科学研究費助成事業

研究成果報告書



平成 26 年 6月 13 日現在

機関番号: 1 3 5 0 1
研究種目: 若手研究(B)
研究期間: 2012~2013
課題番号: 2 4 7 6 0 1 6 1
研究課題名(和文)世界最大直接数値計算に基づく高プラントル流体MHD乱流熱伝達データベースの構築
研究課題名(英文)Development of high-Pr turbulent heat transfer database under magnetic fields by mea ns of the world's largest direct numerical simulation
研究代表者
山本 義暢 (YAMAMOTO, Yoshinobu)
山梨大学・医学工学総合研究部・准教授
研究者番号:4 0 3 7 7 8 0 9
交付決定額(研究期間全体):(直接経費) 3,500,000 円、(間接経費) 1,050,000 円

研究成果の概要(和文):核融合炉デザイン条件下(高レイノルズ数,高ハルトマン数,高プラントル数)を対象とした MHD乱流熱伝達の高精度DNSデータベースを構築することを目的として,現在までにベクトル並列計算機及びスカラ並列 計算機上での,高速大規模数値計算コード開発に成功した.具体的には,最速で実行演算速度21TFLOPSの高速演算が可 能となった,開発コードを用いて,実際の核融合炉ブランケットデザイン条件下でのDNSデータベースの構築に成功し ,その精度を検証した.

研究成果の概要(英文):Aiming to the development of the Magneto-Hydro-Dynamics (MHD) high-Pr heat transfe r database under the design conditions of the next advanced blanket in Fusion Reactors, we have succeeded the large-scale direct numerical simulations (DNS) of a MHD turbulent flows on both vector- and scalar typ es massively parallel processing supercomputer systems. The maximum computational speed was measured up 21 Tflops and the sufficiently parallelization efficiency by using up to over thousands CPUs was achieved, a nd the obtained DNS results were validated by means of spectral analysis.

研究分野:工学

科研費の分科・細目:機械工学、熱工学

キーワード: MHD 高プラントル流体 熱伝達 DNS

1.研究開始当初の背景

核融合炉次世代ブランケット冷却材(及び 増殖材)の有力候補の一つである FLibe 溶融 塩(LiF と BeF の混合溶融塩)は,(1)化学的 安定性,(2)磁気流体力学的(MHD, Magneto-Hydro-Dynamics)圧力損失の劇的 低減,(3)冷却材のみならず増殖材及び中性 子増倍材といった多機能性を有している反 面,腐食,伝熱劣化の問題点が指摘されてい る.

この FLiBe 溶融塩はプラントル数 20-40 程度の高プラントル数流体(プラントル数:運 動量拡散と熱拡散の比,プラントル数 40 の 場合 熱拡散は運動量拡散の 1/40 であること を示す)であるため,その伝熱特性は乱流熱伝 達に強く依存する.しかしその高プラントル 流体における MHD 乱流熱伝達の知見は非常 に少ない.原因としては,非定常性・3 次元 性を有する強非線形・散逸力学現象であり, 理論的取り扱いは困難であること,さらに実 験的手法においても磁場下を対象とするた め,電子機器を用いた高精度計測機器が適用 できないこと,また不透明流体であるためレ ーザ等の光学測定や可視化が困難であるこ とが挙げられる.

2.研究の目的

そこで本研究では,近年目覚しい進展を遂 げつつある計算科学的手法に着目し,磁性効 果・乱流効果・熱輸送効果を高精度に予測可 能な直接数値計算手法(DNS, Direct Numerical Simulation)の開発及びその精度 の検証を実行するとともに,実際の核融合炉 デザイン条件(:高ハルトマン数(磁性効果), 高レイノルズ数(乱流効果),高プラントル数 (熱拡散効果),に適用し,高精度DNSデータ ベースの構築を目指すものである.

3.研究の方法

本研究では,高プラントル流体熱輸送を伴 う MHD 乱流場の直接数値計算を対象とする. 解析対象は図1にプランケット冷却流路を簡 略化した平行平板間流であり,壁垂直方向に 磁場が印加されている.FLiBe 溶融塩を用い た核融合炉プランケットのデザイン条件は バルクレイノルズ数:10⁴⁻¹⁰⁵,ハルトマン数: 10-100,プラントル数:25 程度となる.した がって計算格子としては,レイノルズ数が低 い場合において10003の格子が必要となり, さらに磁場効果による乱流変調及び温度輸 送を解析するために,非磁場下の計算と比べ て,10倍-50倍の時間積分長が必要となって くる.

(1)基礎方程式 支配方程式は,磁場効果 によるローレンツ力を加えた非圧縮性流体 の運動方程式及び連続式,磁場に関するポア ソン方程式,そしてパッシブスカラーを仮定 したエネルギー方程式である.

