# 科学研究費助成事業 研究成果報告書



平成 28 年 5 月 30 日現在

機関番号: 1 4 4 0 1 研究種目: 若手研究(B) 研究期間: 2013~2015

課題番号: 25870396

研究課題名(和文)細胞間の多様性に基づいた新しい細胞内モデリング手法 - その発展と応用 -

研究課題名(英文)On the novel mathematical modeling framework of cells based on their heterogeneity

#### 研究代表者

寺口 俊介 (Teraguchi, Shunsuke)

大阪大学・免疫学フロンティア研究センター・特任助教

研究者番号:00467276

交付決定額(研究期間全体):(直接経費) 1,000,000円

研究成果の概要(和文):本研究では、細胞のシミュレーションを行うための新しい手法を数学的に発展させることで、この手法をより多くの生命現象に応用可能にしました。また、新たな近似法と高速シミュレーターを用いることで、実際のデータからシミュレーションモデルを自動的に構築するシステムを開発しました。また、この手法を応用して、免疫寛容と自己免疫応答のバランスを理解するための免疫細胞の抗原提示の数理モデルを構築しました。

研究成果の概要(英文): In this research, we have mathematically developed new methodology to perform simulation of cells to increase the applicability of our method. With the help of newly developed approximation and a fast simulator, we constructed a system to identify simulation models from real data automatically. In addition, by applying our framework, we developed a mathematical model of antigen presentation of immune cells to understand the balance between immune tolerance and autoimmune reaction.

研究分野: システム生物学

キーワード: 数理モデル 機械学習 シミュレーション 免疫システム

#### 1.研究開始当初の背景

現在の生物学の主流となっている分子生物 学的アプローチは、生命現象の因果関係を各 遺伝子の機能に還元することで大きな成功 を収めてきた。このような遺伝子/蛋白質分 子に関する個別の知見は既に膨大なもので あるが、一方で、これらの因果関係が全体と してどのように統合され、実際の生命現象を 形作っているのかという問題は、かなりの部 分が手つかずのまま残されている。このよう な状況の中で、システム生物学と呼ばれる、 定量的なデータに基づき生命現象をシステ ムとして理解することを目指した生物学の アプローチの必要性が強く認識されてきた。 システム生物学の重要な方向性として、数理 モデルや計算機シミュレーションを用いて 細胞システムの定量的な再構築を行うこと が挙げられる。それにより、システムの設計 原理を理解し、予測や制御までを可能にする ことが期待されている。

このように細胞レベルでの生命現象を数理 的に記述するに当たっては、生化学反応の方 程式系をベースにした数理モデル/シミュ レーションが標準的なアプローチであると 言える。このような数理モデルでは個々の細 胞間の差異は一旦無視し、平均的な振る舞い をする理想的な細胞のモデルを構築するこ とを出発点にすることが多い。しかし、実際 には、同一の細胞種であっても外部シグナル に対する個々の細胞の応答は同一とは限ら ない。特に多様な病原体を検出する必要があ る免疫システムでは、このような細胞間の差 異も重要な役割を果たしていると考えられ る。そこで、我々は、このような細胞応答の 多様性・不均一性を積極的に利用し、細胞集 団における細胞内現象を記述する新しい手 法である"Stochastic Binary Modeling" (SBM)を開発、提案していた(Teraguchi S, 他 4 名、Physical Review E, 2011)。

# 2.研究の目的

本研究の目的は、細胞間の多様性に基づく新しいモデリング手法をさらに発展させ、多様な生命現象に応用可能にすることであった。また、研究期間中に一定のめどが立ったため、当初の研究計画を拡張し、実験データからのモデル推定を行うためのシステムの開発も本研究の重要な目的の一つと位置付けチャレンジすることとした。

## 3.研究の方法

# (1)新しい近似手法の開発

SBM では通常のモデリング手法では扱いづらい細胞間の多様性を直接モデルに組み込むことができる。しかしながら、その代償として、力学変数の数がモデル化するシステムの複雑さに対して指数関数的に増加してしまうという欠点がある。この問題を回避し大

