# 科学研究費助成事業

研究成果報告書

科研費

平成 2 9 年 5 月 1 6 日現在 機関番号: 1 1 3 0 1 研究種目: 挑戦的萌芽研究 研究期間: 2014 ~ 2016 課題番号: 2 6 6 3 0 2 0 9 研究課題名(和文)これからの材料開発に欠かせない材料ミクロ組織の仮想実験と最適化技術の新展開 研究課題名(英文) Material design applying numerical material testing and decoupling multiscale topology optimization 研究代表者 加藤 準治(Kato, Junji) 東北大学・工学研究科・准教授 研究者番号: 0 0 5 9 4 0 8 7

交付決定額(研究期間全体):(直接経費) 3,000,000円

研究成果の概要(和文):構造の力学的挙動は材料の微視構造(ミクロ構造)に強く依存することがよく知られているが,近年,微視構造の製作,制御技術が急速に進歩したことから「マクロ構造の力学的性能を最大にする 最適なミクロ構造を発見する」ための研究が先端材料開発分野で盛んに行われている. しかし,それらは実験や経験則に基づくトライアルアンドエラー型のアプローチであり,真に最適なミクロ構造 を得ることはできない.本研究では数理的アプローチを基本として,それを可能にする次世代型材料最適設計法 の確立に成功した. 具体的には,超弾性ゴム材料や金属材料の微視組織を最適化し,所望の力学的性能を最大にする手法を開発し

研究成果の概要(英文): It is well known that the structural behavior strongly depends on the material microstructure. Recently, production technology enables to control/manufacture the microstructure to a degree and this kind of topics has been paid attention in world wide, especially in the research for advanced materials. However, most of them take empirical approaches strongly relying on the experiments. For the best of our knowledges, these approaches cannot lead to the truly optimal design.

The present study proposed topology optimization method to provide an optimal microstructure numerically for maximizing structural performance and eventually the usability and versatility of the proposed method was verified by the series of numerical examples. Specifically, we developed a method to optimize microstructure topology of hyperelastic composite material and also to optimize a metallic crystalline structure to maximize the macroscopic structural performance.

研究分野:計算力学

キーワード: トポロジー最適化 ミクロ構造 マルチスケール解析 材料開発

#### 1. 研究開始当初の背景

力学の自然な現象として「マクロ構造の力 学的挙動は材料の微視構造(ミクロ構造)に 強く依存する」ことがよく知られている.

近年,微視構造の製作,制御技術が急速に 進歩したことから「マクロ構造の力学的パフ オーマンスを最大にする最適なミクロ構造 を発見する」ための研究が様々な先端材料開 発分野で盛んに行われている.

しかし,実験や経験則に基づくトライアル アンドエラー型のアプローチでは真に最適 なミクロ構造を得ることはできない.

そこで、力学の基本原理とコンピュータを 駆使した数理的アプローチによる材料開発 法が望まれていた.

2. 研究の目的

本研究は数理的アプローチを基本として, それを可能にする次世代型材料最適設計の 確立を目指すものである.

具体的な設計対象としては、土木構造物の 地震時エネルギーを吸収する機構である,高 減衰ダンパーの材料設計を念頭に置いてい る.この目的を達成するために、まずは構 造・材料の力学的挙動を模擬する必要がある が,従来は有限要素法を用いた解析が行われ てきた.申請者らも実際,有限要素法を用い た「マルチスケールトポロジー最適化」と呼 ばれる最適ミクロ構造を決定するための数 理的手法を開発してきた.しかし、材料のミ クロ構造の幾何特性は複雑であり,材料によ っては有限要素法だけで現実の微視的な幾 何特性を表現することはできない場合も多 い. そこで、本研究では、基礎的研究として 複合材料によるダンパー機構のコンプライ アンス最小化問題を取り上げ、それを可能に する手法の開発を行った.