(2)計算手法 空間の離散化において,主

流及びスパン方向にフーリエ・スペクトル法, 壁垂直方向に2次精度中心差分を用いた.ま た主流及びスパン方向のエイリアジング誤 差に関しては,位相シフト法によりこれを除 去した.時間進行は対流項に3次精度 Runge-Kutta法 拡散項にCrank-Nicolson法, 圧力勾配項にEuler 陰解法により行った.

(3)境界条件 境界条件は全物理量に対し, 主流及びスパン方向に周期境界条件とし,壁 面で no-slip 条件,電位ポテンシャルは絶縁 壁を仮定し勾配0,温度は一定とした.また スパン方向の平均電流は0とした.





4.研究成果

(1)ベクトル並列計算機上における性能評価

ベクトル並列計算機上での性能目標は, 1000 並列以上において,実行効率20%以上の 高速直接数値計算コードの開発を目標とし たプログラム改良を実施した.その結果,ノ ード間通信方法の最適化により,海洋研究開 発機構の地球シミュレータ(128 ノード/1024 並列,一般利用の最大ノード)において実行演 算速度:21TFLOPS,実行演算効率:20.1%を 達成した.また東北大学サイバーサイエンス センターのSX-9(16 ノード/256 並列)において, 実行演算速度:6.5TFLOPS,実行演算効率: 24.8%の値が得られている(図2参照).

(2) スカラ並列計算機での性能

同様にスーパーコンピュータ京を対象とし て通信部分の最適化を行った.本DNSコード における主要通信部分である全対全(AII to all)通信部分に対し,1対1通信から集団通 信(MPI_ALLTOALLV)への書き換え作業と性能 評価を実施した.

図 3 に alltoall 通信部分を集団通信へ変

更した場合の実行演算速度を示す.また参考 のため地球シミュレータ(ES2)での値もプロ ットしている.京での実行演算速度は,1024 ノード使用時に6.8TFLOPS となった.1024 ノ ードと 2048 ノードの比較により算出した並 列化率は,99.997%である.また実行効率は, 1024 ノード時に5.2%,4096 ノード時に3.6% 程度であるため,実行効率の向上をさらに図 る必要がある.

しかし今回の通信方法の修正により,4096 ノ ード時には,17.6TFLOPS となり,演算速度の 絶対値においては,ベクトル並列計算機並の 値が得られるようになっている.



図2 開発コードの性能評価(実行演算速度)





(3) DNS データベースの構築

現在までに,3.1 で紹介したベクトル並列計 算機における DNS コードを用いて,核融合炉 ブランケットデザイン条件において,バルク レイノルズ数:1万4000,ハルトマン数:0, 20,28,プラントル数:25の DNS データベー ス構築が終了している.

現在まで,デザイン条件下での高プラントル 流体 MHD 熱伝達データベースは,実験・計算 の両面において得られておらず,本プロジェ クトによって初めて得られたものである.本 研究ではさらにそのデータベースを用いた 詳細解析を実施しておりその一部を紹介す る.



図4にコルモゴロフスケール及びバチェラー スケール(長さ:/ $_{\beta}$,時間: t_{β})で規格化した主 流方向速度及び温度変動の散逸スペクトル を示す.主流方向速度のスペクトルにおいて は全ケースにおいてコルモゴロフスケール



/ 図4 散逸スペクトル分布

(1)主流方向速度(コルモゴロフスケールで 規格化),(2)温度(バチェラースケールで規



 $-\circ$ Yamamoto and Kunugi (Pr = 5.25) $-\Delta$ Present (Pr = 25) $-\cdots$ Nu/Nu_{Ha=0} = 1-5.5Ha²/Re_b

図5 MHD 効果によるヌッセルト数の変化

の2倍以上の空間解像度が確保されていることが確認できる.また温度場においても,バチェラースケール(k,/g=1)以上の空間解像度が得られており,十分な精度を有する DNS データベースであると判断できる.

また本計算で得られたヌッセルト数を図5に示す().参照のためプラントル数5.25のKOHを対象とした実験5)及び数値計算2)に基づく相関式(Nu/Nu_{Ha=0}=1-5.5N, N=Ha²/Re)及びプラントル数5.25の場合のDNSデータベースの値()をプロットしている.本DNSの結果は,相関式と良好に一致していることが確認できた.なおヌッセルト数は核融合炉デザインコードにおける入力条件となっており,ブランケットの伝熱設計上,MHD効果に伴うヌッセルト数の定量的変化を評価する

ことが,第一の課題である.本プロジェクト の実行により,計算科学的手法により高レイ ノルズ数・高プラントル流体における磁場下 の熱伝達に関する知見を初めて得られたこ とは大変価値が高いと考えている.





(3)

図 6 温度変動分布の比較 (1) Ha=0, (2) Ha=20, (3) Ha=28

(5)DNS データベースによる乱流構造解析 次に得られた DNS データベースに基づく MHD 効果による乱流変調に関する解析結果 の一部を示す.

図6に,Ha=0(非磁場下),Ha=20及びHa= 28における瞬時の温度変動の可視化結果を 示す.非磁場下においては,高プラントル 流体特有の微細な温度変動が確認できるが, 磁場効果が大きくなると(Ha数が大きくな る)と微細な温度変動が低減していること がわかる.これは磁場効果により乱流が低 減し,乱流拡散効果が低減していることを 示す.

