理量で あるのに対し、後者は観測方向を変えると観 測値が変わってしまうベクトルあるいはテ ンソルの物理量に分類されるためである。そ のため、従来の CT 技術では結晶格子ひずみ の CT を実現することはできないため、新た な CT 技術「テンソル CT 法」の開発が必要 であると考えた。

#### 2.研究の目的

以上のような背景から、本研究では、結晶格子ひずみのようなテンソルの物理量でもCT画像再構成が可能な「テンソルCT」アルゴリズムを開発することを目的として、アルゴリズムの構築ならびに、コンピュータープログラムの開発を行った。

## 3.研究の方法

まず、テンソル CT アルゴリズムの開発に当たり、テンソル CT で考慮しなければならない点を、ひずみテンソルの考察によって明確化することを行った。図 1 に、ある軸から角度  $\varphi$  ならびに  $\psi$  傾いた方向に沿って観測されるひずみ  $\varepsilon_{ow}$  の概念図を示す。また、 $\varepsilon_{ow}$  は、

$$\varepsilon_{\phi\psi} = \varepsilon_{11} \cos^2 \phi \sin^2 \psi + \varepsilon_{22} \sin^2 \phi \sin^2 \psi$$
$$+ \varepsilon_{33} \cos^2 \psi + \varepsilon_{12} \sin 2\phi \sin^2 \psi$$
$$+ \varepsilon_{23} \sin \phi \sin 2\psi + \varepsilon_{31} \cos \phi \sin 2\psi$$

(1)

と表される。ここで、 $\varepsilon_{11}$ 、 $\varepsilon_{22}$ ならびに  $\varepsilon_{33}$  は、それぞれ軸 1、2、3 に関する垂直ひずみ、 $\varepsilon_{12}$ 、 $\varepsilon_{23}$  ならびに  $\varepsilon_{31}$  は、それぞれ軸 1 から 2、2 から 3、3 から 1 に関するせん断ひずみである。

これら 6 つのスカラー要素が、 $\sin$  や  $\cos$  で記述されている  $\varphi$  ならびに  $\psi$  の関数である角度依存係数によって線形結合されているため、ある位置のひずみ  $\varepsilon_{\varphi\psi}$  は観測方向によって観測値が変わるのである。しかし、観測される値は複数のスカラー要素 ( $\varepsilon_{11}$ ,  $\varepsilon_{22}$ ,  $\varepsilon_{33}$ ,  $\varepsilon_{12}$ ,  $\varepsilon_{23}$  ならびに  $\varepsilon_{31}$ ) から構成されているため、これらを個別に CT 画像再構成すれば、テンソル物理量の CT は可能ということになる。

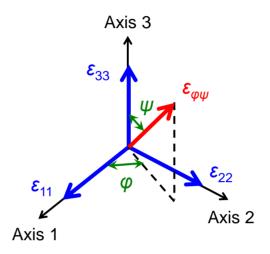


図 1: ひずみテンソル  $\varepsilon_{ow}$ のスカラー要素。

次に、具体的なアルゴリズムの構築を行っ たので、その結果について述べる。この問題 は非線形問題である。そのため、フーリエ変 換やフィルター補正逆投影、重畳法といった いわゆる解析的手法をベースとした CT 画像 再構成法では、この問題は解けないことが予 想された。そのため、テンソル CT 法の開発 においては、逐次近似法をベースとしたアル ゴリズム開発を行った。その結果、ML-EM Maximum Likelihood - Expectation Maximization) 法をベースとしたアルゴリズ ムを完成させたので、その概要について述べ る。式(2)は、開発された ML-EM テンソル CT アルゴリズムの k 回目から k+1 回目の逐 次近似式を表す。また、図2は各パラメータ ーの定義を表す。

$$\varepsilon_{ij}^{k+1} = \frac{\varepsilon_{ij}^{k}}{\sum_{d=1}^{D} C_{id} A_{ijd}^{n}} \sum_{d=1}^{D} \frac{p_{d} C_{id} A_{ijd}^{n}}{\sum_{i'=1}^{I} \sum_{j'=1}^{J} \varepsilon_{i'j'}^{k} C_{i'd} A_{i'j'd}}.$$