研究の方法

(1) 概要

実際の複雑なミクロ組織の形態を表現し づらいこと、また、有限要素法を単独に用い た場合では、最適結果がパラメータの初期値 に強く依存することが問題として挙げられ る. そこで、本研究ではミクロ材料組織の 予測ツールとして広く用いられるフェーズ フィールド法の形態表現法を導入し、それを 有限要素法と連成させることでミクロ構造 のトポロジー最適化手法の開発した.

本研究では、その基礎的検討として分離型 マルチスケール解析法と呼ばれる手法を用 いて、ミクローマクロ境界値問題を定式化し、 さらにその最適化問題の定式化および時間 発展方程式を開発した.

表-1 使用材料量定数

	ヤング係数 [GPa]	ポアソン比
phase-1(赤)	100.0	0.3
phase-2 (灰色)	10.0	0.3

(2) 最適化計算例:解析条件

提案したトポロジー最適化手法の妥当性 を検証するため、本手法を用いた最適化計算 例を紹介する.

計算に使用するマクロ構造は、図-1に示す 1 要素の単純なマクロ構造と左端固定構造で 8 節点四辺形要素を用いている.一方,使用 するユニットセルは4節点四辺形要素を用い た正方形とし、phase-1(赤)とphase-2(灰 色)で構成されるものとする.ミクロ材料モ デルは、表-1に示す材料定数を用い、phase-1 が phase-2より硬い材料となるように設定し た.ユニットセルは、図-1に示す初期構造を 有するものとし、材料体積比は phase-1 が 54.5%、phase-2 が 45.5%である.



図-1 初期構造



# 図-2 マクロ構造モデル



図-3 マクロ構造(1要素)に対する最適化 ミクロ構造トポロジー(ケース1)



(e)

図-4 左端が固定された長さが異なる3つ のマクロ構造に対する最適化ミクロ構造ト ポロジー (ケース2)

(3) 最適化計算例:ケース1

まず,図-2 に示す 1 要素のマクロ構造 model A, model B に対する最適化結果を示す. model A は  $x_1$ 軸方向に引張変形, model B は  $x_1x_2$  方向に単純せん断変形するように t=10 kN/m の等分布荷重を作用させている.得られ た最適化結果を図-3 に示す.model A の最適 化結果 (a) は、与えた荷重により生じる引張 り変形の方向に phase-1 が配置される結果と なっている.また,model B の最適化結果(b) については、与えた荷重により生じるせん断 変形の圧縮と引張の方向に phase-1 が配置さ れる結果となった.いずれの最適化結果につ いても変形に抵抗する合理的なトポロジー が得られたことから本手法の妥当性が確認 された.

## (4) 最適化計算例:ケース2

次に,長さの異なる左端固定構造の中央部 に t=100kN/m の等分布荷重を作用させたとき の最適化結果を紹介する.図-4 は model C~ E に対する最適化結果を示している.まず, model C はマクロ構造の長さが比較的短いた

め、曲げによる影響は小さい. そのため、図 -5 に示す応力図を見ると, x<sub>1</sub>軸方向応力に比 べて, x2軸方向応力, x1x2 せん断応力が卓越 していることが分かる. その結果, x<sub>2</sub>軸方向 と斜め方向に phase-1 が配置される最適化結 果(c)が得られた.次に, model Dを見てみる と、先ほどよりもマクロ構造が長くなったこ とで、曲げによる影響が大きくなり、x1軸方 向応力が増加していることが図-6の応力図 から分かる. その結果, x<sub>1</sub>軸方向とせん断方 向への変形に抵抗するように phase-1 が配置 された最適化結果(d)が得られた.最後に, model E を見てみると、曲げによる影響がさ らに増加したことで,x1軸方向応力が卓越し ていることが図-7の応力図から分かる.その 結果,最適化結果(d)と比較して,より x<sub>1</sub>軸 方向に対する補強が大きい最適化結果(e) が得られた.これらの最適化結果から、本手 法によりマクロ構造の力学的挙動を十分に 考慮した合理的なトポロジーが得られるこ とが確認され、本手法が有用であることが示 された.