図7に摩擦温度で無次元化した平均温度 分布を示す.ハルトマン数0(非磁場下)に おいては,Kaderによる実験式と良好に一 致するが、磁場下(ハルトマン数20及び28) においては,温度分布が上方に逸れ,磁場 効果により温度分布が層流化していること が確認できる.

図 8 に摩擦温度で無次元化した温度変動 強度分布を示す.温度変動強度においては, 磁場下の場合(破線及び点線),非磁場下(実 線)と比べ乱流強度が強くなっているよう に見えるが,これは規格化に用いた摩擦温 度が減少しているためであり、乱れ自体は 減少している.





さらに乱流モデルによる熱伝達解析におい て重要なパラメータである,乱流プラント ル数及びタイムスケール比の分布を図9に 示す乱流プラントル数は,温度場解析の0 方程式モデルで必要となる値であり,図10 に示すタイムスケール比は温度場2方程式 モデルでの支配パラメータである.図9に 示す乱流プラントル数の結果により,磁場 下においても,非磁場下と同様の傾向を示 すことが確認できる.したがって,MHD 変 調における乱流熱解析が0方程式モデルに より予測可能であることを示唆している. 一方,タイムスケール比においても分布傾 向は類似しているもののピークの位置が MHD 効果によりチャンネル中央側へシフト していることがわかる、以上より、乱流モ デルによる熱伝達解析においては,乱流プ ラントル数に基づく解析が可能であると結 論付けられた。

5.主な発表論文等

(研究代表者、研究分担者及び連携研究者に は下線)

〔雑誌論文〕(計6件)

- N.Osawa, <u>Y.Yamamoto</u>, and T.Kunugi, Investigation of MHD RANS modeling based on DNS database under the advanced blanket design conditions utilized molten salt, Proceedings of the 22th International Conference on Nuclear Engineering (ICONE22), July 7-11, 2014, Prague, Czech Republic(in press), 査読有
- 猿渡祥悟,山本義暢:高レイノルズ数 チャンネル乱流場の内層温度分布にお けるプラントル数効果,日本機械学会 論文集(掲載決定),査読有
- 3. 猿渡祥悟,山本義暢,高レイノルズ数 チャンネル乱流場における高プラント ル数乱流熱輸送に関する四象限・結合 確率密度関数解析日本機械学会論文集
 B 編,79 巻,803 号(2013), pp.1281-1296(査読有).
- 山本義暢,高レイノルズ数大規模構造 解析を対象とした壁水平方向高次精度 差分法による直接数値シミュレーショ ンの検討,日本機械学会論文集 B 編,

79 巻, 807 号(2013), pp.2409-2423(査読 有).

- 5. 猿渡祥悟,山本義暢,高レイノルズ数 チャンネル乱流場の内層における乱流 熱流束の高プラントル数効果に関する 考察,日本機械学会論文集 B 編,79 巻, 808 号(2013), pp.2846-2853(査読有).
- 街渡祥悟,<u>山本義暢</u>,高解像度DNSデー タベースを用いた高レイノルズ数チャ ンネル乱流場の四象限・確率密度関数解 析,日本機械学会論文集(B編),78巻795 号(2012), pp.1951-1966(査読有).

〔学会発表〕(計5件)

- 猿渡祥悟,<u>山本義暢</u>, 辻義之,スーパ ーコンピュータ京を用いた高レイノル ズ数チャンネル乱流場における大規模 組織乱流構造解析,第27回数値流体力 学シンポジウム,2013年12月18日.
- 山本義暢,大沢直樹,MHD チャンネル 乱流場における実効レイノルズ数の予 測,日本機械学会関東支部山梨講演会 2013,2013 年 10 月 27 日.
- 3. 猿渡祥悟,<u>山本義暢</u>,高レイノルズ数 乱流熱輸送におけるプラント効果に関 する結合確率密度関数解析,日本流体 力学会年会 2013,2013 年 9 月 12 日, 東京農工大学.
- 街渡祥悟,<u>山本義暢</u>,高レイノルズ数 チャンネル乱流場における高プラント ル数乱流熱伝達の組織乱流構造解析, 可視化情報シンポジウム 2013,2013 年 7月16日,工学院大学.
- 長坂和輝,<u>山本義暢</u>、磁気乱流場にお ける高精度大規模直接数値シミュレー ション手法の開発(並列化手法の検討), 日本機械学会関東支部山梨講演会 2012、 2012 年 10 月 27 日,山梨大学

〔その他〕

ホームページ等 http://www.me.vama

http://www.me.yamanashi.ac.jp/lab/yamamoto/D NSdatabase.html

6.研究組織

(1)研究代表者

山本 義暢 (YAMAMOTO, Yoshinobu) 山梨大学・医学工学総合研究部・准教授

研究者番号:40377809