(2)

 $\varepsilon$  はテンソル量を表し、式 (1) の 6 つのスカラー要素に一致する。i は CT 画像の断面の位置を表す(全部で I 個 ) j はテンソル量  $\varepsilon_i$  の j 番目のスカラー要素を表す(全部で J 個 ) d は検出器画素を表す(全部で D 個 )  $C_{id}$  は 検出器 d によって観測される位置 i の幾何学的検出確率である。 $A_{ijd}$  はテンソル CT において最も重要なパラメーターであり、検出器 d

により観測される位置 i の j 番目のテンソル要素の検出確率である。 $A_{ijd}$  は式 (1) の  $\sin$  や  $\cos$  で表された角度依存係数である。n は ML-EM の逆投影過程における  $A_{ijd}$  の重みを表現する。この「角度によって異なる重みをかけた逆投影」が、各テンソル要素を個別に CT 画像再構成する際に必須となる。 $p_d$  はいわゆる投影データであり、実際のひずみ CT では、結晶格子面間隔と中性子透過パスの長さを乗じて、ひずみの投影データとしている。式 (2) を用いることによって、ひずみテンソルの 2 次元断面分布 (3 次元分布)の最尤推定を行う。

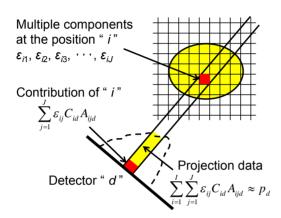


図 2 : ML-EM テンソル CT 法のパラメーター の定義。

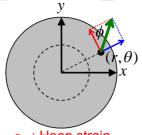
この方法を用いて、中性子回折法を用いた ひずみ解析のための国際標準試料「VAMAS」 を例に、ひずみ CT の計算機シミュレーショ ンを行った結果について述べる。VAMAS 試 料は高さ 5 cm の円柱状試料で、直径 5 cm・ 肉厚 2.5 cm のリング(円筒)の中に、直径 2.5 cm のプラグ(円柱)を「冷やし填め」し たものである。VAMAS 試料は、図 3 に示す ような表式で表される軸対称のひずみ分布 を有している。この場合、式(1)は以下の ように書き直される。

$$\varepsilon_{\phi 90^{\circ}}(r,\theta) = \varepsilon_{\theta\theta}(r,\theta)\cos^{2}\phi(r,\theta) + \varepsilon_{rr}(r,\theta)\sin^{2}\phi(r,\theta).$$
(3)

3 つの主軸 (周方向  $\theta$  (図 1 の軸 1 に相当 ) 径方向 r (図 1 の軸 2 に相当 ) 軸方向 z (図 1 の軸 3 に相当 )) があり、断面内の座標は $(r,\theta)$ で表されている。この時、断面内のひずみは、2 つの垂直ひずみ (周ひずみ  $\varepsilon_{\theta\theta}$  と径ひずみ  $\varepsilon_{rr}$ ) のみで記述することができ、それぞれが軸対称な分布を有していることが本試料のひずみ分布の特徴である。

この試料について、まずパルス中性子を利用したプラッグエッジイメージング実験で得られる結晶格子面間隔の2次元分布の径依存性を計算した。AI {111}の結晶格子面間隔に関する結果を図4に示す。

 $\varepsilon_{\phi 90^{\circ}}(r,\theta) = \varepsilon_{\theta\theta}(r,\theta)\cos^2\phi(r,\theta) + \varepsilon_{rr}(r,\theta)\sin^2\phi(r,\theta)$ 