図-5 model C の変形(変形倍率 100 倍)と 応力図

### 4. 研究成果

本研究では、MPF 法と有限要素法,および 分離型マルチスケール解析とトポロジー最 適化を融合した新しい枠組みを構築し,材料 の微視領域における複雑な幾何表現を可能 にする新しい材料設計法を開発した.

また,最適化計算例を見ても,合理的な最 適構造が得られており,本手法の妥当性と性 能の高さを示す結果となっている.以下に本 研究で得られた知見と今後の課題を記す.

(1)本手法により、今まで困難とされていた 材料結晶構造を表現した上で、ミクロ構造の トポロジー最適化が可能となった.この成果 は、今後の先進材料の開発分野において、非 常に有益なものであると考えられる.



図-6 model D の変形(変形倍率 100 倍)と 応力図



図-7 model E の変形(変形倍率 100 倍)と 応力図

(2) 分離型マルチスケール解析を用いたことで、マクロ構造の力学的挙動を考慮した結晶組織の設計が可能となった.分離型マルチスケール解析は非線形材料にも適用可能な汎用性の高い手法であるため、今後は非線形問題を対象とした最適化手法の構築が期待される.

(3) 本手法では、ミクロ構造を構成する材料の種類が2種類と限定的であった.しかし、

実際の材料は,複数の材料により構成される 場合が多い.そのような,複数の材料により 構成される結晶構造を表現するための最適 化モデルの構築が望まれる.

5. 主な発表論文等

〔雑誌論文〕(計 3 件)

① 加藤準治,谷地大舜,西澤峻祐,高瀬慎 介,寺田賢二郎,京谷孝史,超弾性複合材料 の分離型マルチスケールトポロジー最適化, 日本計算工学会論文 (Transactions of JSCES), Paper No.20160001, 2016(査読有り). ② <u>加藤準治</u>,谷地大舜,西澤峻祐,高瀬慎 介, <u>寺田賢二郎</u>, <u>京谷孝史</u>, 分離型マルチス ケール解析法による超弾性複合材料のミク ロ構造トポロジー最適化、日本計算工学会論 文 (Transactions of JSCES), Paper No.20150014, 2015(査読有り). ③ 加藤準治,加茂純宜,高瀬慎介,森口周 二,車谷麻緒,<u>寺田賢二郎</u>,<u>京谷孝史</u>,フェ ーズフィールド法によるミクロ構造トポロ ジー最適化の基礎的研究,土木学会論文集 A2(応用力学), Vol. 70, No. 2 (応用力学論文集 Vol. 17), I\_173-I\_183, 2014(査読有り).

〔学会発表〕(計 14 件)

- Hiroya Hoshiba, Junji Kato, Takashi Kyoya, Fundamental Study of Topology Optimization for Large Elastoplastic Deformation, Asian Congress of Structural and Multidisciplinary Optimization 2016(ACSMO 2016), (eds. Prof. Azegami), June 22-26, Brick Hall (Nagasaki), 2016.
- (2)Junji Kato, Yoshiki Kamo, Tomohiro Takaki, <u>Takashi Kyoya</u>, Multi-scale topology optimization for polycrystalline metals with а multi-phase-field approach, Asian Structural Congress of and Multidisciplinary Optimization 2016 (ACSMO 2016), (eds. Prof. Azegami), June 22-26, Brick Hall (Nagasaki), 2016.
- 3 Junji Kato, Shunsuke Nishizawa, Takashi <u>Kyoya</u>, Kenjiro Terada, Multi-scale topology optimization considering mechanical and thermal stress forces for additive manufacturing, VII European congress on computational methods in applied sciences and engineering (ECCOMAS 2016), June. 5-10, Crete (Greece), (1page), 2016.
- ④ Shinnosuke Nishi, <u>Kenjiro Terada</u>, <u>Junji Kato</u>, Two-scale topology optimization method for composite plate with in-plane unit cells, VII

European congress on computational methods in applied sciences and engineering (ECCOMAS 2016), June 5-10, Crete (Greece), 2016.