規模なシステムのシミュレーションを行う一つの方法としてはモンテカルロシミュレーションに基づく確率的な近似手法がある。しかし、この方法では数値的な解析しか行えないこと、また、毎回確率的に異なる結果が得られてしまうことから、目的によっては必ずしも便利な近似法ではない。そのため、SBM の特徴を生かした新しい近似法の開発が望まれていた。

## (2) 高速シミュレータの開発

上述のように、特に大規模なシステムでは SBM のシミュレーションの速度は研究のボトルネックになり得る。特に、後述する機械 学習システムにおいては、パラメータを変化 させながら多数のシミュレーションを繰り 返す必要があるため、少しでも高速なシミュレータを用いることは重要である。また、近 似法を開発する際にも、その妥当性は数値的 により厳密な解との比較を行うことでチックする必要があるため、直接計算を行うシ ミュレータの高速化は本研究において必須 であった。

# (3)機械学習によるシステム同定手法の開 発

SBM でのモデリング自体は非常に簡便で、 各構成要素(遺伝子/蛋白質分子)の間の相 互作用に大まかな時定数を与えるだけで、シ ステムのシミュレーションが可能になる。し かし、そのような相互作用の存在とパラメー タの選択を客観的な形で行うのは容易では ない。この問題に対する一つの回答は、実験 で得られた時系列データから自動的にシス テム同定を行うデータ駆動型のアプローチ である。このアプローチは実際の生命現象へ SBM を応用していくために非常に有用であ ると考えられるものの、当初はこの方向での 問題解決の目処が立っていなかったため研 究計画に含めていなかった。初年度を終えた 段階でこのアプローチに一定の目処が立っ たため、新たに機械学習システムによるシス テム同定手法の開発を本研究の大きな柱に 据えた。

# (4)免疫システムにおける一細胞レベル実験データの解析

もともと SBM というモデリング手法を着想したのは、免疫系の実験研究者との議論において、実際の細胞では細胞間の不均一性が高く、全ての細胞が同じように振る舞うという通常の近似では実際の免疫細胞の生命現象を捉えることは難しいという指摘を受けたところにあった。細胞間の不均一性が実際どの程度のものであり、どのようなシステムがSBM のようなモデリング手法との相性がよいのかを知るためには、一細胞レベルでの実験データが必要となる。

そのため、本研究では実験研究者との共同研究を通じて以下のような実際の実験データ

# の解析を行った。

蛍光蛋白質を用いた遺伝子発現の時系列 データの解析

一細胞 qPCR を用いた多数の遺伝子発現 データの解析

# (5)免疫システムに対する数理モデルの構 築

我々のモデリング手法の妥当性を示す最も効果的な方法は実際の生命現象に対して応用を進めることである。上記(4)の にある遺伝子発現の径時変化のデータを用いてそのような数理モデルの構築を進めることができれば理想的であったが、本研究時点では複数遺伝子発現をモニターするためのレポーターシステムの構築が難航し、このデータの直接の利用は難しかった。

そこで、今回は SBM のフレームワークを拡 張することで、理論的なアプローチから適応 免疫システムの数理モデリングを行った。

#### 4.研究成果

#### (1)新しい近似手法の開発

繰り込みの手法を用いたアプローチ SBM は物理学における量子力学の定式化と 数学的な類似性があり、そこでの代表的な近 似手法である摂動論が応用できる可能性が あった。通常、細胞の数理モデル研究は数値 的なシミュレーションに頼る必要があるが、 摂動論では近似的ながらも解析的な計算が 可能になるメリットがある。しかし、量子力 学の場合と異なり、SBM では相互作用を行 う期間と行わない期間を分離できず、時間の 経過とともに摂動論が破綻してしまうため、 残念ながら実用的な利用は行えなかった。今 回、同じく物理学においてよく利用される繰 り込みの手法を用いてこの問題を回避/緩和 できないか研究を行い、実際、繰り込みの手 法を応用することが可能であることがわか った。しかし、同時に、繰り込みの手法で解 消できる摂動論の破綻の程度はモデルに大 きく依存してしまうことも明らかになった ため、残念ながら現時点では具体的な応用は 難しい状況である。