 $\varepsilon_{\theta\theta}$ : Hoop strain  $\varepsilon_{rr}$ : Radial strain

図3:軸対称ひずみ分布の表式。

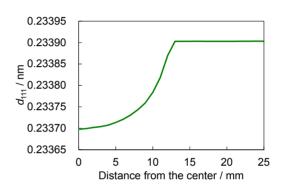


図 4: VAMAS 試料の Al {111}結晶格子面間隔の径依存性。

このデータを ML-EM 型テンソル CT 法に より CT 画像処理を行った。軸対称試料であ るため、全ての方向に関して、ある1方向か らのデータ(図4)が同様に得られるものと して仮定し、16方向からの投影データを作成 し、CT画像再構成を行った。ML-EMの逐次 近似回数は 30 回とした。これは収束に十分 な回数であることが、事前のファントム試験 により明らかになっている。これにより得ら れた結晶格子面間隔 d の CT 画像を、 $\varepsilon = (d - 1)$  $d_0$ ) /  $d_0$ ( $d_0$ は無ひずみ状態の結晶格子面間隔) という式を用いて、ひずみの CT 画像へと最 終的に変換した。これは、ML-EM アルゴリ ズムが、再構成値が負の値とならないように なっているための措置である(面間隔は常に 正の値だが、ひずみは負の値も持ち得る)。

## 4. 研究成果

図 5 にひずみ分布の理論画像(x 方向ひずみに換算)図 6 にひずみ分布の CT 再構成画像(x 方向ひずみに換算)図 7 にそれぞれを周(hoop)ひずみと径(radial)ひずみに関して比較した結果を示す。この結果から、周ひずみは高確度・高精度な CT 画像再構成ができていることがわかった。一方で径ひずみは一様な分布を示すという、実際とは異なる結果を得た。非軸対称ひずみ分布の CT に関するシミュレーションベースの研究から、ML-EM 型テンソル CT においては、各テンソル要素の「方向」に、値が平均化されてしま

うという作用が、テンソル CT に必須な「角度によって異なる重みをかけた逆投影」、例えて異なる重みをかけた逆投影」、例えていうことが明らかとなった。例方向に、そびずみは周方向にである。のである。のだが、とのであるしまうでである。しかしてである。しかは後に渡って同じ値を示す。しかしているを引き起こす「角度によって異ないとのである。しないため、この逆投影過程の最適ながけため、この逆投影過程の最適なの発展にとって最も重要なポイントとなる。

以上のように、テンソル物理量の CT 画像 再構成(テンソル CT)が可能であるという ことが本研究により明らかとなった。また、 そのアルゴリズムの構築ならびにコンピュ ータープログラムの開発にも成功した。

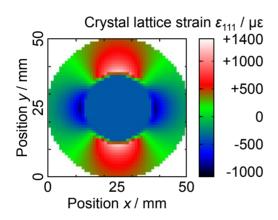


図 5:x 方向ひずみの画像(理論値)。

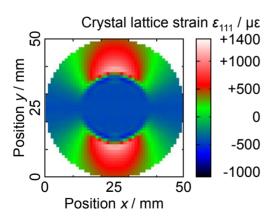


図 6: x 方向ひずみの画像(再構成値)。

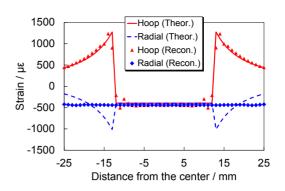


図 7:周ひずみ・径ひずみの断層分布の理論 値と再構成値の比較。

本研究は、国際的には、中性子イメージングや材料工学の国際会議などで招待講演を行い、高い評価を受けている。特に、イクリングの国際会議では、新しい CT 画像再成法ということから、ベクトル情報を取りしても、ベクトル情報を受けた。国内においても、中性子科学の学会において招待講演を行い、それぞれの分野から高い評価を受けたと、CT技術の新しい考え方ということで、今後中大学があります。このように、中性子イメージング・材料工学を受けた。このように、学・中性子イメージング・材料工学を受けると言える。

#### 5 . 主な発表論文等

(研究代表者、研究分担者及び連携研究者に は下線)