- ⑤ 西澤峻祐,<u>加藤準治,京谷孝史</u>,寺田賢 二郎,熱・構造非連成解析を対象とした マルチスケールトポロジー最適化,第19 回応用力学シンポジウム,5月21,22日, 北海道大学(北海道),2016.
- (6) Junji Kato, Daishun Yachi, Shunsuke Nishizawa, <u>Kenjiro Terada</u>, <u>Takashi</u> <u>Kyoya</u>, Material design for hyperelastic composites using a decoupling multi-scale method, The 3<sup>rd</sup> International Workshop on Computational Mechanics, (eds. Prof. Isobe), Oct. 12-14, KC Hall(Tokyo), 2015.
- ⑦ 加茂純宜, <u>加藤準治</u>, 高木知弘, <u>京谷孝</u> <u>史</u>, マルチフェーズフィールド法を用い たミクロ構造トポロジー最適化の検討, 日本機械学会 第 28 回計算力学講演会 (CMD2015), 10 月 10-12 日, 横浜国立大 学(神奈川) (全 2 頁), 2015.
- Multiscale Junji Kato, topology optimization applying а homogenization method, GSIS Homogenization and Numerical Analysis International Summer School, (organizer Prof. Jun Masamune), Aug. 8, Tohoku University (Miyagi), Japan, 2015.
- (9) Junji Kato, Daishun Yachi, <u>Kenjiro</u> <u>Terada</u>, <u>Takashi Kyoya</u>, 'Multiscale topology optimization for hyperelastic composites', Proc. of 13th US National Congress on Computational Mechanics (USNCCM13), July 26-30, San Diego (USA), 2015.
- Dinji Kato, Daishun Yachi, Hiroya Hoshiba, Kenjiro Terada, Takashi Kyoya, 'Multiscale topology optimization for hyperelastic material', Proc. of 11th World Congress on Structural and Multidisciplinary Optimization WCSM011, June 7-12, Sydney (Australia) 2015.
- 加藤準治,加茂純宜,高木知弘,<u>寺田賢</u>
  二郎,<u>京谷孝史</u>,フェーズフィールド法
  によるマルチスケールトポロジー最適化
  手法の提案,日本機械学会第27回計算
  力学講演会(CMD2014),11月22-24日, 岩手大学(岩手)(全2頁),2014.
- 12 加茂純宜,<u>加藤準治</u>,高瀬慎介,<u>寺田賢</u>
  二郎,<u>京谷孝史</u>,フェーズフィールド法
  によるミクロ構造トポロジー最適化の基
  礎的研究,第 69 回土木学会年次学術講
  演会,9月10-12日,大阪(全2頁),2014.
- ① <u>加藤準治</u>,加茂純宜,高瀬慎介,<u>寺田賢</u> <u>二郎</u>,<u>京谷孝史</u>,森口周二,Phase-field

法を用いたミクロ構造のトポロジー最適 化の検討,第19回計算工学講演会,日本 計算工学会(全4頁),6月11-13日,広 島大学(広島),2014.

- 14 加藤準治,加茂純宜,高瀬慎介,森口周二,<u>寺田賢二郎,京谷孝史</u>,車谷麻緒,フェーズフィールド法によるミクロ構造トポロジー最適化の基礎的研究,第17回応用力学シンポジウム,5月10,11日,琉球大学(沖縄),2014.
  - 〔図書〕(計 0 件)
- 〔産業財産権〕○出願状況(計 0 件)
- ○取得状況(計 0 件)
- 〔その他〕 ホームページ等
- 6. 研究組織
- (1)研究代表者
  - 加藤 準治(KATO, Junji) 東北大学・大学院工学研究科・准教授 研究者番号: 00594087
- (2)研究分担者

京谷 孝史(KYOYA, Takashi) 東北大学・大学院工学研究科・教授 研究者番号:00186347

寺田 賢二郎 (TERADA, Kenjiro)東北大学・災害科学国際研究所・教授研究者番号: 40282678