確率の独立性を仮定した近似法の開発 SBM のシステム方程式を近似計算するため のもう一つのアプローチとして、システム方程式に現れる条件付き確率を条件のない確 率で置き換える近似法を開発した。この近似 法を用いると SBM のシステム方程式に現れる高次の同時確率を低次の同時確率で切り ることが可能になる。この近似法を数値し、システム方程式を任意の複雑さで切断シ し、システム方程式を任意の複雑さで切断シ し、システム方程式をでしてる し、システム方程式を任意の複雑さで切り ることが可能になる。この近似法を数値似 り立ち (Fig.1) 興味のある観測量が低次の同時確率で表現で 味のある観測量が低次の同時確率で表こと きる状況では非常に有用な手法である

# が分かった。

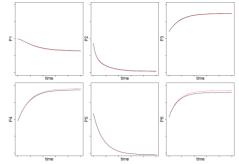


Fig.1 確率の独立性を仮定した近似解の例。 横軸:時間、縦軸:各ノードがオンである確 率。黒線:厳密解、赤線:近似解。

## (2)高速シミュレータの開発

以前の研究で SBM のシミュレータは構築していたものの、このシミュレータはシステム同定のような応用を視野に入れておらず、そのシミュレータの実行速度は十分なものではなかった。そのため、本研究では高速なシミュレータを新たに開発し直した。以前のシミュレータと比べて、高速な低レベル言語の採用、スパース行列の利用、計算アルゴリズムの改良を行い、大幅な高速化を果たした。

# (3) 機械学習によるシステム同定手法の 開発

本研究での大きなチャレンジが、元々の研究 計画には含めていなかった機械学習システ ムの開発であった。この方向にかじを取る大 きな契機となったのは "Continuous Time Bayesian Network " (CTBN)と呼ばれるネ ットワーク推定法の生物学への応用研究を 行っている海外研究者との交流によるもの だった。このネットワーク推定と SBM のフ レームワークには大きな類似性があり、計算 コストの高い SBM のシミュレーションを行 わなくとも、比較的高速なネットワークの推 定が可能であると考えられた。この手法を SBM のシステム推定の前段階として用い、 それを初期値としたデータ同化の手法を用 いることで、効率の良いシステム同定ができ るのではというのが当初のもくろみであっ

 システムではパラメータの同定が困難になってしまう。

そこで、今回の研究では一旦 CTBN の利用を 諦め、システム同定に利用する実験データと して Flow cytometry のような一細胞レベル の解像度を持つ実験データに特化したシス テム同定の手法を新たに開発することとし た。この手法の最大のメリットは、システム の構成要素の数が増えるにつれて、同定すべ きパラメータの数を超えて観測量の数が増 えるところである。標準的な細胞の数理モデ ルの手法では個々の細胞間の差異を一旦無 視するため、このようなデータの利用法は難 しいのに対し、SBM のシステムではこのよ うな一細胞のデータと非常に相性がよい。結 果的に、少なくとも in silico の実験では、シ ステムの複雑さが増しても推定精度を維持 できるシステム同定手法の開発に成功した (Fig.2)。現在、この手法の実際の実験デー タへの適用を試みている。





Fig.2 今回開発したシステム同定手法によるパラメータ推定の実行例

左:推定されるモデルのパラメータ。右:推定されたモデルのパラメータ。緑(赤): ノードのオン(オフ)。実(破)線:相互作用時の親ノードのオン(オフ)。線の幅が相互作用の強さに対応する。

# (4)免疫システムにおける一細胞レベル実 験データの解析

蛍光蛋白質を用いた遺伝子発現の時系列 データの解析

私たちの研究グループでは、遺伝子改変マウ ス由来の免疫細胞を顕微鏡下で経時的に観 察することによる一細胞レベルでの遺伝子 発現解析実験を進めている。この実験は必ず しも本研究のために計画されたものではな いが、そこで得られる観測データの SBM で の再利用を念頭に、時系列イメージからの発 現データの抽出を目指したアルゴリズムの 開発を行った。明視野イメージからの各細胞 の境界検出と、蛍光イメージからの対応する 細胞の発現量の検出に成功した。SBM で利 用するには、さらにトラッキングを行い、各 時点での細胞を同定する必要があるが、残念 ながら今回の実験条件下では、細胞の数と時 間間隔の両方が大きく、トラッキングまで完 了するには至らなかった。実験条件の再検討 も含めてこれは今後の課題である。

一細胞 gPCR を用いた多数の遺伝子発現

#### データの解析

細胞間の多様性に着目することで定式化し た SBM を実際の生命現象に応用していく上 で、実際の細胞システムの多様性の程度を把 握しておくことは欠かせない。本研究は理論 研究であり、実際の細胞を直接観測する機会 を得るのは難しいが、実験研究者との共同研 究を通じて1細胞レベルの遺伝子発現データ を解析する機会に恵まれた。この研究では、 光照射により波長が変わる特殊な蛍光色素 を組み込んだ遺伝子改変マウスから得られ た免疫細胞の遺伝子発現を、マイクロ流路デ バイスを用いて一細胞レベルで測定した。こ の実験データの解析から、一見同じように見 える制御性 T 細胞でも、様々な転写因子の発 現が細胞間で異なっており、その傾向は細胞 動態の履歴によってバイアスされることを 示していた。この共同研究ではさらに高機能 な制御性T細胞を見分けるマーカー遺伝子を 同定することができた。

#### (5)免疫システムに対する数理モデルの構 <sup>箆</sup>

本研究では具体的な応用先として免疫シス テムを主な対象としている。本研究ではSBM で導入された細胞応答の多様性・不均一性の 考え方をさらに拡張し、免疫システム等で重 要な細胞間の相互作用を導入した。また、理 論的な考察に基づくトップダウンの免疫シ ステムのモデルも構築した。この数理モデル では、自然免疫システムと獲得免疫システム をつなぐ鍵である抗原提示細胞によるT細胞 への抗原提示のプロセスに焦点を当て、免疫 学の主要なテーマである免疫抑制と自己免 疫反応のバランスを定量的に議論できる。こ のモデルでは SBM で導入した各細胞の非一 様性を、各抗原提示細胞と相互作用するT細 胞の非一様性に拡張し、T 細胞と抗原提示細 胞の相互作用、抗原提示細胞上のT細胞の分 布に応じたT細胞のプライミングを確率的に 扱った。さらに、これらのイベントを免疫シ ステム全体でのT細胞のポピュレーション動 態にフィードバックすることで免疫抑制と 自己免疫反応という相反するリスクを、シス テム全体として自然に定義することが可能 になった。

# 5. 主な発表論文等

(研究代表者、研究分担者及び連携研究者に は下線)

#### [雑誌論文](計 0件)

# [学会発表](計 3件)

Shunsuke Teraguchi、Stochastic Binary Modeling and Network Motifs、 The International Conference on Systems Biology 2013、2013 年 8 月 30 日  $\sim$  9 月 3 日、 Tivoli Congress Center, Copenhagen,

# Denmark

Shunsuke Teraguchi、Stochastic Binary Modeling and Network Motifs、EMBO Workshop、Complex Systems in Immunology、2013年12月2日~12月4日、Matrix Building, Biopolis, Singapore 寺口 俊介、Stochastic Binary Modeling and Network Motifs、定量生物学の会第六回年会、2013年11月22日~11月24日、

[図書](計 0件)

大阪大学銀杏会館

〔産業財産権〕

出願状況(計 0件)

名称: 発明者: 権利者: 種類: 番号: 出願年月日

出願年月日: 国内外の別:

取得状況(計 0件)

名称: 発明者: 権利者: 種類: 種号:

取得年月日: 国内外の別:

〔その他〕 ホームページ等

- 6. 研究組織
- (1)研究代表者

寺口 俊介 (TERAGUCHI, Shunsuke) 大阪大学・免疫学フロンティア研究センタ ー・特任助教

研究者番号:00467276

- (2)研究分担者 なし
- (3)連携研究者 なし