## [雑誌論文](計 2 件)

H. Sato, Y. Shiota, Y. Todaka, T. Shinohara, T. Kamiyama, M. Ohnuma, M. Furusaka Υ. and Kiyanagi, Radiographic and Tomographic Neutron Bragg Imaging for Quantitative Visualization of Wide Crystalline Structural Information, Materials Science Forum, Volumes 783-786, pp. 2109-2114, 2014( 査読有), DOI:

10.4028/www.scientific.net/MSF.783-786.2109

佐藤博隆, 中性子透過ブラッグエッジ 法による 2D/3D ひずみイメージング, 日 本材料学会第 171 回 X 線材料強度部門委 員会研究討論会資料, pp. 1-8, 2013 (査 読無)

### [学会発表](計 8 件)

佐藤博隆,塩田佳徳,篠原武尚,加美山隆,大沼正人,古坂道弘,鬼柳善明,ブラッグエッジひずみトモグラフィのためのテンソル CT 法の開発状況,日本中性子科学会第 14 回年会,北海道

立道民活動センター「かでる 2・7」, 札幌, 2014 年 12 月 12 日(口頭発表・依頼 講演)

佐藤博隆,パルス中性子イメージングによる結晶組織解析の現状,日本鉄鋼協会第168回秋季講演大会,名古屋大学,名古屋,2014年9月26日(口頭発表・依頼講演)

H. Sato, T. Shinohara, T. Kamiyama, M. Ohnuma. M. Furusaka and Y. Kivanagi. Radiographic and Tomographic Neutron Quantitative Bragg Imaging for Visualization of Wide Area Crystalline Structural Information. International Conference Processing and Manufacturing Advanced Materials (THERMEC '2013). Las Vegas, USA, 4th December, 2013 (□ 頭発表・招待講演)

佐藤博隆, 中性子透過ブラッグエッジ法による 2D/3D ひずみイメージング, 日本材料学会第 171 回 X 線材料強度部門委員会, 北海道大学, 札幌, 2013 年 10月4日(口頭発表・招待講演)

H. Sato, Y. Shiota, H. Hasemi, S. Uno, T. Shinohara, T. Kamiyama, M. Furusaka and Y. Kiyanagi, Versatile Strain Tomography by Bragg-edge Neutron Transmission with the Tensor CT Method, International Conference on Neutron Scattering 2013 (ICNS2013), Edinburgh, UK, 10th July, 2013 (ポスター発表)

H. Sato, Y. Shiota, H. Hasemi, S. Uno, T. Shinohara, T. Kamiyama, M. Furusaka and Y. Kiyanagi, Versatile Strain Tomography by Bragg-Edge Neutron Transmission with the Tensor CT Method, 5th International Workshop on Neutron Wavelength Dependent Imaging (NEUWAVE-5), Lund, Sweden, 23rd April, 2013 (口頭発表)

佐藤博隆,パルス中性子透過法による結晶組織構造情報のイメージング,日本学術会議シンポジウム「物性物理学・一般物理学の未来を語る」,日本学術会議,東京,2013年1月15日(ポスター発表・依頼講演)

佐藤博隆,塩田佳徳,加美山隆,鬼柳善明,篠原武尚,パルス中性子トモグラフィのためのひずみテンソル CT 法の開発,日本中性子科学会第12回年会,京都大学,京都,2012年12月10日(ポスター発表)

[図書](計 0 件)

〔産業財産権〕 出願状況(計 0 件)

名称:

権利者: 種類: 番号: 出願年月日: 国内外の別:			
取得状況(計	0	件)	
名称: 発明者: 権利者: 種類: 番号: 出得年月日: 取内外の別:			
〔その他〕 ホームページ等			
6 . 研究組織 (1)研究代表者 佐藤 博隆(SA 北海道大学・カ 研究者番号:3	大学阝	完工学研	助教
(2)研究分担者	(	)	
研究者番号:			
(3)連携研究者	(	)	
研究者番号:			

発明者: